



جمهورية مصر العربية
وزارة التربية والتعليم والتعليم الفنى
قطاع الكتب

الرياضيات

الصف الأول الإعدادى
الفصل الدراسي الأول



غير مصرح بتداول هذا الكتاب خارج وزارة التربية والتعليم

طبعة: ٢٠١٧ - ٢٠١٨



جمهورية مصر العربية
وزارة التربية والتعليم والتعليم الفني
قطاع الكتب

الرِّياضِيَّات

الصف الأول الإعدادي

الفصل الدراسي الأول

تأليف

جمال فتحي عبد الستار

إشراف علمي

مستشار الرياضيات

إشراف تربوي وتعديل ومراجعة

مركز تطوير المناهج والمواد التعليمية

غير مصرح بتداول هذا الكتاب خارج وزارة التربية والتعليم

طبعة: ٢٠١٧-٢٠١٨

مقدمة

يسعدنا أن نقدم كتاب الرياضيات لأبنائنا وبناتنا تلاميذ الصف الأول الإعدادي على أمل أن يكون محققاً لما سعيينا من أجله من سهولة المعلومات ووضوح الأسلوب وتحقيق الهدف بإعداد جيل قادر على التفكير العلمي والابتكار. إن طموحات العقل الإنساني وتعلقاته قد تجاوزت حدود الأرض لتخترق آفاق الفضاء الخارجي فتنتقل إلينا الأقمار الصناعية وشبكات المعلومات أحدث ما يدور فيه صباح ومساءً وبفضل التقدم التكنولوجي أصبحت مصادر التعلم كثيرة ومتنوعة وسائط المعرفة أكثر عددًا وأكبر تنوعًا والوسائل المعينة في التدريس أكبر أثرًا وأكثر تعقيدًا وأعلى قيمة.

لم تكن جمهورية مصر العربية بحضارتها لتتخلف عن مواكبة ما يشهده العالم من تقدم سريع في اكتشافات العلم وتطور هائل في تكنولوجيا التعلم فلعلك تتابع ما يحدث في تعليمنا من تطوير وما أدخل إلى مدارسنا من وسائط تعليمية متطورة.

وقد روعي في تأليف هذا الكتاب

- التعرف على الرياضيات التي تستخدم الرموز بدلا من الأعداد ، لأن دراسة الأعداد غير كافية لحل المشكلات الواقعية .
 - استخدام الصور والأشكال وتوظيف الألوان في توضيح المفاهيم الرياضية وخواص الأشكال .
 - التكامل والربط بين الرياضيات والمواد الدراسية الأخرى .
 - تصميم المواقف التعليمية بما يساعد على أساس التعلم النشط ومهارات حل المشكلات .
 - عرض الدروس بحيث يصل التلميذ بنفسه إلى المعلومات .
 - تضمين الكتاب قضايا واقعية وأنشطة ومواقف تعليمية مرتبطة بمشكلات البيئة والصحة والسكان إضافة إلى قضايا تنمية القيم مثل حقوق الإنسان والمساواة والعدالة وتنمية مفاهيم الانتماء إلى الوطن .
 - وفي الجزء الخاص بالأنشطة والتدريبات : يوجد أسئلة تقويمية لكل درس ، وتمارين متنوعة على كل وحدة ، واختبار في نهاية كل وحدة ، ونشاط خاص ، ونماذج امتحانات عامة تساعد على مراجعة المقرر كاملاً .
- وقد اشتمل هذا الكتاب على ٤ وحدات .
- الوحدة الأولى: الأعداد النسبية - وتهدف إلى عرض خصائص الأعداد وطرق تمثيلها وإجراء العمليات الحسابية عليها وإدراك العلاقات بينها.
- الوحدة الثانية: الجبر - وتعرض معنى الحدود والمقادير الجبرية وإجراء العمليات عليها.
- الوحدة الثالثة: الهندسة والقياس - وتدور حول رسم أشكال هندسية ذات بعدين وثلاثة أبعاد مع وضوح خواصها وتحليل العلاقات بينها.
- الوحدة الرابعة: الاحصاء وتهدف إلى الإحاطة بجمع البيانات وتنظيمها وعرضها للإجابة عن تساؤلات معينة. وإصدار أحكام على التفسيرات والتنبؤات التي يمكن الوصول إليها من تحليل بيانات معينة .
- وقد روعي في شرح موضوعات الكتاب تبسيط المعلومة إلى أقصى قدر مستطاع مع تنوع التمارين وإعطاء الدارسين الفرصة للتفكير والابتكار.

المؤلف

الرموز الرياضية المستخدمة

لكل رمز من الرموز الرياضية الآتية مدلوله وكيفية توظيفه

الرمز	يُقرأ
$\{ \dots, \dots, \dots \} = S$	المجموعة S تساوي
\emptyset أو $()$	فاي (المجموعة الخالية التي لا تحتوي على أي عنصر)
\ni	عنصر من أو ينتمي إلى
\notin	ليس عنصراً في أو لا ينتمي إلى
\supset	محتواة في أو جزئية من
$\not\supset$	غير محتواة في أو ليست جزئية من
$S \cap T = \{ x \mid x \in S \text{ و } x \in T \}$	تقاطع المجموعتين S ، T هي المجموعة التي تشمل كل العناصر الموجودة في المجموعتين معا
$S \cup T = \{ x \mid x \in S \text{ أو } x \in T \}$	اتحاد المجموعتين S ، T هو المجموعة التي تشمل كل العناصر الموجودة في المجموعتين أو كليهما
\mathbb{N}	مجموعة الأعداد الطبيعية (٠ ، ١ ، ٢ ، ...)
\mathbb{Z}	مجموعة الأعداد الصحيحة (... ، ٢ ، ١ ، ٠ ، -١ ، -٢ ، ...)
\mathbb{N}^+	مجموعة الأعداد الصحيحة الموجبة (١ ، ٢ ، ٣ ، ...)
\mathbb{Z}^-	مجموعة الأعداد الصحيحة السالبة (-١ ، -٢ ، -٣ ، ...)
\geq	أقل من أو يساوي
\leq	أكبر من أو يساوي
\neq	لا تساوي

الرمز	يُقْرَأُ
$ P $	القيمة المطلقة للعدد P
(P, b)	الزوج المرتب P, b
$P \times P \times \dots \times P$ إلى n من العوامل = P^n	القوة النونية للعدد P « P أس n »
\sqrt{P}	الجذر التربيعي للعدد P
\parallel	يوازي
\perp	عمودي على
\triangle	مثلث
\therefore	بما أن
\therefore	إذن
	زاوية قائمة
\overline{P}	القطعة المستقيمة P
\overleftarrow{P}	الشعاع P
\overleftrightarrow{P}	الخط المستقيم P
\sphericalangle	زاوية
\equiv	تطابق

الوحدة الأولى الأعداد النسبية

٢	الدَّرْسُ الْأَوَّلُ : مَجْمُوعَةُ الْأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ
٥	الدَّرْسُ الثَّانِي : مُقَارَنَةٌ وَتَرْتِيبُ الْأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ
٧	الدَّرْسُ الثَّلَاثُ : جَمْعُ الْأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ
٩	الدَّرْسُ الرَّابِعُ : خَوَاصُّ عَمَلِيَّةِ الْجَمْعِ فِي مَجْمُوعَةِ الْأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ
١١	الدَّرْسُ الْخَامِسُ : طَرْحُ الْأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ
١٢	الدَّرْسُ السَّادِسُ : ضَرْبُ الْأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ
١٣	الدَّرْسُ السَّابِعُ : خَوَاصُّ عَمَلِيَّةِ الضَّرْبِ فِي مَجْمُوعَةِ الْأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ
١٥	الدَّرْسُ الثَّمَانِي : فِسْمَةُ الْأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ

الوحدة الثانية الجبر

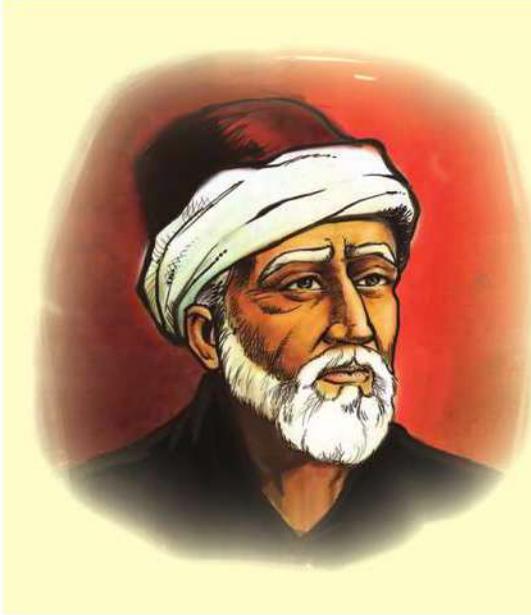
١٨	الدَّرْسُ الْأَوَّلُ : الْحُدُودُ وَالْمَقَادِيرُ الْجَبْرِيَّةُ
١٩	الدَّرْسُ الثَّانِي : الْحُدُودُ الْمُتَسَابِهُةُ
٢٠	الدَّرْسُ الثَّلَاثُ : ضَرْبُ الْحُدُودِ الْجَبْرِيَّةِ وَقِسْمَتُهَا
٢٣	الدَّرْسُ الرَّابِعُ : جَمْعُ الْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ وَطَرْحُهَا
٢٤	الدَّرْسُ الْخَامِسُ : ضَرْبُ حَدِّ جَبْرِيٍّ فِي مَقْدَارٍ جَبْرِيٍّ
٢٦	الدَّرْسُ السَّادِسُ : ضَرْبُ مَقْدَارٍ جَبْرِيٍّ مُكُونٍ مِنْ حَدَّيْنِ فِي مَقْدَارٍ جَبْرِيٍّ آخَرَ
٣٠	الدَّرْسُ السَّابِعُ : فِسْمَةُ مَقْدَارٍ جَبْرِيٍّ عَلَى حَدِّ جَبْرِيٍّ
٣١	الدَّرْسُ الثَّمَانِي : فِسْمَةُ مَقْدَارٍ جَبْرِيٍّ عَلَى مَقْدَارٍ جَبْرِيٍّ آخَرَ
٣٣	الدَّرْسُ الثَّلَاثِي : التَّحْلِيلُ بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمُشْتَرَكِ الْأَعْلَى

الوحدة الثالثة الإحصاء

٣٥	الدَّرْسُ الْأَوَّلُ : مَقاييس النزعة المركزية: المتوسط الحسابي
٣٩	الدَّرْسُ الثَّانِي : الوسيط
٣٩	الدَّرْسُ الثَّلَاثُ : المنوال

الوحدة الرابعة الهندسة والقياس

٤٣	الدَّرْسُ الْأَوَّلُ : مَفَاهِيمٌ هَنْدَسِيَّةٌ
٤٩	الدَّرْسُ الثَّانِي : التَّطَابِقُ
٥٠	الدَّرْسُ الثَّلَاثُ : تَطَابِقُ الْمُثَلَّثَاتِ
٥٦	الدَّرْسُ الرَّابِعُ : التَّوَازِي
٦٢	الدَّرْسُ الْخَامِسُ : إِنْتِشَاقَاتٌ هَنْدَسِيَّةٌ



محمد بن أحمد أبو الريحان البيروني

(ولد سنة ٣٦٣ هـ / ٩٧٣ م)

ذَكَرَ الْبَيْرُونِيُّ وَهُوَ مِنْ مَسَاهِيرِ الرِّثَائِيِّينَ الْعَرَبِ أَنَّ
صُورَ الْحُرُوفِ وَأَرْقَامِ الْحِسَابِ تَخْتَلَفُ فِي الْهِنْدِ بِاخْتِلَافِ
الْمَحَلَّاتِ وَأَنَّ الْعَرَبَ أَخَذُوا أَحْسَنَ مَا عِنْدَهُمْ فَهَذَّبُوا
بَعْضَهَا وَكَوَّنُوا مِنْ ذَلِكَ سِلْسِلَتَيْنِ عُرِفَتَا إِحْدَاهُمَا:
الأرقام الهندية

٠ . ٩ . ٨ . ٧ . ٦ . ٥ . ٤ . ٣ . ٢ . ١

وَتُسْتَخْدَمُ فِي الشَّرْقِ الْعَرَبِيِّ وَهِيَ مِنْ أَصْلِ هِنْدِيٍّ
الأرقام الأندلسية (الغبارية)

0 . 9 . 8 . 7 . 6 . 5 . 4 . 3 . 2 . 1

وَتُسْتَخْدَمُ فِي الْمَغْرِبِ الْعَرَبِيِّ وَالْأَنْدَلِيسِ

محتويات الوحدة

- الدرس الأول : مجموعة الأعداد النسبية
 - الدرس الثاني : مقارنة وترتيب الأعداد النسبية
 - الدرس الثالث : جمع الأعداد النسبية
 - الدرس الرابع : خواص عملية الجمع في مجموعة الأعداد النسبية
 - الدرس الخامس : طرح الأعداد النسبية
 - الدرس السادس : ضرب الأعداد النسبية
 - الدرس السابع : خواص عملية الضرب في مجموعة الأعداد النسبية
 - الدرس الثامن : قسمة الأعداد النسبية
- تطبيقات على الأعداد النسبية

مَجْمُوعَةُ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ

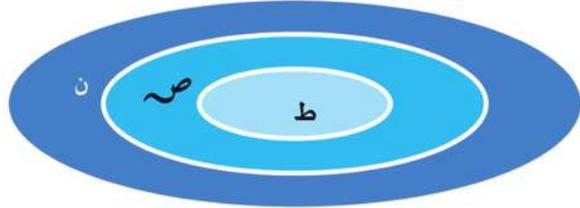
$$\begin{aligned} \bullet & 2 = \frac{2}{1} \leftarrow \frac{p}{b} \quad , \quad 2 \in \mathbb{N} \\ \bullet & \text{صفر} = \frac{\text{صفر}}{1} \leftarrow \frac{p}{b} \quad , \quad \text{صفر} \in \mathbb{N} \\ \bullet & 1- = \frac{1-}{1} \leftarrow \frac{p}{b} \quad , \quad 1- \in \mathbb{N} \\ \bullet & 1\frac{3}{4} = \frac{7}{4} \leftarrow \frac{p}{b} \quad , \quad 1\frac{3}{4} \notin \mathbb{N} \\ \bullet & 1,25- = \frac{5}{4} \leftarrow \frac{p}{b} \quad , \quad 1,25- \notin \mathbb{N} \end{aligned}$$

تَعْلَمُ أَنَّ

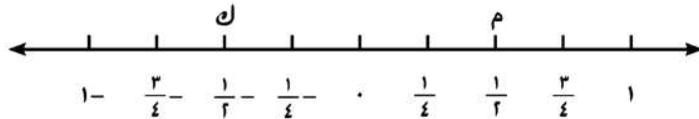


يُكْتَبُ الْعَدَدُ النَّسْبِيُّ عَلَى الصُّورَةِ $\frac{p}{b}$ ، حَيْثُ p ، b أَعْدَادٌ صَّحِيحَةٌ، $b \neq \text{صفر}$

مَجْمُوعَةُ الْأَعْدَادِ الصَّحِيحَةِ مَجْمُوعَةٌ جُزئيةٌ مِنَ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ. أَيَّ أَنَّ $\mathbb{N} \subset \mathbb{N}$ مَجْمُوعَةٌ جُزئيةٌ مِنْ \mathbb{N}

ط \subset ص \subset ن

وَيُمْكِنُ تَمَثُّلُ مَجْمُوعَةِ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ عَلَى خَطِّ الْأَعْدَادِ.



تَمَثُّلُ النُّقْطَةِ كَ مُنْتَصَفِ الْمَسَافَةِ بَيْنَ 0، 1 الْعَدَدِ النَّسْبِيِّ $\frac{1}{2}$ وَيُقْرَأُ الْعَدَدُ النَّسْبِيُّ مُوجِبٌ نِصْفٍ
 تَمَثُّلُ النُّقْطَةِ لَ مُنْتَصَفِ الْمَسَافَةِ بَيْنَ 0، 1- الْعَدَدِ النَّسْبِيِّ $-\frac{1}{2}$ وَيُقْرَأُ الْعَدَدُ النَّسْبِيُّ سَالِبٌ نِصْفٍ

مثال ١

اكتب الأعداد الآتية على الصورة $\frac{p}{b}$

(ج) ٤٠%

(ب) ١٥,٠

(أ) $9\frac{1}{3} - |$

الحل

$$\frac{28}{3} = 9\frac{1}{3} = 9\frac{1}{3} - | \quad (أ)$$

$$\frac{3}{20} = \frac{15}{100} = 0,15 \quad (ب)$$

$$\frac{2}{5} = \frac{4}{10} = \frac{40}{100} = 40\% \quad (ج)$$

مثال ٢

اكتب الأعداد الآتية على صورة أعداد عشرية و نسبة مئوية .

(ج) $\frac{25}{8}$

(ب) $2\frac{1}{4} - |$

(أ) $\frac{16}{25}$

الحل

$$76\% = 0,76 = \frac{76}{100} = \frac{4 \times 19}{4 \times 25} = \frac{19}{25} \quad (أ)$$

$$225\% = 2,25 = \frac{9}{4} = 2\frac{1}{4} - | \quad (ب)$$

$$312,5\% = 3,125 = 3\frac{1}{8} = \frac{25}{8} \quad (ج)$$



الأشكال المُختلِفة لِلعَدَدِ النَّسَبِيِّ

• كِتَابَةُ أَعْدَادٍ نِسْبِيَّةٍ مِثْلِ $\frac{3}{4}$ ، $\frac{7}{5}$ كَعَدَدٍ عَشْرِيٍّ مُنْتَهٍ :

$$\dots = 1,40 = 1,4 = \frac{14}{10} = \frac{7}{5} \qquad \dots = 0,750 = 0,75 = \frac{75}{100} = \frac{3}{4}$$

• كِتَابَةُ أَعْدَادٍ نِسْبِيَّةٍ مِثْلِ $\frac{3}{4}$ ، $\frac{7}{5}$ عَلَى صُورَةٍ نِسْبِيَّةٍ مَتَوَيِّةٍ :

$$\% 140 = \frac{140}{100} = \frac{20 \times 7}{20 \times 5} = \frac{7}{5} \qquad \% 75 = \frac{75}{100} = \frac{25 \times 3}{25 \times 4} = \frac{3}{4}$$

• كِتَابَةُ أَعْدَادٍ نِسْبِيَّةٍ مِثْلِ $\frac{1}{3}$ ، $\frac{2}{11}$ كَعَدَدٍ عَشْرِيٍّ دَائِرِيٍّ غَيْرِ مُنْتَهٍ :

$$0,1\dot{8} = 0,181818 \dots = \frac{2}{11} \qquad 0,3\dot{3} = 0,333 \dots = \frac{1}{3}$$

وَضَعُ النُّقْطَةَ فَوْقَ الرَّقْمِ مَعْنَاهُ أَنَّ العَدَدَ دَائِرِيًّا

يُفْرَأُ 0,3 دَائِرِيًّا

فمثلاً :

لكتابة العدد $\frac{1}{3}$ كعدد عشري دائري غير منته باستخدام الآلة الحاسبة ، ندخل العدد $\frac{1}{3}$ علي الآلة الحاسبة ثم نضغط علي علامه [=] فنحصل علي 0,33333000 كما ظهر بالآلة .

ولكتابة العدد $\frac{2}{11}$ ، علي صورة عدد نسبي باستخدام الآلة الحاسبة ندخل العدد 0,33333000 ونكرر العدد 3 حتي آخر الشاشة الموجودة ثم نضغط علي علامه [=] فنحصل علي العدد النسبي $\frac{1}{3}$

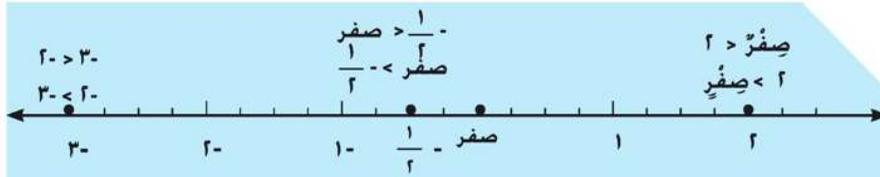
$$\underline{\underline{\text{أي أن : } 0,3\dot{3} = \frac{1}{3}}}$$

مثال : لكتابة العدد 0,145 علي صورة عدد نسبي ، ندخله بالآلة الحاسبة علي الصورة 0,14500000

ونكرر العدد 45 حتي آخر الشاشة ثم نضغط علي [=]

$$\text{فنحصل علي العدد النسبي } \frac{145}{1000} \text{ أي أن : } 0,145 = \frac{145}{1000}$$

مُقَارَنَةٌ وَتَرْتِيبُ الأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ



خَطُّ الأَعْدَادِ

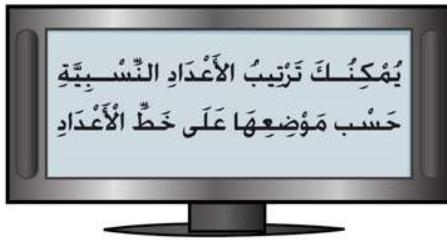
إِذَا كَانَتِ النُّقْطَةُ الَّتِي تُمَثِّلُ العَدَدَ النَّسْبِيَّ «أ» تَقَعُ عَلَى يَسَارِ عَدَدٍ نِسْبِيٍّ «ب» فَإِنَّ



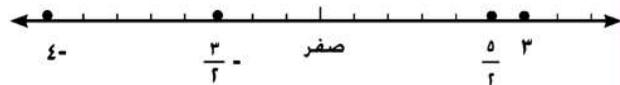
التَّرْتِيبُ التَّصَاعُدِيُّ للأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ - ٣ . صِفْرٌ . ٢ . - ١/٢ . هُوَ : ٣ - . ١/٢ . صِفْرٌ . ٢
التَّرْتِيبُ التَّنَازُلِيُّ للأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ - ٣ . صِفْرٌ . ٢ . - ١/٢ . هُوَ : ٢ . صِفْرٌ . ١/٢ . ٣ -

مثال ١

مَثِّلِ الأَعْدَادَ النَّسْبِيَّةَ ٣ - . ٥/٢ . صِفْرٌ . ٤ - عَلَى خَطِّ الأَعْدَادِ ثُمَّ رَتِّبْهَا تَصَاعُدِيًّا



الْحَلُّ



التَّرْتِيبُ التَّصَاعُدِيُّ هُوَ : ٤ - . ٣/٢ . صِفْر . ٥/٢ . ٣ .

مثال ٣

أَيُّهُمَا أَكْبَرُ - ٢/٣ أَمْ ٣/٤ ؟

الْحَلُّ

٢.٣.٢ لِلْمَقَامَاتِ ٣ . ٤ هُوَ ١٢

$$\frac{8}{12} = \frac{4 \times 2}{4 \times 3} = \frac{2}{3} -$$

$$\frac{9}{12} < \frac{8}{12} \leftarrow \frac{9}{12} = \frac{3 \times 3}{3 \times 4} = \frac{3}{4} -$$

العَدَدُ النَّسْبِيُّ - ٢/٣ أَكْبَرُ مِنْ - ٣/٤

مثال ٢

أَيُّهُمَا أَكْبَرُ ٤/٧ أَمْ ٣/٥ ؟

الْحَلُّ

٢.٣.٢ لِلْمَقَامَاتِ ٧ . ٥ هُوَ ٣٥

$$\frac{20}{35} = \frac{5 \times 4}{5 \times 7} = \frac{4}{7}$$

$$\frac{21}{35} = \frac{7 \times 3}{7 \times 5} = \frac{3}{5}$$

$$\frac{20}{35} < \frac{21}{35} \leftarrow$$

العَدَدُ النَّسْبِيُّ ٣/٥ أَكْبَرُ مِنَ العَدَدِ النَّسْبِيِّ ٤/٧

مثال ٤

اكتب ثلاثة أعداد نسبية تقع بين $\frac{2}{3}$ و $\frac{4}{5}$

الحل

يلزم لذلك توحيد مقامى العددين النسبيين أولاً :

م.م.م للمقامات ٣، ٥ هو ١٥

$$\frac{2}{3} \cdot \frac{4}{5} \text{ يقع بين العددين } \frac{11}{15} \leftarrow \begin{cases} \frac{12}{15} = \frac{3 \times 4}{3 \times 5} = \frac{4}{5} \\ \frac{10}{15} = \frac{5 \times 2}{5 \times 3} = \frac{2}{3} \end{cases}$$

لأن $\frac{12}{15} > \frac{11}{15} > \frac{10}{15}$

ولكى نوجد ثلاثة أعداد محصورة بينهما :

نضرب بسط ومقام العددين $\frac{12}{15}$ ، $\frac{10}{15}$ فى ٢

$$\text{الأعداد الثلاثة المطلوبة هي :} \leftarrow \begin{cases} \frac{24}{30} = \frac{2 \times 12}{2 \times 15} = \frac{12}{15} \\ \frac{20}{30} = \frac{2 \times 10}{2 \times 15} = \frac{2}{3} \end{cases}$$

$$\frac{23}{30} \cdot \frac{22}{30} \cdot \frac{21}{30}$$

$$\text{لأن : } \frac{24}{30} > \frac{23}{30} > \frac{22}{30} > \frac{21}{30} > \frac{20}{30}$$

ويمكن إيجاد المزيد من الأعداد النسبية المحصورة بين العددين

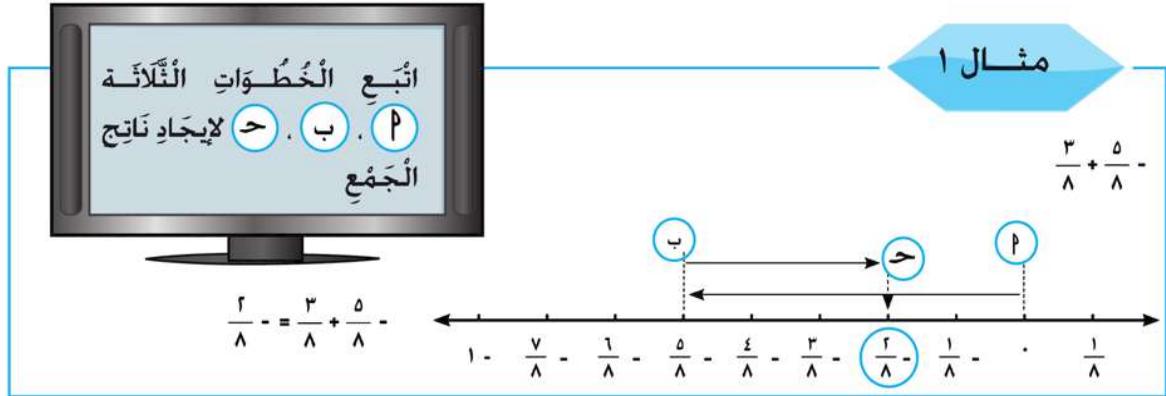
(أوجد ثلاثة أعداد نسبية أخرى تقع بين $\frac{2}{3}$ و $\frac{4}{5}$)

لذلك يمكن القول أنه :

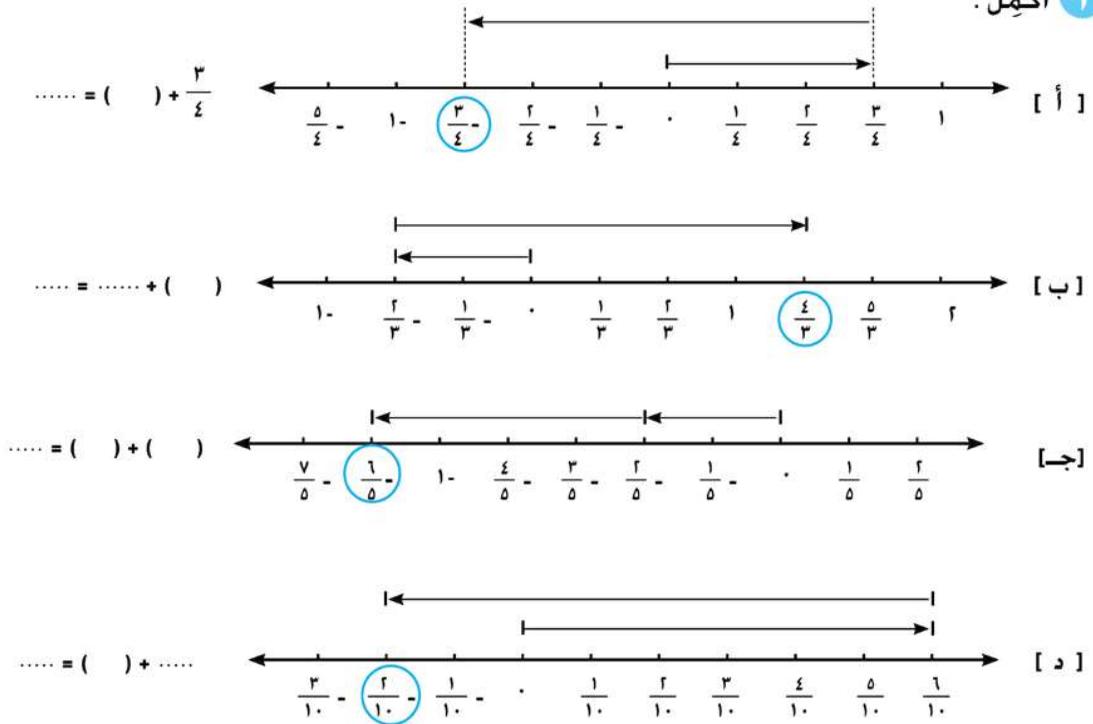
لأى عددين نسبيين مختلفين يوجد عدد لا نهائى من الأعداد النسبية المحصورة بينهما. (تسمى هذه الخاصية كثافة الأعداد النسبية .)

جَمْعُ الأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ

تَمْثِيلُ الأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ عَلَى خَطِّ الأَعْدَادِ يُسَاعِدُكَ عَلَى جَمْعِهَا:



١ أكْمِلْ:



٢ اسْتَخْدِمِ خَطَّ الأَعْدَادِ فِي جَمْعِ الأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ الآتِيَةِ :

[جـ] $(\frac{1}{4} -) + \frac{3}{4} =$

[ب] $\frac{5}{3} + \frac{1}{3} =$

[أ] $(\frac{3}{8} -) + \frac{5}{8} =$

مثال ٢

احسب قيمة كل مما يأتي في أبسط صورة:

$$[\text{ب}] \quad (2\frac{1}{3} -) + 3\frac{1}{4}$$

$$[\text{أ}] \quad (\frac{3}{2} -) + \frac{4}{5} -$$

الحل

$$[\text{ب}] \quad \text{للمقامات } ١٢ = ٣ \cdot ٤$$

$$(2\frac{4 \times 1}{4 \times 3} -) + 3\frac{3 \times 1}{3 \times 4} = (2\frac{1}{3} -) + 3\frac{1}{4}$$

$$(2\frac{4}{12} -) + 3\frac{3}{12} =$$

$$\frac{11}{12} = (2\frac{4}{12} -) + 2\frac{10}{12} =$$

$$[\text{أ}] \quad \text{للمقامات } ١٠ = ٢ \cdot ٥$$

$$(\frac{5 \times 3}{5 \times 2} -) + (\frac{2 \times 4}{2 \times 5} -) = (\frac{3}{2} -) + \frac{4}{5} -$$

$$(\frac{15}{10} -) + \frac{8}{10} - =$$

$$\frac{23}{10} - =$$

مثال ٣

احسب قيمة كل يأتي في أبسط صورة :

$$(\text{ب}) \quad (\frac{1}{3} -) + \frac{1}{5}$$

$$(\text{أ}) \quad (7\frac{3}{4} -) + 1\frac{5}{8}$$

الحل

$$(\text{أ}) \quad \text{م.م. للمقامات } ٨ = ٤ \cdot ٢$$

$$(7\frac{2 \times 3}{2 \times 4} -) + 1\frac{5}{8} = (7\frac{3}{4} -) + 1\frac{5}{8}$$

$$(7\frac{6}{8} -) + 1\frac{5}{8} =$$

$$6\frac{1}{8} - =$$

$$(\text{ب}) \quad \text{م.م. للمقامات } ١٥ = ٣ \cdot ٥$$

$$(\frac{5 \times 1}{5 \times 3} -) + \frac{3 \times 1}{3 \times 5} = (\frac{1}{3} -) + \frac{1}{5}$$

$$(\frac{5}{15} -) + \frac{3}{15} =$$

$$\frac{8}{15} - =$$

أَكْمِلْ

هَلْ نَاتِجُ الْجَمْعِ عَدَدٌ نِسْبِيٌّ؟

[أ] $\dots = \frac{3}{4} + \frac{2}{3}$

هَلْ تَنَاتُرُ عَمَلِيَّةِ الْجَمْعِ يَتَبَدَّلُ الْعَدَدَيْنِ؟

[ب] $\dots = \frac{2}{5} + \frac{3}{5}$

$\dots = (\frac{3}{5} -) + \frac{2}{5}$

هَلْ تَنَاتُرُ عَمَلِيَّةِ الْجَمْعِ يَدْمَجُ عَدَدَيْنِ مَعًا؟

[ج] $\dots = \frac{1}{3} + () = \frac{1}{3} + (\frac{2}{3} + \frac{5}{3} -)$

$\dots = \dots + \frac{5}{3} - = (\frac{1}{3} + \frac{2}{3}) + \frac{5}{3} -$

هَلْ تَتَغَيَّرُ قِيَمَةُ الْعَدَدِ النَّسْبِيِّ عِنْدَ إِضَافَةِ الصِّفْرِ؟

[د] $\dots = \text{صفر} + \frac{8}{3}$

$\dots = (\frac{4}{5} -) + \text{صفر}$

مَاذَا تَلَاظِحُ؟

[هـ] $\dots = (\frac{9}{8} -) + \frac{9}{8}$

لِأَيِّ أَعْدَادٍ نِسْبِيَّةٍ $\frac{p}{b}$ ، $\frac{c}{s}$ ، $\frac{h}{o}$ يَكُونُ:

مِثَالٌ	اسْتِخْدَامُ الرُّمُوزِ	الْخَاصِّيَّةُ
إِذَا كَانَ $\frac{1}{r} \geq 2$ ، فَإِنَّ $\dots = 2 + \frac{1}{r}$	$\frac{p + c + s}{b} = \frac{c}{s} + \frac{p}{b}$	١- الْإِنْعِلَاقُ
	$\frac{p}{b} + \frac{c}{s} = \frac{c}{s} + \frac{p}{b}$	٢- الْإِبْدَالُ
	$(\frac{h}{o} + \frac{c}{s}) + \frac{p}{b} = \frac{h}{o} + (\frac{c}{s} + \frac{p}{b})$ $\frac{h}{o} + \frac{c}{s} + \frac{p}{b} =$	٣- الدَّمَجُ
	$\frac{p}{b} = \frac{p}{b} + 0 + \dots + \frac{p}{b}$	٤- الْعَدَدُ الْمُحَايِدُ الْجَمْعِيُّ
	لِكُلِّ عَدَدٍ نِسْبِيٍّ $\frac{p}{b}$ مَعْكُوسٍ جَمْعِيٍّ - $\frac{p}{b}$ ، حَيْثُ $\frac{p}{b} + (\frac{p}{b} -) = \text{صَفْرًا}$	٥- وُجُودُ الْمَعْكُوسِ الْجَمْعِيِّ

- عِنْدَ إِصَافَةِ الصُّفْرِ لِأَيِّ عَدَدٍ نِسْبِيٍّ لَا تَتَغَيَّرُ قِيَمَتُهُ.
- الصُّفْرُ عَدَدٌ مُحَايِدٌ بِالنِّسْبَةِ لِعَمَلِيَّةِ الْجَمْعِ فِي الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ.
- الْمَعْكُوسُ الْجَمْعِيُّ لِلْعَدَدِ صِفْرٍ هُوَ نَفْسُهُ.

مثال ١

احسب قيمة كل مما يأتي مع ذكر الخاصية :

$$\begin{aligned} \frac{5}{10} + \left(\frac{7}{10}\right) & , & \left(\frac{7}{10}\right) + \frac{5}{10} & \text{(أ)} \\ \left(\frac{2}{8} + \frac{3}{8}\right) + \frac{1}{8} & , & \frac{2}{8} + \left(\frac{3}{8} + \frac{1}{8}\right) & \text{(ب)} \\ \frac{5}{12} + \frac{5}{12} - & , & \left(\frac{4}{5}\right) + \frac{4}{5} & \text{(ج)} \end{aligned}$$

الحل

$$\frac{2}{10} = \left(\frac{7}{10}\right) + \frac{5}{10} \text{ (أ)}$$

$$\frac{2}{10} = \frac{5}{10} + \left(\frac{7}{10}\right)$$

خاصية الإبدال

$$\frac{2}{10} = \frac{5}{10} + \left(\frac{7}{10}\right) = \left(\frac{7}{10}\right) + \frac{5}{10} \therefore$$

$$\frac{3}{8} = \frac{6}{8} = \frac{2}{8} + \frac{4}{8} = \frac{2}{8} + \left(\frac{3}{8} + \frac{1}{8}\right) \text{ (ب)}$$

$$\frac{3}{8} = \frac{6}{8} = \frac{5}{8} + \frac{1}{8} = \left(\frac{2}{8} + \frac{3}{8}\right) + \frac{1}{8}$$

خاصية الدمج

$$\frac{3}{8} = \left(\frac{2}{8} + \frac{3}{8}\right) + \frac{1}{8} = \frac{2}{8} + \left(\frac{3}{8} + \frac{1}{8}\right) \therefore$$

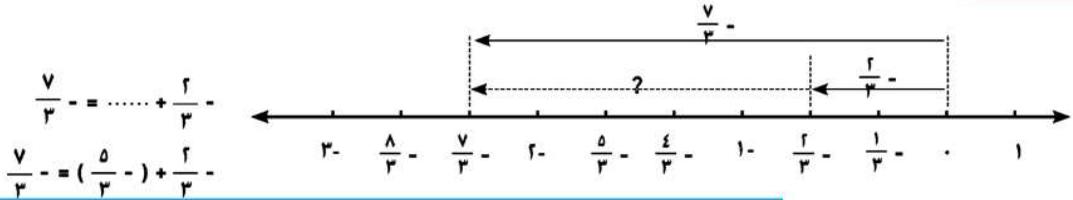
$$\text{صفر} = \frac{4-4}{5} = \left(\frac{4}{5}\right) + \frac{4}{5} \text{ (ج)}$$

خاصية المعكوس الجمعي

$$\text{صفر} = \frac{5+5-}{12} = \frac{5}{12} + \frac{5-}{12}$$

طَرَحُ الأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ

الدَّرْسُ الخَامِسُ



عَمَلِيَّةُ الطَّرْحِ $(\frac{a}{s} - \frac{p}{b})$ هِيَ عَمَلِيَّةٌ جَمْعُ المَطْرُوحِ مِنْهُ $\frac{p}{b}$ مَعَ المَعْكُوسِ
الجَمْعِيِّ لِلْمَطْرُوحِ $\frac{b}{p}$ أَي أَنَّ: $\frac{a}{s} - \frac{p}{b} = \frac{a}{s} + \frac{b}{p}$

مثال

احسب قيمة كل مما يأتي في أبسط صورة:

$$[ب] \quad 2\frac{5}{1} - 3\frac{2}{3}$$

$$[أ] \quad \frac{13}{4} - \frac{9}{2}$$

الحل

$$[ب] \quad 2.3.2 \text{ لِلْمَقَامَاتِ } 6 = 6.3 \text{ لِلْمَقَامَاتِ } 18 \\ (2\frac{5}{1}) + 3\frac{2 \times 2}{1 \times 3} = 2\frac{5}{1} + 3\frac{4}{3} \\ 5\frac{9}{1} = (2\frac{5}{1}) + 3\frac{4}{1} = \\ 6\frac{1}{1} = 5\frac{3}{1} =$$

$$[أ] \quad 2.3.2 \text{ لِلْمَقَامَاتِ } 4 = 4.2 \\ (\frac{13}{4}) + \frac{2 \times 9}{1 \times 2} = \frac{13}{4} + \frac{9}{2} \\ \frac{5}{4} = (\frac{13}{4}) + \frac{18}{4} =$$

مثال ٢

احسب ناتج كل مما يأتي في أبسط صورة:

$$\text{ب) } \left| \frac{1}{5} \right| - 20\%$$

$$\text{أ) } 0,2 - \frac{4}{15}$$

الحل

$$\text{أ) } \frac{1}{15} = \frac{2}{30} = \frac{6-8}{30} = \frac{2}{10} - \frac{4}{15} = 0,2 - \frac{4}{15}$$

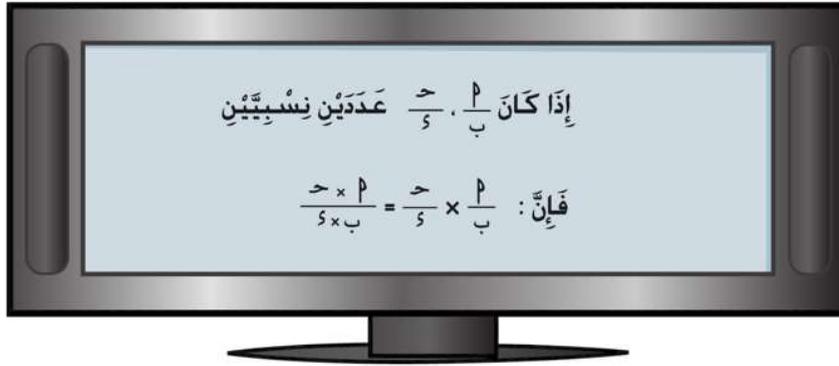
$$\text{ب) } \frac{1}{20} = \frac{4-5}{20} = \frac{1}{5} - \frac{1}{4} = \left| \frac{1}{5} \right| - 25\%$$

الدَّرْسُ السَّادِسُ ضَرْبُ الأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ

لِضَرْبِ عَدَدَيْنِ نِسْبِيَّيْنِ يَلْزَمُ ضَرْبُ بَسْطِهِمَا أَوَّلًا لِتَحْصَلَ عَلَى بَسْطِ حَاصِلِ الضَّرْبِ ثُمَّ ضَرْبُ مَقَامَيْهِمَا تَابِعًا لِتَحْصَلَ عَلَى مَقَامِ حَاصِلِ الضَّرْبِ.
أَكْمَلُ:

$$\frac{1}{3} \times \frac{2}{5} = \frac{1 \times 2}{3 \times 5} = \frac{2}{15} \quad , \quad \frac{1}{3} \times \frac{2}{5} = \frac{1}{3} \times \frac{2}{5} = \frac{2}{15}$$

ضَرْبُ عَدَدَيْنِ
نِسْبِيَّيْنِ



مثال ١

أَوْجِدِ النَّاتِجَ فِي كُلِّ مِمَّا يَلِي:

$$(ب) \frac{4}{5} \times \frac{3}{7}$$

$$(أ) \frac{4}{3} \times \frac{2}{5}$$

$$(ج) \frac{1}{9} \times \frac{2}{9}$$

الحلُّ

$$(أ) \frac{8}{15} = \frac{4 \times 2}{3 \times 5} = \frac{4}{3} \times \frac{2}{5}$$

$$(ب) \frac{12}{35} = \frac{4 \times 3}{5 \times 7} = \frac{4}{5} \times \frac{3}{7}$$

$$(ج) \frac{2}{81} = \frac{2}{9 \times 9} = \frac{1 \times 2}{9 \times 9} = \frac{1}{9} \times \frac{2}{9}$$

الدَّرْسُ السَّابِعُ خَوَاصُّ عَمَلِيَّةِ الضَّرْبِ فِي مَجْمُوعَةِ الأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ

هَلْ حَاصِلُ الضَّرْبِ عَدَدٌ نَسْبِيٌّ؟

١ اضْرِبْ: $\frac{3}{4} \times \frac{1}{3} = \dots$

٢ اكْمِلِ الجَدْوَلَ الآتِيَّ:

 × 			 × 
.....	$\frac{3}{5}$ -	$\frac{1}{2}$
.....	$\frac{1}{3}$ -	$\frac{4}{7}$ -

هَلْ تَنَائُرُ عَمَلِيَّةُ الضَّرْبِ بِتَبْدِيلِ العَدَدَيْنِ؟

٣ اكْمِلْ:

هَلْ تَنَائُرُ عَمَلِيَّةُ الضَّرْبِ بِدَمْجِ عَدَدَيْنِ نَسْبِيَّيْنِ؟

[أ] $\frac{3}{60} = \frac{1}{3} \times \frac{1}{20} = \frac{1}{3} \times \left[\left(\frac{3}{4} \right) \times \left(\frac{1}{5} \right) \right]$

، $\frac{3}{60} = \frac{3}{12} \times \frac{1}{5} = \left[\frac{1}{3} \times \left(\frac{3}{4} \right) \right] \times \frac{1}{5}$

هَلْ تَتَغَيَّرُ فِيْمَةً العَدَدُ النَّسْبِيُّ عِنْدَ ضَرْبِهِ فِي الوَاحِدِ؟

[ب] $\dots = \left(\frac{7}{8} \right) \times 1$ ، $\dots = 1 \times \frac{3}{5}$

مَاذَا نَلَاحِظُ؟

[ج] $\dots = \left(\frac{2}{7} \right) \times \frac{5}{3}$ ، $\dots = \frac{9}{5} \times \frac{5}{9}$

مَاذَا نَلَاحِظُ؟

[د] $\frac{3}{14} = \frac{3}{7} \times \frac{1}{2} = \left[\left(\frac{2}{7} \right) + \left(\frac{1}{7} \right) \right] \times \frac{1}{2}$

، $\frac{3}{14} = \frac{3}{14} + \frac{0}{14} = \left(\frac{2}{7} \times \left(\frac{1}{2} \right) \right) + \frac{1}{7} \times \frac{1}{2}$

٤ اكتبُ مثالاً لكلِّ خاصيّةٍ من خواصِّ عمليّة الضرب في مجموعة الأعداد النسبيّة :

لأيّ أعدادٍ نسبيّةٍ $\frac{a}{b}$ ، $\frac{c}{d}$ ، $\frac{e}{f}$ يكونُ :

مِثَالٌ	اسْتِخْدَامُ الرُّمُوزِ	الْحَاصِبَةُ
إِذَا كَانَ $\frac{1}{4}$ ، $\frac{2}{3}$ \Rightarrow $\frac{1}{4} \times \frac{2}{3} = \frac{2}{12}$ فَإِنَّ $\frac{1}{4} \times (\frac{2}{3}) = (\frac{1}{4} \times \frac{2}{3}) = \frac{2}{12}$ \Rightarrow ...	$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{a \times c}{b \times d}$ \Rightarrow	١- الإِنْفِلَاقُ
	$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{c}{d} \times \frac{a}{b}$	٢- الإِبْدَالُ
	$(\frac{a}{b} \times \frac{c}{d}) \times \frac{e}{f} = \frac{a}{b} \times (\frac{c}{d} \times \frac{e}{f})$ $(\frac{a}{b} \times \frac{c}{d}) \times \frac{e}{f} = \frac{a}{b} \times (\frac{c}{d} \times \frac{e}{f})$	٣- الدَّمْجُ
	$\frac{a}{b} = \frac{a}{b} \times 1 = 1 \times \frac{a}{b}$	٤- العَدَدُ المُحَايِدُ الضَّرْبِيّ
	لِكُلِّ عَدَدٍ نِسْبِيٍّ $\frac{a}{b} \neq 0$ صَفْرٍ مَعْكُوسٍ ضَّرْبِيٍّ $\frac{b}{a}$ حَيْثُ $1 = \frac{a}{b} \times \frac{b}{a}$	٥- وُجُودُ المَعْكُوسِ الضَّرْبِيّ
	$(\frac{a}{b} + \frac{c}{d}) \times \frac{e}{f} = (\frac{a}{b} \times \frac{e}{f}) + (\frac{c}{d} \times \frac{e}{f})$	٦- تَوَزِيعُ الضَّرْبِ عَلَى الجَمْعِ

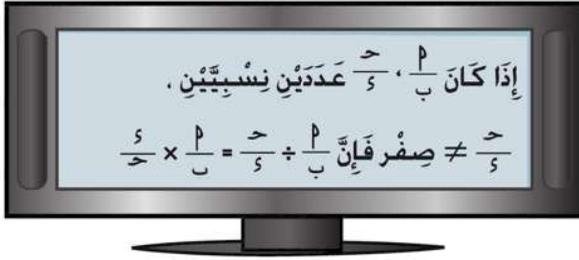
- عِنْدَ ضَرْبِ الوَاحِدِ فِي أَيِّ عَدَدٍ نِسْبِيٍّ لَا تَتَغَيَّرُ قِيَمَةُ هَذَا العَدَدِ النِسْبِيّ
- عِنْدَ ضَرْبِ الصَّفْرِ فِي أَيِّ عَدَدٍ نِسْبِيٍّ يَكُونُ حَاصِلُ الضَّرْبِ صَفْرًا
- الوَاحِدُ عَدَدٌ مُحَايِدٌ بِالنِّسْبَةِ لِعَمَلِيَّةِ الضَّرْبِ فِي الأَعْدَادِ النِسْبِيَّةِ
- لَا يُوْجَدُ مَعْكُوسٌ ضَّرْبِيٌّ للعَدَدِ صَفْرٍ لِأَنَّ $\frac{0}{0}$ لَيْسَ لَهُ مَعْنَى

قِسْمَةُ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ

الدَّرْسُ الثَّامِنُ

لِقِسْمَةِ الْعَدَدِ النَّسْبِيِّ - $\frac{2}{3}$ عَلَى الْعَدَدِ النَّسْبِيِّ $\frac{4}{5}$ ،
نَضْرِبُ - $\frac{2}{3}$ فِي الْمَعْكُوسِ الضَّرْبِيِّ لِلْعَدَدِ $\frac{4}{5}$ وَهُوَ $\frac{5}{4}$.

قِسْمَةُ عَدَدَيْنِ
نَسْبِيِّينِ



أَكْمَلْ

$$\frac{\dots}{\dots} = \frac{\dots}{\dots} = \frac{5}{4} \times \frac{2}{3} = \frac{4}{5} \div \frac{2}{3}$$

مثال ١

أَحْسِبْ قِيَمَةَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

$$[ب] - \left(\frac{1}{2}\right) \div 3 \frac{3}{4}$$

$$[أ] - \left(\frac{2}{3}\right) \div \frac{5}{4}$$

الْحَلُّ

الْمَقْسُومُ سَالِبٌ ، وَالْمَقْسُومُ عَلَيْهِ سَالِبٌ. فَإِنَّ خَارِجَ الْقِسْمَةِ يَكُونُ مُوجِبًا

$$[ب] - \left(\frac{1}{2}\right) \div 3 \frac{3}{4} = \frac{9}{4} \div \frac{15}{4}$$

$$[أ] - \left(\frac{2}{3}\right) \div \frac{5}{4} = \left(\frac{2}{3}\right) \times \frac{4}{5} = \frac{8}{15}$$

$$= \frac{4}{9} \times \frac{15}{4}$$

$$= \frac{3 \times 5}{2 \times 4}$$

$$= \frac{5}{3} = \frac{15}{9}$$

$$= \frac{15}{8}$$

مثال ٢

إِذَا كَانَ $2 = \frac{3}{4} \cdot b$ ، $\frac{5}{7} = b$ فَأَوْجِدْ فِي أَبْسِطِ صُورَةِ قِيَمَةِ الْمِقْدَارِ: $\frac{b-p}{b+p}$

الْحَلُّ

$$\frac{\frac{13}{4}}{\frac{7}{4}} = \frac{\frac{10}{4} + \frac{3}{4}}{\left(\frac{10}{4}\right) + \frac{3}{4}} = \frac{\left(\frac{2 \times 5}{2 \times 2}\right) + \frac{3}{4}}{\left(\frac{2 \times 5}{2 \times 2}\right) + \frac{3}{4}} = \frac{\left(\frac{5}{2}\right) - \frac{3}{4}}{\left(\frac{5}{2}\right) + \frac{3}{4}} = \frac{b-p}{b+p}$$

$$\frac{13}{7} = \left(\frac{4}{7}\right) \times \frac{13}{4} =$$

تطبيقات على الأعداد النسبية :

مثال ١

أوجد عددًا نسبيًا يقع عند مُنْتَصَفِ الْمَسَافَةِ بَيْنَ $\frac{9}{4}$ ، $\frac{17}{1}$

الْحَلُّ

العدد الأصغر = $\frac{9}{4}$ ، العدد الأكبر = $\frac{17}{1}$

$$\left[\left(\frac{17}{1} - \frac{9}{4} \right) \right] \frac{1}{2} + \frac{9}{4} = \left(\frac{17}{1} - \frac{9}{4} \right) \frac{1}{2} + \frac{9}{4}$$

$$\frac{7}{4} \times \frac{1}{2} + \frac{9}{4} =$$

$$\frac{71}{24} = \frac{7}{24} + \frac{54}{24} = \frac{7}{24} + \frac{9}{4} =$$

٣.٣.٣. للمقامات ٤ ، ٢٤ = ٢٤

∴ العَدَدُ النَّسْبِيُّ $\frac{71}{24}$ يَقَعُ بَيْنَ $\frac{9}{4}$ ، $\frac{17}{1}$

مثال ٢

أوجد عددًا نسبيًا يقع عند ثلث المسافة بين : $-\frac{5}{1}$ ، $1\frac{1}{2}$ (من جهة الأصغر)

الْحَلُّ

والعدد الأكبر = $-\frac{5}{1}$

العدد الأصغر = $1\frac{1}{2}$ = $\frac{3}{2}$

$$\frac{4}{1} \times \frac{1}{3} + \frac{3}{2} = \left[\left(\frac{3}{2} - \left(-\frac{5}{1} \right) \right) \right] \frac{1}{3} + \frac{3}{2}$$

$$\frac{2}{3} + \frac{3}{2} =$$

$$\frac{23}{18} = \frac{4 + 17}{18} =$$

∴ العَدَدُ $\frac{23}{18}$ يَقَعُ عند ثلث المسافة بين $-\frac{5}{1}$ ، $1\frac{1}{2}$ من جهة $\left(-\frac{9}{1} \right)$

هل يوجد عدد آخر يقع عند ثلث المسافة بين العددين $-\frac{5}{1}$ ، $1\frac{1}{2}$ ؟ (من جهة الأصغر)

مثال ٣

أوجد عددًا نسبيًا يقع عند ربع المسافة بين $\frac{1}{2}$ ، $\frac{1}{3}$ (من جهة الأصغر)

الحل

العدد الأصغر = $\frac{1}{3}$ ، العدد الأكبر = $\frac{1}{2}$

∴ العدد الذي يقع في $\frac{1}{4}$ المسافة بين $\frac{1}{3}$ ، $\frac{1}{2}$ من جهة $\frac{1}{3}$

$$\frac{3}{8} = \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{2} \right) \frac{1}{4} + \frac{1}{3} =$$

الْوَحْدَةُ الثَّانِيَّةُ الْجَبْرُ



محمد بن موسى الخوارزمي

عالم عراقي مسلم

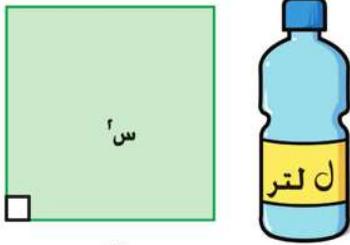
الْعَرَبُ هُمْ: أَوَّلُ مَنْ اسْتَعْمَلَ كَلِمَةَ جَبْرٍ وَأَوَّلُ مَنْ أَلَّفَ فِيهِ هُوَ مُحَمَّدُ بْنُ مُوسَى الْخَوَارِزْمِيُّ (أبو الجبر) فِي عَصْرِ الْأُمَمُونَ فَهُوَ عَالِمٌ مُسْلِمٌ عِرَاقِيٌّ (وُلِدَ حَوْلَ أَلْي ٧٨١ - تُوُفِّيَ بَعْدَ ٢٣٢ هـ أَي بَعْدَ ٨٤٧ م) وَيَفْضِلُ الْخَوَارِزْمِيَّ يَسْتَخْدِمُ الْعَالَمَ الْأَعْدَادَ الْعَرَبِيَّةَ الَّتِي غَيَّرَتْ مَفْهُومَنَا عَنِ الْأَعْدَادِ كَمَا أَنَّهُ أَدْخَلَ مَفْهُومَ الْعَدَدِ صَفِيرٍ.

مُحْتَوِيَاتُ الْوَحْدَةِ

- الدَّرْسُ الْأَوَّلُ : الْحُدُودُ وَالْمَقَادِيرُ الْجَبْرِيَّةُ
- الدَّرْسُ الثَّانِي : الْحُدُودُ الْمُتَشَابِهَةُ
- الدَّرْسُ الثَّلَاثُ : صَرْبُ الْحُدُودِ الْجَبْرِيَّةِ وَقِسْمَتُهَا
- الدَّرْسُ الرَّابِعُ : جَمْعُ الْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ وَطَرُوحُهَا
- الدَّرْسُ الْخَامِسُ : صَرْبُ حَدِّ جَبْرِيٍّ فِي مَقْدَارٍ جَبْرِيٍّ
- الدَّرْسُ السَّادِسُ : صَرْبُ مَقْدَارٍ جَبْرِيٍّ مَكُونٍ مِنْ حَدَّيْنِ فِي مَقْدَارٍ جَبْرِيٍّ آخَرَ
- الدَّرْسُ السَّابِعُ : قِسْمَةُ مَقْدَارٍ جَبْرِيٍّ عَلَى حَدِّ جَبْرِيٍّ
- الدَّرْسُ الثَّمَانُونَ : قِسْمَةُ مَقْدَارٍ جَبْرِيٍّ عَلَى مَقْدَارٍ جَبْرِيٍّ آخَرَ
- الدَّرْسُ التَّاسِعُ : التَّحْلِيلُ بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمُسْتَتَرِكِ الْأَعْلَى

الدَّرْسُ الْأَوَّلُ الحُدُودُ وَالْمَقَادِيرُ الْجَبْرِيَّةُ

• الرِّبَاضِيَّاتُ هِيَ لُغَةُ الرُّمُوزِ فَتَسْتَخْدِمُ الرُّمُوزَ الْمُخْتَلِفَةَ لِلتَّعْبِيرِ عَنِ أَشْيَاءٍ أَوْ أَعْدَادٍ وَتَتَعَامَلُ مَعَهَا بِطُرُقٍ مَشَابِهَةٍ لِلطَّرِيقِ الَّتِي نَتَّبِعُهَا مَعَ الْأَعْدَادِ فَمَثَلًا:



• طُولُ الْمُسْتَطِيلِ = ٥ سم .

• سَعَةُ الرَّجَاجَةِ = ٧ لِيْتْرًا.

• طُولُ ضَلْعِ الْمُرَبَّعِ = س

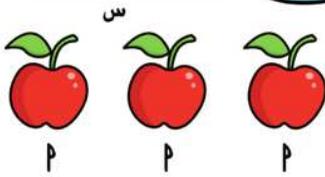
• مِسَاحَةُ الْمُرَبَّعِ = س × س = س^٢

• إِذَا كَانَ الرَّمْزُ الْجَبْرِيُّ ٢ يُعْبَّرُ عَنْ تَفَاحَةٍ فَإِنَّ ثَلَاثَ تَفَاحَاتٍ

تَعْنِي: $2 \times 3 = 2 + 2 + 2$ وَتُكْتَبُ ٢ \times ٣ وَيُسَمَّى حَدًّا جَبْرِيًّا

• إِذَا كَانَ الرَّمْزُ الْجَبْرِيُّ ٢ - يُعْبَّرُ عَنْ جُنْبِهِ فَإِنَّ فَمَقْدَانَ جُنْبَيْهِ يَعْني

$(-2) + (-2) = -2 \times 2$ وَتُكْتَبُ - ٢ وَيُسَمَّى حَدًّا جَبْرِيًّا



ح

الْحَدُّ الْجَبْرِيُّ هُوَ مَا تَكُونُ مِنْ حَاصِلِ ضَرْبِ عَامِلَيْنِ أَوْ أَكْثَرَ.

الْحَدُّ الْجَبْرِيُّ $2 \times 1 = 2$ مُكَوَّنٌ مِنْ عَامِلَيْنِ : ١ (عَامِلٌ عَدَدِيٌّ) ، ٢ (عَامِلٌ جَبْرِيٌّ).

الْحَدُّ الْجَبْرِيُّ $7 \times 7 = 49$ مُكَوَّنٌ مِنْ ٣ عَوَامِلٍ :

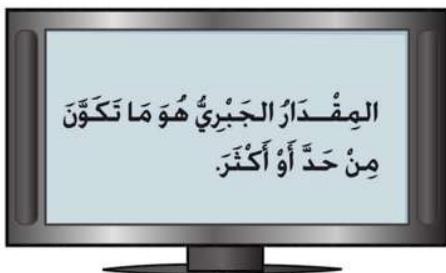
٧ (عَامِلٌ عَدَدِيٌّ) ، س (عَامِلٌ جَبْرِيٌّ) ، س (عَامِلٌ جَبْرِيٌّ).

يَكُونُ الْحَدُّ الْجَبْرِيُّ 3×2 مِنَ الدَّرَجَةِ الْأُولَى لِأَنَّ الرَّمْزَ ٢ يُسَاوِي ١

يَكُونُ الْحَدُّ الْجَبْرِيُّ 7×7 مِنَ الدَّرَجَةِ الثَّانِيَةِ لِأَنَّ الرَّمْزَ س يُسَاوِي ٢

إِذَا جَمَعْنَا الْحَدَّيْنِ 3×2 ، 7×7 فَإِنَّ $3 \times 2 + 7 \times 7$ يُسَمَّى مَقْدَارًا جَبْرِيًّا

إِذَا طَرَحْنَا ٢ - مِنْ $3 \times 2 + 7 \times 7$ سَأَلْنَا $2 - 3 \times 2 + 7 \times 7$ مَقْدَارًا جَبْرِيًّا.



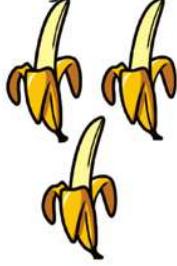
الرياضيات الصف الأول الأعدادي

يَكُونُ الْمَقْدَارُ الْجَبْرِيُّ $4 \times 3 - 5 + 5$ مِنَ الدَّرَجَةِ الثَّالِثَةِ لِأَنَّ الرَّمْزَ س هُوَ أَعْلَى دَرَجَةٍ لِلْحُدُودِ الْمَكُونَةِ لَهُ.

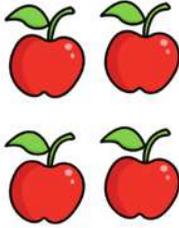
الْحُدُودُ الْمُتَشَابِهَةُ

الدَّرْسُ الثَّانِي

تَتَشَابَهُ الْحُدُودُ إِذَا تَشَابَهَتِ الرُّمُوزُ الْجَبْرِيَّةُ الْمُكَوَّنَةُ لِعَوَامِلِهَا وَتَسَاوَتْ فِيهَا أُسُسُ هَذِهِ الرُّمُوزِ.

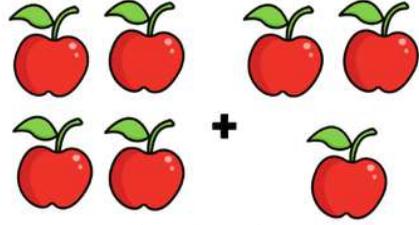


+



$$3a + 4b$$

الْحُدُودُ الْجَبْرِيَّةُ ٣. ٤ ب غَيْرُ مُتَشَابِهَةٍ



$$7b = 4b + 3b$$

الْحُدُودُ الْجَبْرِيَّةُ ٤. ٣ ب مُتَشَابِهَةٌ

فِي عَمَلِيَّتِي جَمْعِ وَطَرَحِ الْحُدُودِ الْمُتَشَابِهَةِ
تُجْمَعُ وَتُطْرَحُ مُعَامِلَاتُ الْحُدُودِ. أَمَّا الْعَوَامِلُ
الْجَبْرِيَّةُ فَتَبْقَى كَمَا هِيَ.

مثال ١

المُقدَّارُ الجَبْرِيُّ يَحْتَوِي عَلَى حُدُودٍ
مُتَشَابِهَةٍ لِذَلِكَ نَسْتَحْدِمُ خَوَاصَّ
الْإِبْدَالِ، وَالتَّوْزِيعِ لِأَنَّ الْحُدُودَ غَيْرُ
الْمُتَشَابِهَةِ لَا تُجْمَعُ.

اِخْتَصِرِ الْمُقدَّارَ الجَبْرِيَّ الآتِي إِلَى أبْسَطِ صُورَةٍ:

$$9a - 2b - 5a + 7b + 3 =$$

الحلُّ

$$\text{المُقدَّارُ} = (9a - 5a) + (-2b + 7b) + 3 =$$

$$= (4a - 2b) + 3 =$$

$$4a - 2b + 3 =$$

مثال ٢

فِي الشَّكْلِ المَقَابِلِ: اِكْتُبِ المُقدَّارَ الجَبْرِيَّ الَّذِي
يُعَبَّرُ عَنْ مَجْمُوعِ مَسَاحَاتِ المَسْتطِيلَاتِ.

الحلُّ

$$\text{مَجْمُوعُ المَسَاحَاتِ} = 3a + 2a + 9a + 6 =$$

$$= 3a + (2 + 9)a + 6 = 3a + 11a + 6 =$$



الدَّرْسُ الثَّالِثُ ضَرْبُ الْحُدُودِ الْجَبْرِيَّةِ وَقِسْمَتُهَا

ب	ب	ب	٥
		٣	٥
			٥
			٥
			٥

عِنْدَ ضَرْبِ الْحَدِّ الْجَبْرِيِّ ٥ فِي الْحَدِّ الْجَبْرِيِّ ٣ ب نَكْتُبُ:

$$(ب \times ٥) \times (٣ \times ٥) = ب \times ٣ \times ٥ \times ٥ = ب \times ٣ \times ٥ \times ٥$$

$$= ١٥ ب$$

أَيُّ أَنْنَا نَضْرِبُ الْمُعَامِلَاتِ ثُمَّ نَضْرِبُ الرُّمُوزَ

عِنْدَ ضَرْبِ الْحَدِّ الْجَبْرِيِّ ٥ فِي الْحَدِّ الْجَبْرِيِّ ٣ س نَكْتُبُ:

$$٥ س \times ٣ س = (٥ س) \times (٣ س) = ١٥ س$$

$$= ١٥ س$$



أَكْمِلُ:

$$\frac{س \times س \times س \times س \times س}{س \times س \times س} = \frac{س^٥}{س^٣}$$

[جـ]

$$[أ] س^١ \times س^٣ = (س \times س) \times (س \times س \times س)$$

$$س^٣ = س^١$$

$$س^٥ = س^٣$$

$$\frac{س^٢}{س^٥} = \frac{س^١}{س^٣}$$

[د]

$$[ب] ٢ س^١ \times ٥ س^١ = (٥ \times ٢) \times (س^١ \times س^١)$$

$$= ١٠ س$$

مثال ١

أَجْرِ عَمَلِيَّاتِ الضَّرْبِ الْآتِيَةِ:

$$[جـ] ٣ - ب^١ \times \frac{١}{٤} ب$$

$$[أ] \frac{١}{٤} ص^٤ \times ٢ ص^١$$

$$[ب] \frac{١}{٤} س^١ \times \frac{٢}{٧} س^٣$$

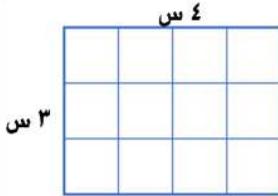
الحل

$$(أ) \quad ١ص \times ٢ص = ٢ص^٢ = ٢ص^{٢+٤} = ٢ص^٦$$

$$(ب) \quad \frac{١}{٤}ص^٢ \times \frac{٢}{٧}ص^٢ = \frac{٢}{٧}ص^٢ = \frac{٢}{٧}ص^{٢+٠} = \frac{٢}{٧}ص^٢$$

$$(ج) \quad ١ص^٣ \times \frac{١}{٦}ص = \frac{١}{٦}ص^٤ = \frac{١}{٦}ص^{٣+١}$$

مثال ٢



مُسْتَطِيل طُولُهُ ٤ س وَعَرْضُهُ ٣ س مِنَ السَّنْتِيمِترَاتِ. احْسِبْ مِسَاحَتَهُ

الحل

$$\text{مِسَاحَةُ الْمُسْتَطِيلِ} = \text{الطُّوْلُ} \times \text{العَرْض} = ٤ س \times ٣ س = ١٢ س^٢ \text{ سم}^٢$$

مثال ٣

أَجْرِ عَمَلِيَّاتِ الْقِسْمَةِ الْآتِيَةِ:

$$(ب) \quad \frac{٣م^٣ن^٤}{٢٧م^٢ن}$$

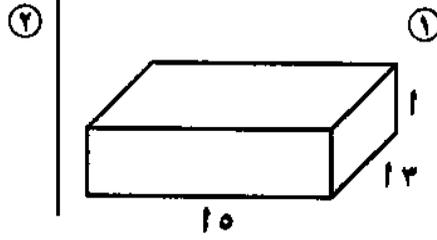
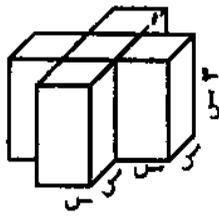
$$(أ) \quad \frac{٤ب^٢}{٨ب}$$

الحل

$$(أ) \quad \frac{٤ب^٢}{٨ب} = \frac{١}{٢}ب^٢ \times \frac{١}{٢}ب = \frac{١}{٢}ب^٢ \times ١-٢ب = \frac{١}{٢}ب^٢ \times ١-٢ب = \frac{١}{٢}ب^٢$$

$$(ب) \quad \frac{٣م^٣ن^٤}{٢٧م^٢ن} = \frac{١}{٩}م^٣ \times ١-٢ن \times \frac{١}{٩}ن^٤ = \frac{١}{٩}م^٣ \times ١-٢ن^٥ = \frac{١}{٩}م^٣ن^٥$$

مثال ٤ : احسب المساحة الكلية وحجم الجسم فيما يأتي :



الحل

الشكل عبارة عن متوازي مستطيلات

١- المساحة الكلية = المساحة الجانبية + مجموع مساحتي القاعدتين

$$\text{المساحة الجانبية} = \text{محيط القاعدة} \times \text{ع} = 2 \times (10 + 3) \times 2 = 116 \text{ أ}^2$$

$$\text{مساحة القاعدتين} = 2 \times \text{الطول} \times \text{العرض} = 2 \times 10 \times 3 = 60 \text{ أ}^2$$

$$\therefore \text{المساحة الكلية للشكل} = 116 \text{ أ}^2 + 60 \text{ أ}^2 = 176 \text{ أ}^2$$

$$\text{حجم الجسم} = \text{الطول} \times \text{العرض} \times \text{الارتفاع} = 10 \times 3 \times 2 = 60 \text{ أ}^3$$

٢- الشكل عبارة عن ٥ متوازي مستطيلات (٤ علي الأجناب وواحد في المركز)

المساحة الجانبية للشكل = مساحة الأوجه الظاهرة وهي عبارة عن ١٢ وجه وكل وجه بعديه هما ٣ س، ٣ س

$$\text{المساحة الجانبية للشكل} = 12 \times \text{س} \times \text{س} = 36 \text{ س}^2$$

كل قاعدة للشكل تتكون من ٥ مربعات مساحة كل منهم س^٢

$$\text{مساحة القاعدة} = 2 \times 5 \times \text{س} = 10 \text{ س}^2$$

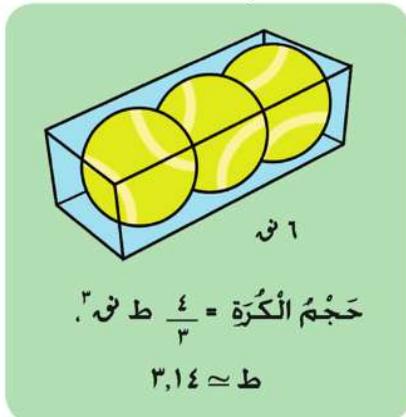
$$\text{المساحة الكلية} = 36 \text{ س}^2 + 10 \text{ س}^2 = 46 \text{ س}^2$$

حجم الجسم = حجم متوازي المستطيلات $5 \times$

$$= \text{س} \times \text{س} \times 3 \times 5 = 15 \text{ س}^3$$

مثال

وُضِعَت ثلاث كراتٍ متماثلة ومتماسكة داخل صندوقٍ على شكل متوازي مستطيلاتٍ بحيث تماس جوانبه من الداخلٍ إْحْسِبْ النسبة بين حجم الكرات الثلاث وسعة الصندوق



$$\text{حجم الكرة} = \frac{4}{3} \text{ ط} \text{ ن}^3$$

$$\text{ط} \approx 3,14$$

الحل

بفرض أن ن ه نصف قطر الكرة، وأبعاد الصندوق

هي: ١ ن، ٢ ن، ٢ ن

$$\frac{\text{حجم الكرات الثلاثة}}{\text{حجم الصندوق}} = \text{النسبة}$$

$$\frac{3 \times \frac{4}{3} \text{ ط} \text{ ن}^3}{2 \times 2 \times 1 \text{ ن}^3} = \frac{4 \text{ ط} \text{ ن}^3}{24 \text{ ن}^3}$$

$$\frac{4 \text{ ط}}{24} = \frac{1}{6} \approx 0,16$$

تَشْغَلُ الكرات الثلاثة أَكْثَرُ مِنْ نِصْفِ الصَّنْدُوقِ.

الدَّرْسُ الرَّابِعُ جَمْعُ الْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ وَطَرْحُهَا

جَمْعُ الْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ أَوْ طَرْحُهَا لَا يَخْتَلِفُ عَنِ جَمْعِ أَوْ طَرْحِ الْحُدُودِ الْجَبْرِيَّةِ وَذَلِكَ بِجَمْعِ الْحُدُودِ الْمُتَشَابِهَةِ فِي الْمَقَادِيرِ كُلِّ عَلَى حِدَةٍ.

مثال ١

اجْمَعِ الْمَقَادِيرَ الْجَبْرِيَّةَ الْآتِيَةَ:

$$٢ \text{ س} - ٥ \text{ ع} + ٧ \text{ ص} - ٤ \text{ ص} - ٢ \text{ ع}$$

الحلُّ

الطَّرِيقَةُ الْأَفْقِيَّةُ

$$\text{المَقْدَارُ} = ٢ \text{ س} - ٥ \text{ ع} + ٧ \text{ ص} + ٧ \text{ ص} - ٤ \text{ ص} - ٢ \text{ ع}$$

$$= (٢ \text{ س} + ٧ \text{ ص}) + (-٥ \text{ ع} - ٢ \text{ ع}) + (٧ \text{ ص} + ٧ \text{ ص} - ٤ \text{ ص})$$

$$= (٢ + ٧) \text{ س} + (-٥ - ٢) \text{ ع} + (٧ + ٧ - ٤) \text{ ص}$$

$$= ٩ \text{ س} - ٧ \text{ ع} + ١٠ \text{ ص}$$

الطَّرِيقَةُ الرَّأْسِيَّةُ

$$٢ \text{ س} - ٥ \text{ ع} + ٧ \text{ ص}$$

$$٧ \text{ س} - ٢ \text{ ع} + ٧ \text{ ص}$$

$$\hline ٩ \text{ س} - ٧ \text{ ع} + ١٤ \text{ ص}$$

مثال ٢

اطْرَحِ الْمَقْدَارَ الْجَبْرِيَّ: $٢ - ٥ \text{ ب} + ٤ \text{ ب}^١$ مِنَ الْمَقْدَارِ الْجَبْرِيِّ $٣ - ٢ - ٢ \text{ ب} - ٢ \text{ ب}^١$

الحلُّ

الطَّرِيقَةُ الْأَفْقِيَّةُ

$$\text{المَقْدَارُ} = ٣ - ٢ - ٢ \text{ ب} - ٢ \text{ ب}^١ - (٢ - ٥ \text{ ب} + ٤ \text{ ب}^١)$$

$$= ٣ - ٢ - ٢ \text{ ب} - ٢ \text{ ب}^١ - ٢ + ٥ \text{ ب} - ٤ \text{ ب}^١$$

$$= (٣ - ٢ - ٢) - (٢ - ٥) \text{ ب} - (٢ - ٤) \text{ ب}^١$$

$$= -١ + ٣ \text{ ب} - ٢ \text{ ب}^١$$

الطَّرِيقَةُ الرَّأْسِيَّةُ

غَيِّرِ إِشَارَاتِ حُدُودِ الْمَقْدَارِ الثَّانِي

$$٣ - ٢ - ٢ \text{ ب} - ٢ \text{ ب}^١$$

$$+ ٢ - ٥ \text{ ب} + ٤ \text{ ب}^١$$

$$\hline -١ + ٣ \text{ ب} - ٢ \text{ ب}^١$$

ضرب حد جبري في مقدار جبري

الدرس الخامس

١ الشكل التالي مستطيل مكون من ثلاثة

أجزاء ٢، ب، ح.

أبعاد المستطيل هي: س، س + ٢ص من
الوحدات.

مساحة المستطيل = س × (س + ٢ص)
وحدات مربعة.

[أ] ما مساحة الأجزاء الثلاثة ٢، ب، ح؟

مساحة ٢ =

مساحة ح =

مساحة ٢، ب، ح معا =

مساحة ب =

مساحة ب، ح معا =

$$\begin{array}{r} \text{س} + ٢\text{ص} \\ \times \text{س} \\ \hline \end{array}$$

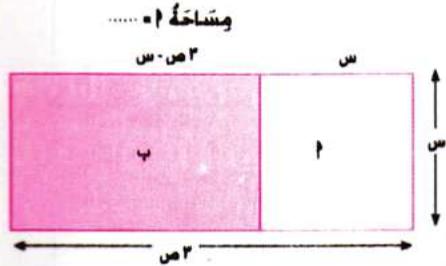
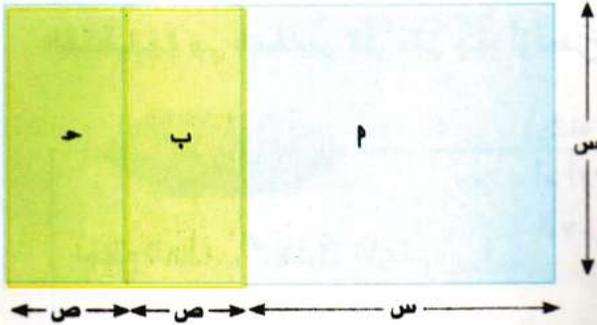
[ب] أكمل: س (س + ٢ص) = +

٢ الشكل التالي مستطيل مقسم إلى جزأين ٢، ب

أبعاد المستطيل هي: س، ٣ص - ص من

[أ] مساحة ٢، ب معا =

[ب] مساحة ب = س (٣ص - ص) =



$$\begin{array}{r} ٣\text{ص} - \text{ص} \\ \times \text{س} \\ \hline \end{array}$$

مثال ١

أجر عمليات الضرب الآتية:

$$(١) ٣(٤ - ٢ج)$$

$$(ب) ٢٢ب(٢ب + ٥ب + ٢)$$

الحل

$$(١) ٣(٤ - ٢ج) = ١٢ - ٦ج$$

$$(ب) ٢٢ب(٢ب + ٥ب + ٢) = ٤٤ب٢ + ١١٠ب + ٤٤ب$$

مثال ٢

أختصر:

$$5(2s-1) - 3(s^2-1) + s(5-s) \text{ ثم أوجد القيمة العددية للمقدار عندما } s = 1$$

الحل

$$5(2s-1) - 3(s^2-1) + s(5-s)$$

$$= 10s - 5 - 3s^2 + 3 + 5s - s^2$$

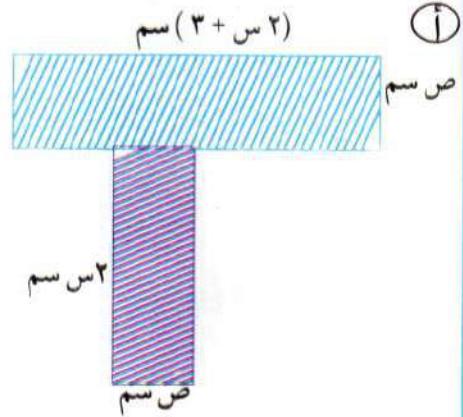
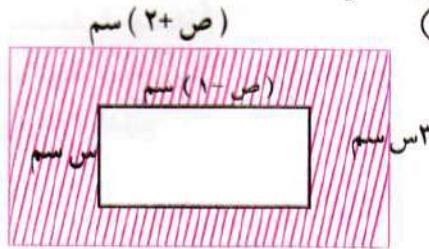
$$= 2s^2 + 9s - 2$$

$$\text{القيمة العددية للمقدار } = 2(1) + 9(1) - 2 = 9$$

$$= 2 - 9 + 9 = 2$$

مثال ٣

أوجد مساحة المنطقة المظللة في كل مما يأتي:



الحل

بقسمة الشكل الهندسي إلى مستطيلين

$$\text{أ - مساحة الشكل} = ص(3 + 2س) + ص \times 2س$$

$$= 2س^2 + 3ص + 2ص^2$$

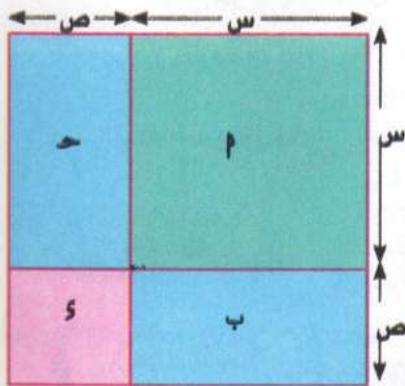
$$= (3ص + 4ص^2) سم^2$$

$$\text{ب - مساحة الشكل} = 3س(2 + ص) - س(1 - ص)$$

$$= 3ص^2 + 6ص - س + ص^2$$

$$= (2ص^2 + 7ص) سم^2$$

صَرَبُ مِقْدَارِ جَبْرِيٍّ مُكَوَّنٍ مِنْ حَدَّيْنِ فِي مِقْدَارِ جَبْرِيٍّ آخَرَ



١ الشَّكْلُ الْمُقَابِلُ مُرَبَّعٌ مُكَوَّنٌ مِنْ أَرْبَعَةِ أَجْزَاءٍ $پ$ ، $ب$ ، $ح$ ، $س$

طَوَّلِ ضَلْعَ الْمُرَبَّعِ = $س + ص$

مِسَاحَةُ الْمُرَبَّعِ = $(س + ص)(س + ص)$

= $(س + ص)^2$ وَحَدَاتٍ مُرَبَّعِيَّةٍ

أَكْمِلْ

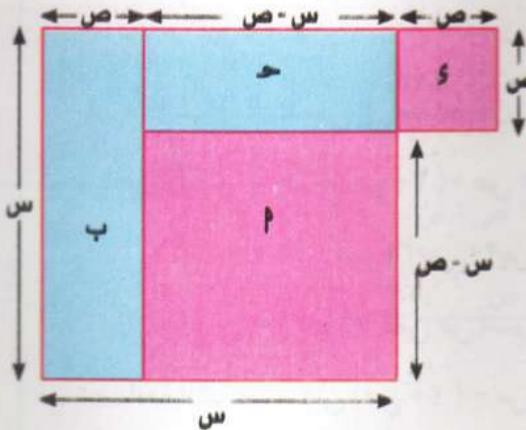
مِسَاحَةُ $پ$ + مِسَاحَةُ $س$ =

مِسَاحَةُ $ب$ + مِسَاحَةُ $ح$ =

مِسَاحَةُ الْمُرَبَّعِ =

$(س + ص)^2 =$

مُرَبَّعُ مِقْدَارٍ ذِي حَدَّيْنِ = مُرَبَّعُ الْحَدِّ الْأَوَّلِ + $2 \times$ الْحَدِّ الْأَوَّلِ \times الْحَدِّ الثَّانِي + مُرَبَّعُ الْحَدِّ الثَّانِي.



٢ الشَّكْلُ الْمُقَابِلُ مُكَوَّنٌ مِنْ أَرْبَعَةِ أَجْزَاءٍ $س$ ، $ح$ ، $ب$ ، $پ$

مِسَاحَةُ الْمُرَبَّعِ الْمَكُونِ مِنَ الْأَجْزَاءِ $پ$ ، $ب$ ، $ح$ =

= $س \times س + س \times س + س \times س$

المِسَاحَةُ الكُلِّيَّةُ لِلشَّكْلِ = $س + ص$

أَكْمِلْ:

مِسَاحَةُ $پ$ =

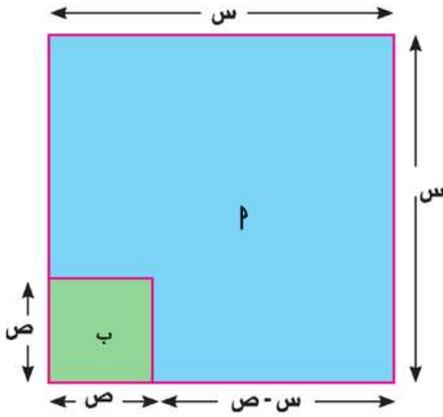
مِسَاحَةُ $س$ + مِسَاحَةُ $ح$ =

مِسَاحَةُ $ب$ + مِسَاحَةُ $ح$ + مِسَاحَةُ $س$ =

$(س - ص)^2 =$

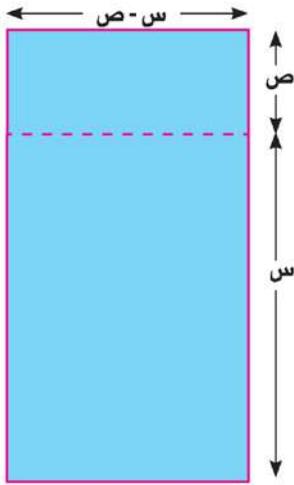
$س^2 + ص^2 = (س - ص)^2 +$

الْوَحْدَةُ الثَّانِيَّةُ



٣ في الشَّكْلِ الْمُقَابِلِ:

- إذا قُطِعَ المُرَبَّعُ الصَّغِيرُ ب الذي مِسَاحَتُهُ ص^٢ من المُرَبَّعِ الكَبِيرِ ب الذي مِسَاحَتُهُ س^٢ فإن مِسَاحَةَ الجُزءِ المُتَبَقِّي = س^٢ - ص^٢
- إذا قُطِعَ الجُزءُ المُتَبَقِّي إلى جُزأينِ وأُعيدَ تَرتِيبُ الجُزأينِ ليُكوَنا مُسْتَطِيلًا فَإِنَّ:



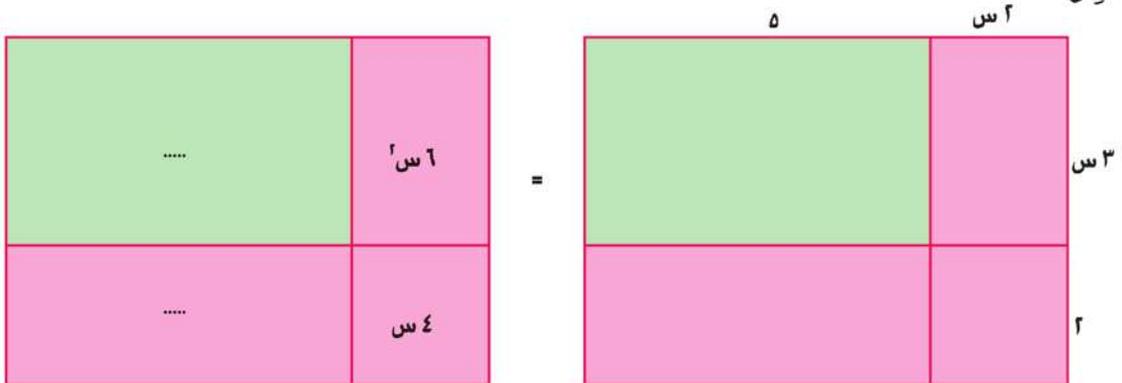
أَكْمِلُ:

[أ] مِسَاحَةُ المُسْتَطِيلِ = (س + ص) (س - ص) =
 =
 [ب] س^٢ - ص^٢ =

٤ الشَّكْلِ التَّالِي يَبْوَصِّحُ:

حَاصِلَ صَرْبِ المُقَدَّارِ الجَبْرِيِّ (٢ + س^٣) فِي المُقَدَّارِ الجَبْرِيِّ (٢ + س + ٥) كِمِسَاحَةِ مُسْتَطِيلِ:

أَكْمِلُ



..... + + + = (٢ + س + ٥) (٢ + س^٣)
 + + =

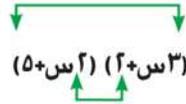
الصَّرْبُ الأفقيّ

$$(٥ + س٣) ٢ + (٥ + س٣) س٣ = (٥ + س٣) (٢ + س٣)$$

$$\dots + \dots + \dots + \dots =$$

$$\dots + \dots + \dots =$$

الصَّرْبُ بِمَجَرَّدِ النَّظَرِ



$$١٠ + (\dots + \dots) + ٦س٣ =$$

$$\dots + \dots + ٦س٣ =$$

الصَّرْبُ الرَّأسيّ

$$٢ + س٣$$

$$٥ + س٣$$

$$\hline ٦س٣ + ٤$$

$$\dots + \dots$$

$$\hline ٦س٣ + \dots + \dots$$

٥ أكمل:

$$\dots = (٥ + س٣) (س٣ - ٥) \text{ [ه]}$$

$$١٤ + \dots + ٦س٣ = (٧ + س٣) (٢ + س٣) \text{ [أ]}$$

$$\dots = (٤ + س٣) (س٣ - ٤) \text{ [و]}$$

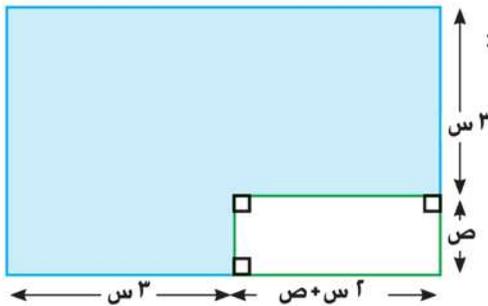
$$\dots = (٧ - س٣) (٢ - س٣) \text{ [ب]}$$

$$\dots = (٢ + س٣) (س٣ - ٢) \text{ [ز]}$$

$$\dots = (٧ + س٣) (٢ - س٣) \text{ [جـ]}$$

$$\dots = (٢ - س٣) (س٣ - ٢) \text{ [حـ]}$$

$$\dots = (٧ - س٣) (٢ + س٣) \text{ [د]}$$



٦ أوجد مساحة الجزء المُظلل في المُستطيل المُقابل:

الحلّ

المساحة	العرض	الطول	
(٥س٣ + ص)	٣س + ص	٥س + ص	المُستطيل
ص (٢س + ص)	ص	٢س + ص	المُستطيل الصغير

$$\dots = \dots - \dots = \text{مساحة الجزء المُظلل}$$

$$\text{بإستخدام طرق الصَّرْب السَّابِقَة أوجد: (س + ص) (٢س + ص + ١)}$$

مثال ١

فُمِّ بِإِجْرَاءِ عَمَلِيَّاتِ الضَّرْبِ الْآتِيَةِ:

$$(ح) (م - ٧٧)'$$

$$(أ) (٢س + ٣ص)'$$

$$(ب) (ب - ٢٥)(ب + ٢٥)$$

الحلُّ

$$(أ) (٢س + ٣ص)' = (٢س)' + ٢ \times ٣ \times ص + (٣ص)'$$

$$= ٤س' + ١٢ص + ٩ص'$$

$$(ب) (ب - ٢٥)(ب + ٢٥) = (ب)'(ب) - ٢٥(ب) = ٢٥(ب) - ٢٥(ب)'$$

$$(ح) (م - ٧٧)' = (م)' - ٧٧ \times ٢ = (م)' - ١٥٤$$

$$= م' - ١٤٩$$

مثال ٢

اضربْ ثُمَّ أوجدِ القيمةَ العدديةَ عندما $س = ٢$ ، $ص = ١$

$$(ح) (٢س + ٣ص)(٣س + ٤ص)$$

$$(أ) (٢س + ٣ص)(٣س + ٤ص)$$

$$(ب) (٣س + ٤ص)(٣س + ٤ص)$$

الحلُّ

$$(أ) (٢س + ٣ص)(٣س + ٤ص) = ٢س' + ١١س + ١٨ عندما س = ٢$$

$$= ٤٤ = ١٨ + ٢٢ + ٤ = ١٨ + ٢ \times ١١ + (٢)'$$

$$(ب) (٣س + ٤ص)(٣س + ٤ص) = ٤ص' + ٣ص + ١٨ عندما ص = ١$$

$$= ٨ = ٣ + ١ \times ٤ + (١)'$$

$$(ح) (٢س + ٣ص)(٣س + ٤ص) = ٢س' + ٥س + ١٢ص + ١٢ عندما س = ٢، ص = ١$$

$$= ٢٠ = ٢ + ١٠ + ٨$$

الدَّرْسُ السَّابِعُ قِسْمَةُ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ عَلَى حَدِّ جَبْرِيٍّ



الشَّكْلُ الْمُقَابِلُ مُسْتَطِيلٌ مُكَوَّنٌ مِنْ ثَلَاثَةِ أَجْزَاءٍ.

مِسَاحَةُ الْمُسْتَطِيلِ = س^٢ + ٢ س ص

طَوَّلُ الْمُسْتَطِيلِ = مِسَاحَةُ الْمُسْتَطِيلِ ÷ عَرْضُ الْمُسْتَطِيلِ

$$\text{طَوَّلُ الْمُسْتَطِيلِ} = \frac{\text{س}^2 + ٢ \text{س ص}}{\text{س}}$$

$$\dots + \dots = \frac{\text{س}^2}{\text{س}} + \frac{٢ \text{س ص}}{\text{س}} =$$

١ أكوَّل: (من الشكل السابق):

[أ] طَوَّلُ الْمُسْتَطِيلِ الَّذِي مِسَاحَتُهُ س^٢ + س ص

$$\dots + \dots = \frac{\text{س}^2 + \text{س ص}}{\dots} =$$

[ب] طَوَّلُ الْمُسْتَطِيلِ الَّذِي مِسَاحَتُهُ ٢ س ص

$$\dots = \frac{٢ \text{س ص}}{\dots} =$$

[جـ] طَوَّلُ الْمُسْتَطِيلِ الَّذِي مِسَاحَتُهُ س ص

$$\dots = \frac{\text{س ص}}{\dots} =$$

[د] طَوَّلُ ضِلْعِ الْمُرَبَّعِ الَّذِي مِسَاحَتُهُ س^٢

$$\dots = \frac{\text{س}^2}{\dots} =$$

٢ الشَّكْلُ الْتَالِي مُسْتَطِيلٌ مُكَوَّنٌ مِنْ ثَلَاثَةِ أَجْزَاءٍ

مِسَاحَةُ الْمُسْتَطِيلِ = س^٢ ١٢ + ح ٢٦ + ب ٢٢ ، طَوَّلُ الْمُسْتَطِيلِ = مِسَاحَةُ الْمُسْتَطِيلِ ÷ عَرْضُ الْمُسْتَطِيلِ



$$\frac{\dots + \dots + \dots}{\text{س ٢}} = \dots + \dots + \dots = \frac{\dots}{\text{س ٢}} + \frac{\dots}{\text{س ٢}} + \frac{\dots}{\text{س ٢}} =$$

مثال

أوجد خارج القسمة في كل مما يلي:

$$(أ) \frac{٢٦ه٢ + ١٤ه١}{ه٢}$$

$$(ب) \frac{١٨م٢ - ٩م٢}{٣م٢}$$

الحل

$$(أ) ٢٦ه٢ + ١٣ه١ = \frac{١٤ه١}{ه٢} + \frac{٢٦ه٢}{ه٢} = \frac{١٤ه١ + ٢٦ه٢}{ه٢}$$

$$(ب) ٦ - ٣م٢ = \frac{١٨م٢ - ٩م٢}{٣م٢}$$

س ^٣	س ^٢	↑ س ↓ س ^٢
٦	س ^٢	

قِسْمَةُ مَقْدَارٍ جَبْرِيٍّ عَلَى مَقْدَارٍ جَبْرِيٍّ آخَرَ
فِي الشَّكْلِ الْمَقَابِلِ : نَمُودَج لِقِطْعَةِ أَرْضٍ مُسْتَطِيلَةِ الشَّكْلِ
مَسَاحَتِهَا (س^٢ + ٥س + ٦) مِترًا وَعَرْضُهَا (س + ٢) مِترًا
أَوْجِد طَوْلِهَا

لَا يَجَاد طَوَّلَ الْمُسْتَطِيلِ نَوْجِد خَارِجَ قِسْمَةِ

$$س + ٥س + ٦ \text{ عَلَى } س + ٢$$

الْحَل :

(١) نَرْتِبْ حُدُودَ كِلَا مِنَ الْمَقْسُومِ وَهُوَ (س^٢ + ٥س + ٦) وَالْمَقْسُومِ عَلَيْهِ وَهُوَ (س + ٢)

تَرْتِيبًا تَنَازُلِيًّا حَسَبَ قُوَى س

س + ٢	س ^٢ + ٥س + ٦	
س + ٣	س ^٢ + ٢س	←
	س ^٣ + ٦	←
	س ^٣ + ٦	←
	٠	٠

(٢) نَقْسِم س^٢ عَلَى س فَيَكُونُ النَّاتِجُ س

(٣) نَضْرِبُ س فِي الْمَقْسُومِ عَلَيْهِ فَنَحْصِلُ عَلَى

(٤) نَطْرَحُ س^٢ + ٢س مِنْ س^٢ + ٥س + ٦ فَنَحْصِلُ عَلَى

(٥) تَكَرَّرَ الْخَطَوَاتُ ٢ ، ٣ ، ٤ حَتَّى يَصْبِحَ نَاتِجُ الطَّرْحِ النَّهَائِي

مَسَاوِيًّا لِلصَّفْرِ

∴ خَارِجُ الْقِسْمَةِ = س + ٣ (طَوَّلُ الْمُسْتَطِيلِ)

مِثَال ١

أَوْجِدْ خَارِجَ قِسْمَةِ س^٣ + ٣س + ١ عَلَى س + ١

الْحَل :

س + ١	س ^٣ + ٣س + ١	
س ^٢ + ١	س ^٣ + ٢س ^٢ + ٢س + ١	←
	س ^٢ + ١	←
	س ^٢ + ٢س + ١	←
	س + ١	←
	س + ١	←
	٠	٠

∴ خَارِجُ الْقِسْمَةِ = س^٢ + ٢س - ١

مثال ٢

أوجد قيمة ك التي تجعل المقدار $٣س٢ - ٢س - ٥س + ك$ يقبل القسمة على $٢س - ٣$

الحل :

$$\begin{array}{r}
 ٣س٢ - ٢س - ٥س + ك \\
 \underline{٢س٣^+ - ٣س٢^-} \\
 ٢س٢ - ٥س + ك \\
 \underline{٢س٣^+ - ٢س٢^-} \\
 ٢س - ٥س + ك \\
 \underline{٣س^+ - ٢س^-} \\
 ٣ - ك
 \end{array}$$

∴ $٣ - ك = ٠ \rightarrow ك = ٣$

مثال ٣

مستطيل مساحته $٨أ٣ب + ١٢أ٢ب - ٨أ٢ب$

وطوله $٤أ٢ب$ من السنتيمترات أوجد عرضه إذا كانت $أ = ١$ ، $ب = ٢$

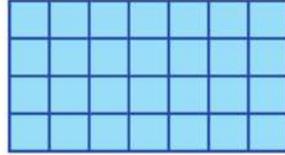
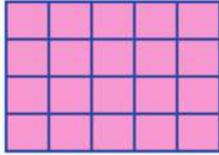
الحل

$$\begin{array}{r}
 ٨أ٣ب + ١٢أ٢ب - ٨أ٢ب \\
 \underline{٤أ٢ب} \\
 ٤أ٣ب + ٢أ٢ب - ٤أ٢ب
 \end{array}$$

∴ عرض المستطيل $٢أ٣ب + ٢أ٢ب - ٤أ٢ب = ٢$ ، وعند $أ = ١$ ، $ب = ٢$

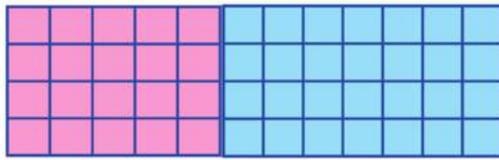
∴ عرض المستطيل $٤ = ٢ - ١٢ + ٤ = ١٤$ سم

الدَّرْسُ التَّاسِعُ التَّحْلِيلُ بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمَشْتَرَكِ الْأَعْلَى

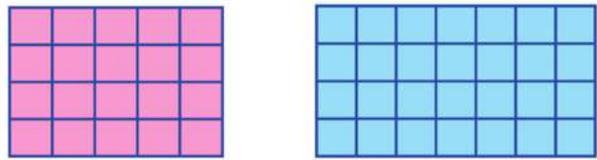


ارْتَسِمُ مُسْتَطِيلًا بُعْدَاهُ ٧ . ٤ مِنْ الْوَحْدَاتِ عَلَى وَرَقِ مُرَبَّعَاتٍ. وَمُسْتَطِيلًا آخَرَ بُعْدَاهُ ٤ . ٥ مِنْ الْوَحْدَاتِ. أَوْجِدْ مَجْمُوعَ مَسَاحَتَي الْمُسْتَطِيلَيْنِ بِطَرِيقَتَيْنِ مُخْتَلِفَتَيْنِ.

الطَّرِيقَةُ الثَّانِيَّةُ



الطَّرِيقَةُ الْأُولَى



$$\text{مَسَاحَةُ الْمُسْتَطِيلَيْنِ} = (5 + 7) \times 4 = \dots \times 4 = \dots$$

$$\text{مَسَاحَةُ الْمُسْتَطِيلَيْنِ} = (5 \times 4) + (7 \times 4) = \dots + \dots = \dots$$

لَا حِظَّ أَنْ

$(5 \times 4) + (7 \times 4) = (5 + 7) \times 4$ مِثَالٌ لِخَاصِّيَّةِ تَوَازِيْعِ الضَّرْبِ عَلَى الْجَمْعِ. بَيْنَهُمَا
 $(5 + 7) \times 4 = (5 \times 4) + (7 \times 4)$ مِثَالٌ لِلتَّحْلِيلِ بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمَشْتَرَكِ الْأَعْلَى لِلْحَدِيثَيْنِ:
 (5×4) . (7×4) . وَهُوَ ٤. يُسَمَّى ٤. عَامِلًا الْمُقَدَّرِ $(5 + 7)$.

بِصِفَةِ عَامَّةٍ: $p + b = (p + b) \cdot 1$

مثال ٢

حَلِّلْ بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمَشْتَرَكِ الْأَعْلَى لِلْمُقَدَّرِ

$$: 3 \cdot 2 (5 + 2) - 2 (5 + 2) \cdot 3$$

الحلُّ

ع. م. 2 . لِلْمُقَدَّرِ الْجَبْرِيِّ هُوَ $(5 + 2)$

لِإِجَادِ الْعَامِلِ الْآخِرِ لِلْمُقَدَّرِ. نَقْسِمُ كُلَّ حَدٍّ مِنْ حُدُودِ الْمُقَدَّرِ عَلَى ع. م. أ

$$\text{الْمُقَدَّرُ} = 3 \cdot 2 (5 + 2) - 2 (5 + 2) \cdot 3$$

$$= (5 + 2) (3 \cdot 2 - 2 \cdot 3)$$

مثال ١

حَلِّلْ بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمَشْتَرَكِ الْأَعْلَى لِلْمُقَدَّرِ

$$\text{الْجَبْرِيِّ: } 3 \cdot 3 \cdot 9 - 3 \cdot 3 \cdot 12 + 3 \cdot 3 \cdot 4$$

الحلُّ

الْعَامِلُ الْمَشْتَرَكُ الْأَعْلَى لِلْمُقَدَّرِ الْجَبْرِيِّ هُوَ

$$3 \cdot 3$$

$$\text{الْمُقَدَّرُ} = 3 \cdot 3 \cdot 9 - 3 \cdot 3 \cdot 12 + 3 \cdot 3 \cdot 4$$

$$= 3 \cdot 3 (9 - 12 + 4)$$



فريدريك جاوس

(١٨٥٥ - ١٧٧٧)

تَطَوَّرَتْ أَسَالِيبُ وَنَظَرِيَّاتُ وَتَطْبِيقَاتُ عِلْمِ الإِحْصَاءِ عَلَى
يَدِ عَدَدٍ كَثِيرٍ مِنَ الْعُلَمَاءِ الَّذِينَ بَحَثُوا نَظَرِيَّاتِهِ وَبَنَوْهَا عَلَى
أَسَاسِ عِلْمِيَّةٍ سَلِيمَةٍ وَمِنْ بَيْنِ هَؤُلَاءِ الْعُلَمَاءِ الرِّبَاضِيِّينَ
فَرِيدْرِيكَ جَاوِسَ الأَلْمَانِيَّ.

مُحْتَوِيَّاتُ الوَحْدَةِ

الدرس الأول: مقاييس النزعة المركزية: المتوسط الحسابي
الدرس الثاني: الوسيط
الدرس الثالث: المنوال

مقاييس النزعة المركزية

بالنظر في الظواهر التي حولنا والقيم التي تأخذها العناصر المختلفة لهذه الظواهر نلاحظ أن أغلب قيم هذه الظواهر قريبة من بعضها البعض أى أنها تتجمع حول قيمة معينة مثل أطوال طلاب فصلك (بالسم) نجد أن هناك طولاً يتوسط تقريباً جميع الأطوال وكذا أوزان طلاب فصلك وغير ذلك من الظواهر. وهناك عدة مقاييس احصائية. تقيس نزعة البيانات الاحصائية نحو المركز وهى المتوسط الحسابى والوسيط والمنوال.

المتوسط (الوسط) الحسابى:

مثال ١:

يذهب أحمد إلى مدرسته فى الأيام من الأحد إلى الخميس ويأخذ مصروفه من والده فى تلك الأيام كالاتى ١، ٤، ٧، ٣، ٥ من الجنيهاً. فما قيمة المصروف الذى يمكن أن يأخذه أحمد بشكل ثابت طوال هذه الأيام مع الحفاظ على جملة ما كان يأخذه بالشكل السابق.

الحل:

$$\text{مجموع ما يأخذه أحمد} = ٦ + ٤ + ٧ + ٣ + ٥ = ٢٥$$

$$\text{عدد أيام ذهابه للمدرسة} = ٥$$

$$\text{المصروف اليومي} = \frac{٢٥}{٥} = ٥ \text{ جنيهاً}$$

هذه القيمة (٥ جنيهاً) تعرف بأنها المتوسط (الوسط) الحسابى للقيمة ١، ٤، ٧، ٣، ٥.

أى أن:

$$\text{المتوسط الحسابى لمجموعة من القيم} = \frac{\text{مجموع هذه القيم}}{\text{عددها}}$$

ملاحظة:

فى المثال السابق نلاحظ أن الوسط الحسابى هو القيمة التى لو أخذها أحمد فى جميع الأيام تتحقق العلاقة:

$$٥ + ٣ + ٧ + ٤ + ٦ = ٥ + ٥ + ٥ + ٥ + ٥$$

مثال ٢:

أوجد قيمة s إذا كان الوسط الحسابي للقيم الآتية: ٨، s ، ٧، ٥ هو ٦
الحل:

مجموع القيم = الوسط الحسابي لهذه القيم \times عددها

$$\therefore 8 + s + 7 + 5 = 6 \times 4$$

$$\therefore 20 + s = 24$$

$$\therefore s = 24 - 20 = 4$$

٢- الوسيط

الدَّرْسُ الثَّانِي

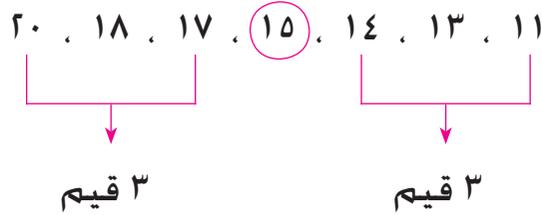
يعرف الوسيط لمجموعة من البيانات بأنه القيمة التي تقع في وسط المجموعة تماماً إذا ما رتبت هذه المجموعة تصاعدياً أو تنازلياً.
أى أنه القيمة التي تقسم مجموعة من البيانات إلى قسمين بحيث يكون عدد القيم الأكبر منه يساوى عدد القيم الأصغر منه.

مثال:

في مجموعة مدرسية مكونة من سبعة طلاب كان درجاتهم في أحد الاختبارات كالآتي ١٣، ١٧، ١٥، ١١، ١٨، ٢٠، ١٤.
فما هي الدرجة الوسيطة لهؤلاء الطلاب؟

الحل:

ترتيب الدرجات تصاعدياً:



الدرجة الوسيطة = ١٥

ترتيب الوسيط:

أ) إذا كان عدد القيم أو المفردات (ن) فردياً فتكون القيمة التي ترتيبها $\frac{1+n}{2}$ هي القيمة الوسيطة وذلك بعد ترتيب البيانات تصاعدياً أو تنازلياً

في المثال السابق: عدد القيم = ٧

$$\text{ترتيب الوسيط} = \frac{1+7}{2} = 4$$

ب) إذا كان عدد القيم زوجياً:

$$\text{فإن ترتيب الوسيط} = \frac{n}{2} + \frac{n}{2} + 1$$

لاحظ أن:

- * إذا كان n عدداً فردياً (لا يقبل القسمة على ٢) فإن $(n+1)$ عدداً زوجياً ويقبل القسمة على ٢.
- * بصفة عامة قيمة الوسيط \neq ترتيب الوسيط
- * ترتيب الوسيط دائماً عدداً صحيحاً موجباً. أما قيمة الوسيط قد تكون كسراً أو عدد سالب حسب القيم المعطاة.

وقيمة الوسيط في هذه الحالة هي المتوسط الحسابي لهاتين القيمتين كما في المثال الآتي:
أوجد قيمة وترتيب الوسيط للقيم:
٩ ، ٢ ، ٥ ، ٦ ، ١ ، ٣

الترتيب: ١ ، ٢ ، ٣ ، ٥ ، ٦ ، ٩

ترتيب الوسيط: $\frac{1}{2}$ ، $\frac{1}{2}$ ، ١ أي الثالث، الرابع

$$\boxed{4} = \frac{3+5}{2} = \text{قيمة الوسيط}$$

٣- المنوال

يعرف المنوال لمجموعة من البيانات بأنه القيمة الأكثر شيوعاً "تكراراً" فى المجموعة.
والمنوال كمقياس للنزعة المركزية يصلح بصفة خاصة لحالة البيانات الكمية والوصفية.

مثال ١:

البيانات الآتية تمثل أعمار مجموعة من الأشخاص:
٣٣ ، ٢٠ ، ٣٠ ، ٢٥ ، ٣٣ ، ٤٨ ، ٣٣ ، ٢٥ ، ٣٣ ، ٢٠ ، ٣٣ ، ٢٠ .
أوجد المنوال لهذه الأعمار.

الحل:

المنوال = ٣٣ .

مثال ٢:

إذا كانت تقديرات مجموعة من الطلاب فى أحد الاختبارات هي:
ب - أ - ج - ب - ج - ب - ج - ب - ج - ب - أ - ع
أوجد منوال هذه المجموعة.

الحل:

منوال هذه المجموعة هو التقدير "ب".

لاحظ أن:

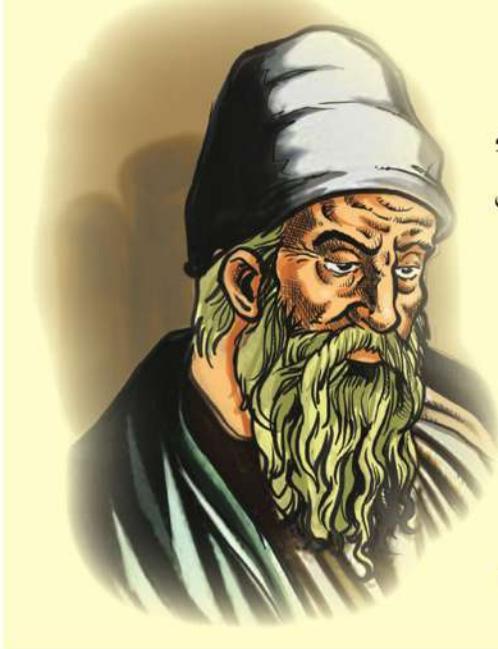
★ إذا كانت البيانات المعطاة جميعها مختلفة، فإن هذه البيانات ليس لها منوال.

مثل ٢٣ ، ٢٥ ، ٤٨ ، ٥٧ ، ١٩ ، ٣٣ ، ٣٢ .

★ بعض القيم "البيانات" لها أكثر من منوال.

مثل: ٩ ، ٧ ، ٧ ، ٧ ، ٥ ، ٥ ، ٤ ، ٤ ، ٤ ، ٣ ، ٢

لها منوالان: ٧ ، ٤ وتسمى مجموعة ذات منوالين، وسوف نكتفى فى دراستنا بالبيانات وحيدة المنوال.



إقليدس

(٣٢٥-٢٦٥ ق.م)

إقليدس عالم رياضيات يوناني عاش في مدينة الإسكندرية
ويعتبر رائد علم الهندسة وله بعض المبادئ التي ذكرت على
اسمها ومنها «ما قدم بدون دليل يمكن رفضه بدون دليل»

ومن التعاريف التي وضعها:

النقطة هي ما لا يكون لها جزء.

المستقيم هو طول ليس له عرض.

ومن مسلماته:

المستقيم يمكن أن يرسم من نقطة إلى نقطة أخرى

القطعة المستقيمة المحدودة يمكن أن تمتد إلى خط مستقيم

كل الزوايا القائمة يساوي بعضها بعضاً.

محتويات الوحدة

الدرس الأول : مفاهيم هندسية

الدرس الثاني : التطابق

الدرس الثالث : تطابق المثلثات

الدرس الرابع : التوازي

الدرس الخامس : إنشآت هندسية

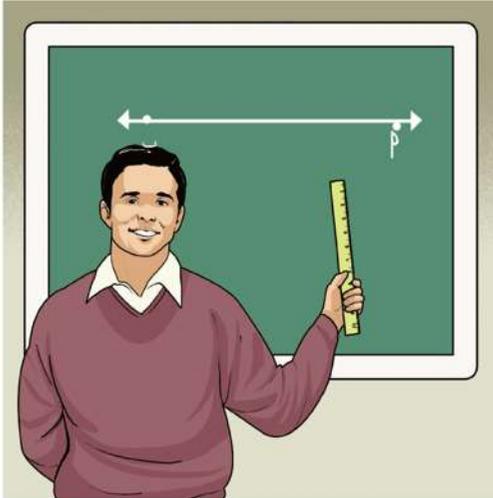
مَفَاهِيمٌ هَنْدَسِيَّةٌ

الدَّرْسُ الْأَوَّلُ



الْقِطْعَةُ الْمُسْتَقِيمَةُ

صَعَّ نُقْطَتَيْنِ عَلَى وَرْقَةٍ بَيْضَاءَ وَهِيَ الَّتِي تُمَثِّلُ مَا نَسْمِيهِ بِالْمُسْتَوَى فِي الْهَنْدَسَةِ.
صِلِ النُّقْطَتَيْنِ بِاسْتِخْدَامِ الْمِسْطَرَّةِ. تَحْصُلْ عَلَى قِطْعَةٍ مُسْتَقِيمَةٍ.
تُسَمَّى النُّقْطَتَانِ $پ$ ، $ب$ طَرَفِي الْقِطْعَةِ الْمُسْتَقِيمَةِ وَتَرْمُزُ لَهَا بِالرَّمْزِ $پب$ أَوْ $پب$



الْحَطُّ الْمُسْتَقِيمُ

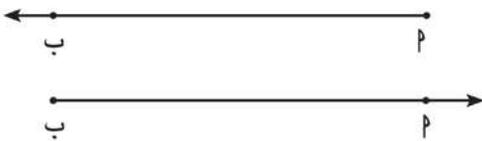
صَعَّ الْمِسْطَرَّةَ عَلَى الْقِطْعَةِ الْمُسْتَقِيمَةِ $پب$ وَمَدَّ حَطًّا مِنْ جِهَةِ $پ$ وَمِنْ جِهَةِ $ب$ فَتَجِدُ أَنَّهُ لَايُ نُّقْطَتَيْنِ مُخْتَلِفَتَيْنِ يُوْجَدُ حَطٌّ مُسْتَقِيمٌ وَاحِدٌ يَمُرُّ بِهِمَا وَتَرْمُزُ لَهُ بِالرَّمْزِ $پب$ أَوْ $پب$

الْحَطُّ الْمُسْتَقِيمُ يَقَعُ عَلَيْهِ عِدَّةٌ غَيْرُ نِهَائِيٍّ مِنَ النُّقْطِ وَالسَّهْمَانِ يُشِيرَانِ إِلَى أَنَّ الْحَطَّ الْمُسْتَقِيمَ مُمْتَدُّ مِنْ جِهَتَيْهِ بِلاَ حُدُودٍ

السُّعَاعُ

صَعَّ الْمِسْطَرَّةَ عَلَى الْقِطْعَةِ الْمُسْتَقِيمَةِ $پب$ وَمَدَّ حَطًّا مِنْ جِهَةِ $ب$ فَتَجِدُ أَنَّ الْقِطْعَةَ الْمُسْتَقِيمَةَ $پب$ وَمَجْمُوعَةَ النُّقْطِ عَلَى بَسَارِ النُّقْطَةِ $ب$ تُسَمَّى سُعَاعًا وَتَرْمُزُ لَهُ بِالرَّمْزِ $پب$ حَيْثُ $پ$ نُقْطَةُ بَدَائِيَّةِ السُّعَاعِ وَلَا يَتَعَبَّنُ لَهُ نُقْطَةُ نِهَائِيَّةِ فَالسُّعَاعُ لَا يَتَّحِدُ لَهُ طُولٌ.

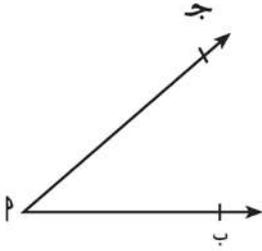
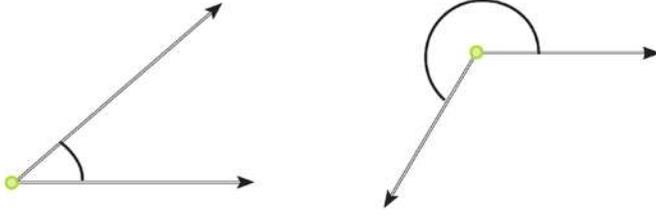
وَمِنْ ذَلِكَ نَرَى أَنَّ:



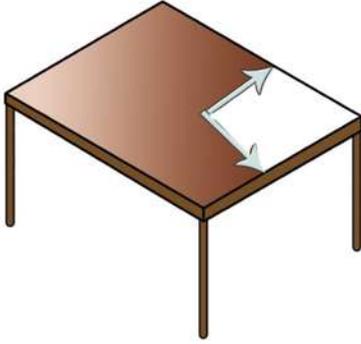
$$پب \supset پب, \quad پب \supset پب, \quad پب \supset پب, \quad پب \supset پب$$

الرَّائِيَّةُ

فِي حَالَةِ دَوْرَانِ شُعَاعٍ مِنْ وَضْعٍ إِلَى وَضْعٍ آخَرَ حَوْلَ نَقْطَةٍ بَدَأَ الشُّعَاعُ تَنْشَأُ زَاوِيَةٌ.



إِذَا كَانَتْ α ، β ، γ ثَلَاثَ نَقَطٍ لَيْسَتْ عَلَى اسْتِقَامَةٍ وَاحِدَةٍ فَإِنَّ α ، β ، γ يَكُونَانِ الزَّائِيَّةَ α ، β ، γ وَيُرْمَزُ لَهَا بِالرَّمْزِ $\angle \alpha$ ، $\angle \beta$ ، $\angle \gamma$ = $\angle \alpha$ ، $\angle \beta$ ، $\angle \gamma$



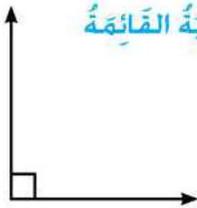
الرَّائِيَّةُ هِيَ اتِّحَادُ شُعَاعَيْنِ لِهَمَا نَقْطَةُ الْبِدَايَةِ نَفْسِهَا. نَقْطَةُ بَدَايَةِ الشُّعَاعَيْنِ تُسَمَّى رَأْسَ الزَّائِيَّةِ. يُسَمَّى كُلُّ مِنَ الشُّعَاعَيْنِ ضَلْعَ الزَّائِيَّةِ.

- تُجَزَى الزَّائِيَّةُ الْمُسْتَوَى إِلَى ثَلَاثِ مَجْمُوعَاتٍ مِنَ التَّقْطِ:
- الزَّائِيَّةُ.
- دَاخِلُ الزَّائِيَّةِ.
- خَارِجُ الزَّائِيَّةِ.

أَنْوَاعُ الزَّائِيَّةِ:

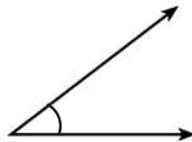
تُصَنَّفُ الزَّائِيَّةُ حَسَبَ قِيَاسِهَا وَذَلِكَ عَلَى التَّحْوِ التَّالِي:

الرَّائِيَّةُ الْقَائِمَةُ



هِيَ الزَّائِيَّةُ الَّتِي قِيَاسُهَا 90°

الرَّائِيَّةُ الْحَادَّةُ



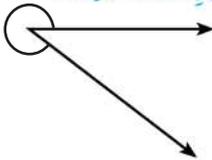
صَفْرٌ > قِيَاسُ الزَّائِيَّةِ الْحَادَّةِ > 90°

الرَّائِيَّةُ الصَّفْرِيَّةُ



هِيَ الزَّائِيَّةُ الَّتِي قِيَاسُهَا صَفْرٌ وَيَنْطَبِقُ ضَلْعَاهَا

الرَّائِيَّةُ الْمُتَعَكِّسَةُ



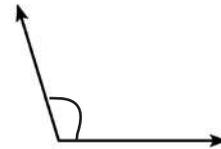
180° > قِيَاسُ الزَّائِيَّةِ الْمُتَعَكِّسَةِ > 360°

الرَّائِيَّةُ الْمُسْتَقِيمَةُ



هِيَ الزَّائِيَّةُ الَّتِي قِيَاسُهَا 180° وَيَكُونُ ضَلْعَاهَا عَلَى اسْتِقَامَةٍ وَاحِدَةٍ

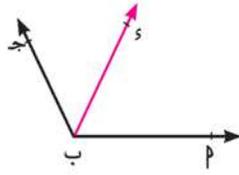
الرَّائِيَّةُ الْمُتَفَرِّجَةُ



90° > قِيَاسُ الزَّائِيَّةِ الْمُتَفَرِّجَةِ > 180°

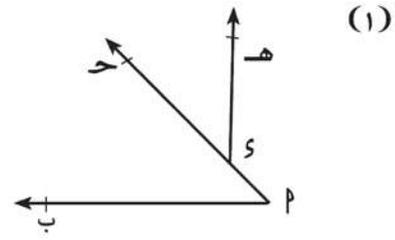
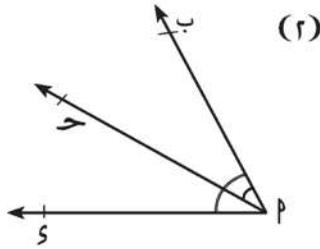
بعض العلاقات بين الزوايا

الزوايا المتجاورتان



يُقَالُ لِرَازَوِيَّتَيْنِ أَنَّهُمَا مُتَجَاوِرَتَانِ إِذَا اشْتَرَكْنَا فِي رَأْسٍ وَضِلْعٍ وَكَانَ الضِّلْعَانِ الْآخَرَانِ فِي جِهَتَيْنِ مُخْتَلِفَتَيْنِ مِنَ الضِّلْعِ الْمُشْتَرَكِ.
 Δ ب پ س ، Δ ح ب س مُتَجَاوِرَتَانِ .

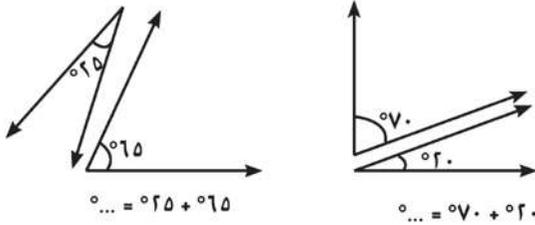
وبلاحظ أن :



Δ ب ح ، Δ ب پ س غير متجاورتين
 لأن الضلعين ح ، س في جهة
 واحدة من الضلع المشترك پ ب

Δ ب ح ، Δ ه س ح غير متجاورتين
 لعدم اشتراكهما في الرأس

الزوايا المتتامتان



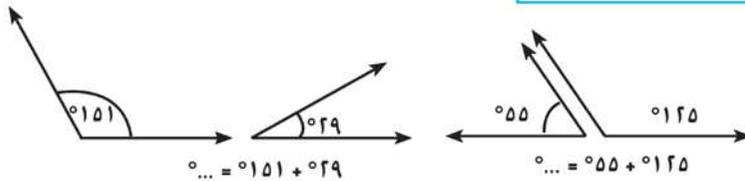
ارْسُمْ زَاوِيَّتَيْنِ قِيَاسَاهُمَا 20° ، 160°

ارْسُمْ زَاوِيَّتَيْنِ قِيَاسَاهُمَا 65° ، 115°

مَاذَا نُلَاحِظُ عِنْدَ إِجَادِ نَاتِجِ جَمْعِ كُلِّ زَوْجٍ مِنَ الزَّوَايَا؟

الزَّوَايَا الْمُتَمَامَتَانِ هُمَا زَاوِيَّتَانِ مَجْمُوعُ قِيَاسِيهِمَا 180°

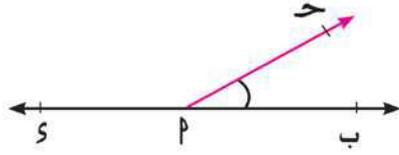
الزوايا المتكاملتان



ارْسُمْ زَاوِيَّتَيْنِ قِيَاسَاهُمَا 55° ، 125°

ارْسُمْ زَاوِيَّتَيْنِ قِيَاسَاهُمَا 151° ، 29°

مَاذَا نُلَاحِظُ عِنْدَ إِجَادِ نَاتِجِ جَمْعِ كُلِّ زَوْجٍ مِنَ الزَّوَايَا؟



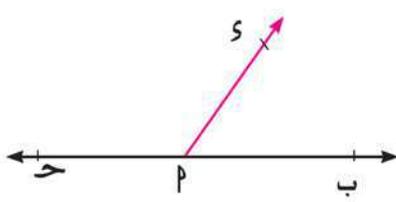
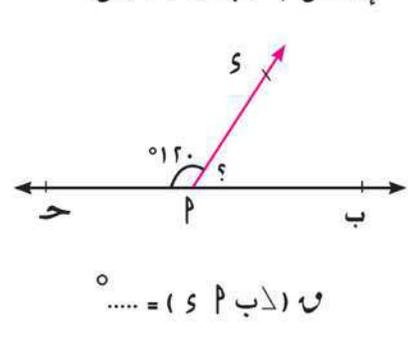
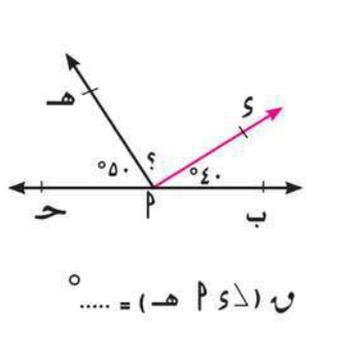
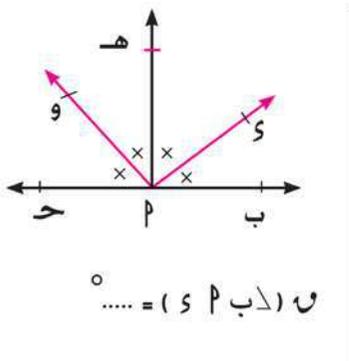
$$\text{و } (\angle \text{ب } \text{ح}) + (\angle \text{ح } \text{ب } \text{س}) = 180^\circ$$

الزَّائِيَّتَانِ الْمُتَجَاوِرَتَانِ الْحَادِيَّتَانِ مِنْ تَقَاطُعِ مُسْتَقِيمٍ وَشَعَاعٍ
نُقْطَةً بِدَائِيَّتِهِ تَقَعُ عَلَى هَذَا الْمُسْتَقِيمِ مُتَكَامِلَتَانِ

تدريب :

في كل من الأشكال الآتية :

إذا كان $\text{ب } \text{ح} \parallel \text{س}$ فأكمل :

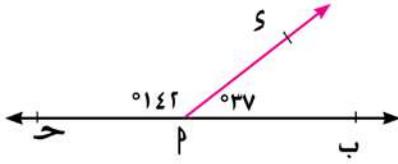


اُزْسِمُ زَاوِيَّتَيْنِ مُتَجَاوِرَتَيْنِ ب س ، س ب ح مجموع قياسيهما 180°
كرر ذلك عدة مرات . ما العلاقة بين ب . ب ح

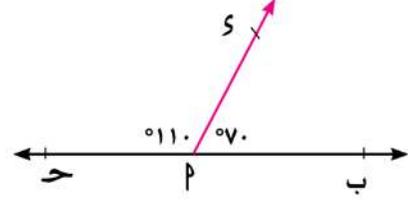
ب . ب ح على استقامة واحدة

إذا كانت الزاويتان المتجاورتان متكاملتين فإن الضلعين المتطرفين لهما على استقامة واحدة

مثال ١

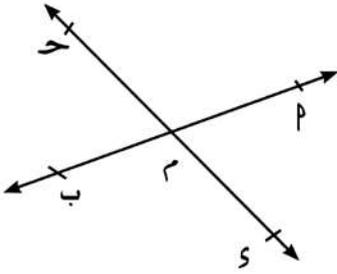


$\vec{P} \text{ ب } , \vec{P} \text{ ح}$ ليسا على استقامة واحدة
لأن $\cup (\angle \text{ب } \vec{P} \text{ ح}) + \cup (\angle \text{ح } \vec{P} \text{ ب}) \neq 180^\circ$



$\vec{P} \text{ ب } , \vec{P} \text{ ح}$ على استقامة واحدة
لأن $\cup (\angle \text{ب } \vec{P} \text{ ح}) + \cup (\angle \text{ح } \vec{P} \text{ ب}) = 180^\circ$

الزوايتان المتقابلتان بالرأس :

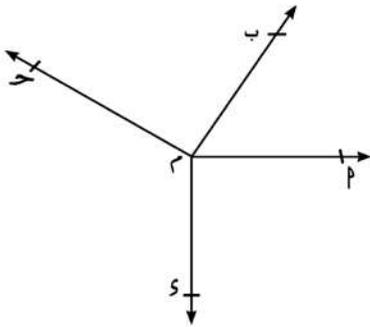


ارسم $\vec{P} \text{ ب } , \vec{P} \text{ ح}$ يتقاطعان في م

ثم قس الزوايا $\vec{P} \text{ م } \text{ح} , \vec{P} \text{ م } \text{ب} , \vec{P} \text{ م } \text{س} , \vec{P} \text{ م } \text{ح}$
ماذا تلاحظ ؟

إذا تقاطع مستقيمان فإن كل زاويتين متقابلتين بالرأس تكونان متساويتين في القياس.

الزوايا المتجمعة حول نُقْطَةٍ



من نقطة مثل م ارسم $\vec{P} \text{ م } \text{ب} , \vec{P} \text{ م } \text{ح} , \vec{P} \text{ م } \text{س} , \vec{P} \text{ م } \text{ح}$

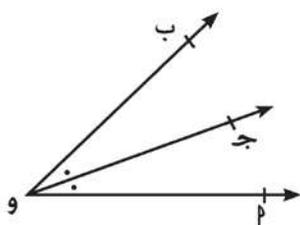
قس الزوايا المتجاورة الناتجة.

$$\cup (\angle \text{ب } \vec{P} \text{ م } \text{ح}) + \cup (\angle \text{ح } \vec{P} \text{ م } \text{س}) + \cup (\angle \text{س } \vec{P} \text{ م } \text{ح}) + \cup (\angle \text{ح } \vec{P} \text{ م } \text{ب}) = \dots$$

كرر ذلك عدة مرات (ماذا تلاحظ؟)

$$\text{مَجْمُوعُ قِيَاسَاتِ الزَّوَايَا الْمُتَجَمِّعَةِ حَوْلَ نُقْطَةٍ} = 360^\circ$$

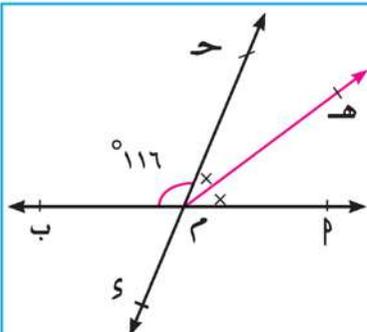
منصف الزاوية :



الشكل المقابل :

و جـ يقسم Δ م و ب إلى زاويتين لهما نفس القياس
ويسمى و جـ بمنصف Δ م و ب

مثال ٢



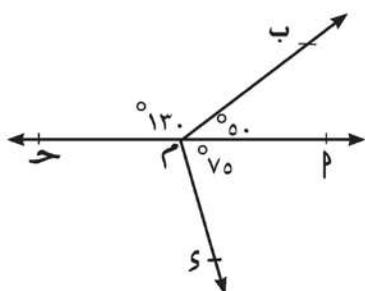
في الشكل المقابل :

ك نقطة تقاطع المستقيمين Δ ب ، حـ
، ك هـ ينصف Δ م حـ ، و (Δ ب حـ) = 116°
أوجد: و (Δ م حـ) ، و (Δ م هـ) ، و (Δ م هـ)

الحل :

$$\begin{aligned} \text{و (} \Delta \text{ م حـ)} &= 180^\circ - 116^\circ = 64^\circ \\ \text{و (} \Delta \text{ م هـ)} &= \text{و (} \Delta \text{ حـ ب)} = 116^\circ \text{ بالتقابل بالرأس} \\ \text{و (} \Delta \text{ م هـ)} &= \frac{1}{2} \text{ و (} \Delta \text{ م حـ)} = \frac{64}{2} = 32^\circ \end{aligned}$$

مثال ٣



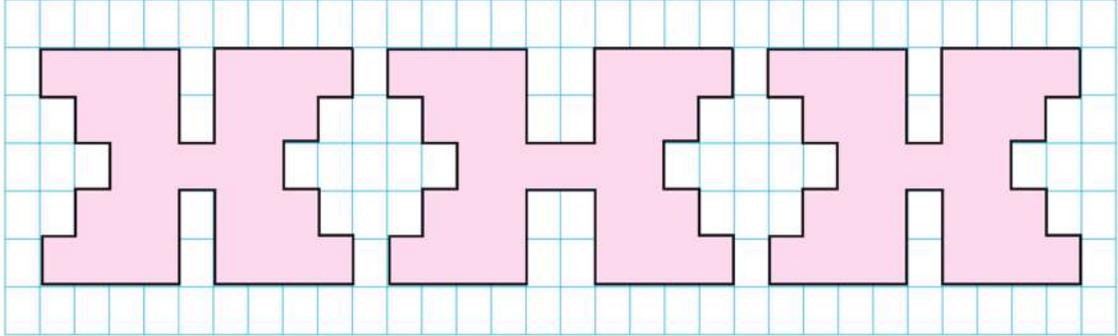
في الشكل المقابل :

أكمل :

- (١) و (Δ حـ م) =
- (٢) يقعان على استقامة واحدة

الحل :

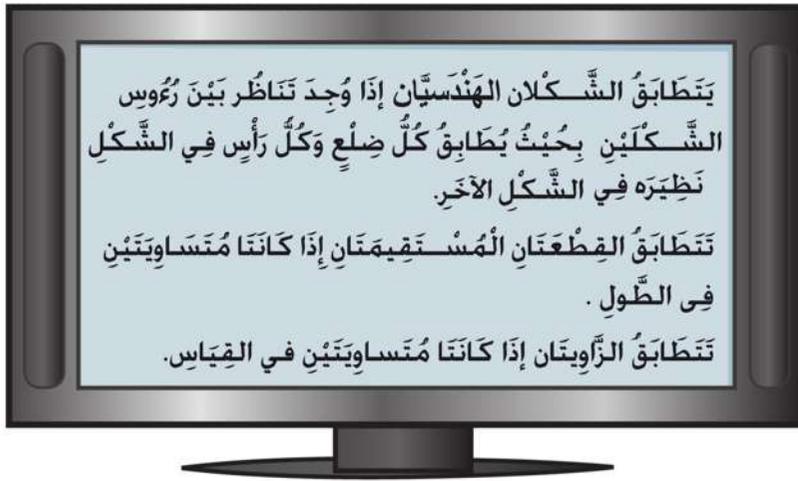
$$\begin{aligned} \text{و (} \Delta \text{ حـ م)} &= 360^\circ - (75^\circ + 130^\circ + 50^\circ) = 105^\circ \\ \text{و (} \Delta \text{ م حـ)} & \text{ ، } \Delta \text{ م هـ } \text{ يقعان على استقامة واحدة.} \end{aligned}$$



شكل (٣)

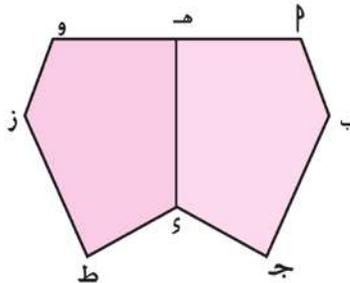
شكل (٢)

شكل (١)



اُرْسِمِ الشُّكْلَ (١) عَلَى وَرَقِ شَدَفٍ
وَحَاوِلْ تَطْبِيقَهُ عَلَى الشُّكْلِ (٢)،
وَالشُّكْلَ (٣) ثُمَّ اكْمِلْ:
الشُّكْلُ (...) وَالشُّكْلُ (...)
مُتَّطَابِقَانِ أَمَا الشُّكْلُ (...)
وَالشُّكْلُ (...) غَيْرُ مُتَّطَابِقَيْنِ.

المُضَلَعُ P ب ج د هـ يُطَابِقُ المَضَلَعِ و ز ط هـ ، المُضَلَعَانِ لهُمَا نَفْسُ
التَّرْتِيبِ عِنْدَ كِتَابَةِ رُءُوسِهِمَا الْمُتَّطَابِقَةِ:
اكْمِلْ:



P ب = ، = س هـ =

ب ج = ، = ط هـ =

ج س = ، لَاحِظْ أَنَّ س هـ ضَلْعٌ مُشْتَرِكٌ لِلْمُضَلَعَيْنِ.

و (پ) = و (.....) ، و (.....) = و (هـ س) = و (.....)

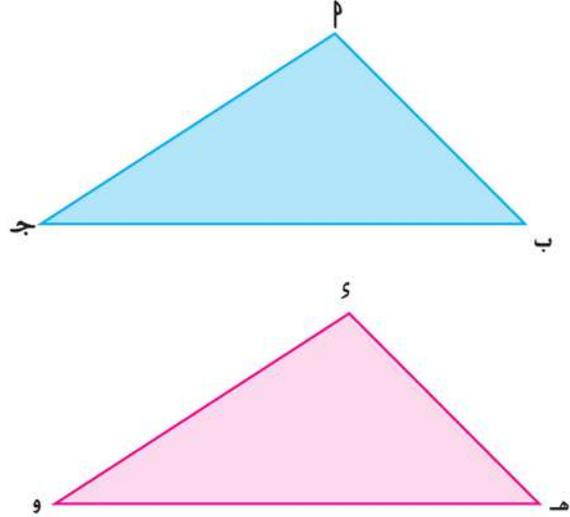
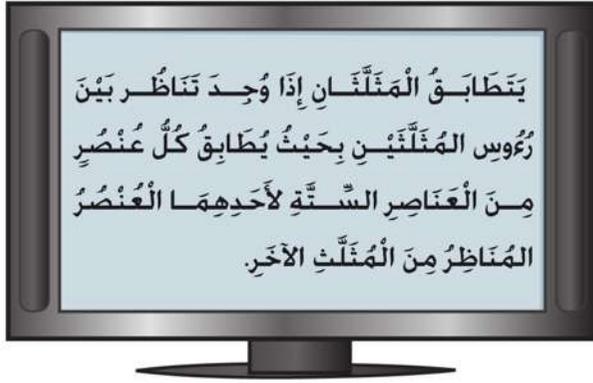
و (ب) = و (.....) ، و (.....) = و (ط هـ) = و (.....)

و (ج) = و (.....)

تَطَابُقُ الْمَثَلَّاتِ

الدَّرْسُ الثَّالِثُ

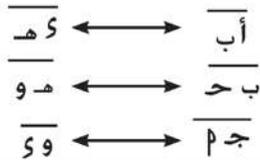
نَعْلَمُ أَنَّ لَأَيِّ مَثَلَّتٍ ثَلَاثَةَ أَضْلَاعٍ وَثَلَاثَ زَوَايَا، وَهِيَ تُعْرَفُ بِالْعُنَاصِرِ السَّيِّئِ لِلْمَثَلَّتِ.



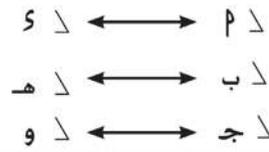
انْقُلْ عَلَى وَرَقٍ شَقَافِ الْمَثَلَّتِ ۲ ب ج وَضَعُهُ عَلَى الْمَثَلَّتِ ۵ ه و سَتَجِدُ لِكُلِّ عُنْصُرٍ فِي ۱ ۲ ب ج عُنْصُرًا يُنَاطِرُهُ فِي ۲ ۵ ه و وَعَبَّرَ عَنِ ذَلِكَ كَمَا يَلِي:



تَنَاظُرُ الْأَضْلَاعِ



تَنَاظُرُ الزَّوَايَا



يُسْتَعْدَمُ الرَّمْزُ ≡ لِإِدْلَالِهِ عَلَى عَمَلِيَّةِ التَّطَابُقِ وَيُقْرَأُ «يُطَابِقُ» أَي أَنَّ $\triangle ۱ ۲ ۳ \equiv \triangle ۲ ۵ ۴$ ه و وَيُقْرَأُ الْمَثَلَّتُ أ ب ج يُطَابِقُ الْمَثَلَّتُ ۵ ه و

يُمْكِنُ كِتَابَةُ الْمَثَلَّتَيْنِ بِتَفْصِيلِ التَّنَاطُرِ بِسَبْطِ طَرِيقٍ:

$$\begin{aligned} \triangle ۱ ۲ ۳ &\equiv \triangle ۲ ۵ ۴ \\ \triangle ۲ ۵ ۴ &\equiv \triangle ۱ ۳ ۴ \\ &\vdots \end{aligned}$$

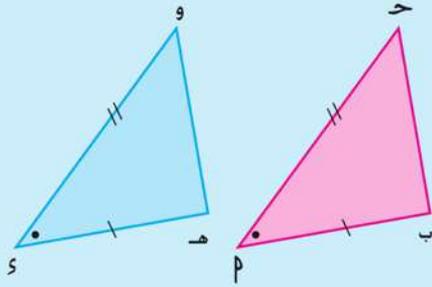
عِنْدَ كِتَابَةِ الْمَثَلَّتَيْنِ الْمُتَطَابِقَيْنِ يَجِبُ أَنْ يَكُونَ لَهُمَا نَفْسُ التَّرْتِيبِ فِي كِتَابَةِ رُؤُوسِهِمَا الْمُتَنَاطِرَةِ



تَطَابُقُ مُثَلَّثَانِ

لِلإِبْتِاتِ تَطَابُقِ مُثَلَّثَيْنِ فَإِنَّهُ لَيْسَ مِنَ الصَّرُورِيِّ إِثْبَاتُ تَطَابُقِ الْعَنَاصِرِ السَّتِّ مِنْ أَحَدِهِمَا مَعَ نَظَائِرِهَا مِنَ الْمُثَلَّثِ الْآخَرَ بَلْ يَكْفِي إِثْبَاتُ تَطَابُقِ ثَلَاثَةِ عَنَاصِرٍ فِي أَحَدِهِمَا مَعَ نَظَائِرِهَا فِي الْمُثَلَّثِ الْآخَرَ. أَحَدُهَا ضَلْعٌ عَلَى الْأَقْلِ وَيَالْتَالِي تَكُونُ الْعَنَاصِرُ الثَّلَاثَةُ الْآخَرَى فِي أَحَدِهِمَا مُطَابِقَةً لِنَظَائِرِهَا فِي الْمُثَلَّثِ الْآخَرَ.

نشاط (1) :

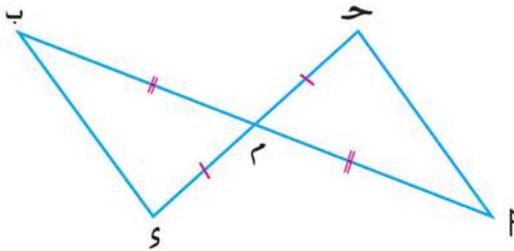


- ارسم المثلث \triangle ب ج د ، المثلث \triangle هـ و اللذين فيهما:
 \angle و \angle هـ = \angle ب ج د ، \angle و \angle هـ = \angle ب ج د ، \angle و \angle هـ = \angle ب ج د
 قس: ب ج د ، هـ و ، \triangle ب ج د ، \triangle هـ و . ماذا تلاحظ؟

- كرِّر العَمَلِ السَّابِقَ بِتَغْيِيرِ طُولِ الضلعين وقياس الزاوية المحصورة بينهما.
 حركِ المثلث \triangle هـ و وَتَحَقَّقْ أَنَّهُ يَنْطَبِقُ عَلَى الْمُثَلَّثِ ب ج د
 هَلْ هَذَا يَكْفِي لِأَنْ يَكُونَ الْمُثَلَّثِ ب ج د \equiv الْمُثَلَّثِ هـ و ؟
 الحالة الأولى :

يتطابق المثلثان إذا تطابق ضلعان والزاوية المحصورة بينهما في أحد المثلثين مع نظائرها في المثلث الآخر.

مثال



في الشكل المقابل :

$$\overline{سب} \cap \overline{سم} = \{س\} ،$$

$$\angle ب = \angle م ، \angle س = \angle س$$

هل $\triangle سب \equiv \triangle سم$ ؟ ولماذا ؟

الحل :

من الشكل : $\angle ب = \angle م ، \angle س = \angle س$

، $\angle سب = \angle سم$ ، بالتقابل بالرأس

فيكون : $\triangle سب \equiv \triangle سم$ ؟ (تطابق ضلعان والزاوية المحصورة)

نشاط (٢) :

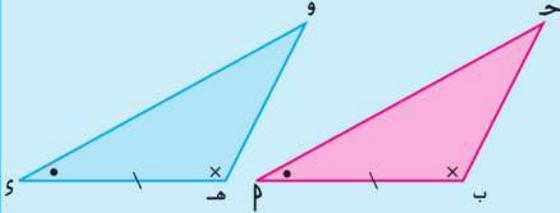
• ارسم المثلث Δ ب ج ، المثلث Δ ه و اللذين فيهما:

$$\Delta$$
 ب ج ه = Δ ب ج ه ، Δ ب ج ه = Δ ب ج ه

$$\Delta$$
 ب ج ه = Δ ب ج ه

قيس: Δ ب ج ه ، Δ ب ج ه ، Δ ب ج ه و Δ ب ج ه

Δ ب ج ه . ماذا تلاحظ ؟



• كرِّر العَمَل السَّابِق بِتَغْيِير قِيَاسِي الزَّاوِيَتَيْنِ وَالضَّلْع المَرسُوم بَيْنَ رَأْسَيْهِمَا.

حَرِّك المُثَلَّث Δ ه و وَتَحَقَّق أَنَّهُ يَنْطَبِقُ عَلَى المُثَلَّثِ Δ ب ج

هَلْ هَذَا يَكْفِي لِأَن يَكُونَ المُثَلَّثِ Δ ب ج \equiv المُثَلَّثِ Δ ه و ؟

• الحالة الثانية :

يتطابق المثلثان إذا تطابق زاويتان والضلع المرسوم بين رأسيهما في أحد المثلثين مع نظائرها في المثلث الآخر.

تدريب

في الشكل المقابل :

أكمل :

$$\Delta$$
 ب ج ه \equiv

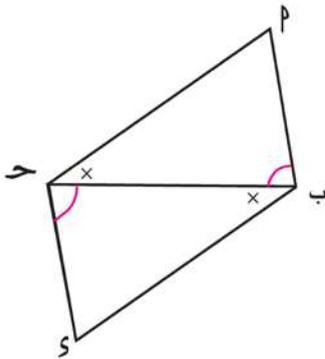
(ولماذا ؟)

ومن نتائج التطابق :

$$\Delta$$
 ب ج ه = Δ ب ج ه ،

$$\Delta$$
 ب ج ه = ،

$$\Delta$$
 ب ج ه =



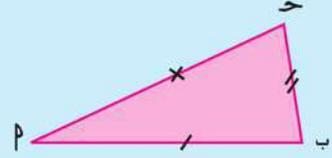
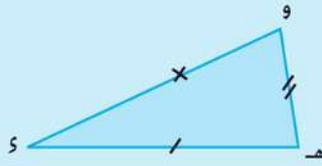
نشاط (٣) :

• ارسم المثلث $\triangle P$ ب ج ، المثلث $\triangle هـ و$ اللذين فيهما:

$$\triangle P = \triangle هـ و ، \triangle س = \triangle ج ، \triangle ب ج = \triangle هـ و$$

قيس: $\triangle س$ ، $\triangle ب$ ، $\triangle هـ$ ، $\triangle ج$ ، $\triangle و$

ماذا تلاحظ؟



• كَرِّرِ الْعَمَلَ السَّابِقَ بِتَغْيِيرِ طُولِ كُلِّ ضَلْعٍ مِنْ أَضْلَاعِ أَحَدِ الْمَثَلِثِينَ.

حَرِّكِ الْمُثَلَّثَ $\triangle هـ و$ وَتَحَقَّقْ أَنَّهُ يَنْطَبِقُ عَلَى الْمُثَلَّثِ $\triangle ب ج$
هَلْ هَذَا يَكْفِي لِأَنْ يَكُونَ الْمُثَلَّثُ $\triangle ب ج$ \equiv الْمُثَلَّثَ $\triangle هـ و$ ؟

• الحالة الثالثة :

يتطابق المثلثان إذا تطابق كل ضلع في أحد المثلثين مع نظائرها في المثلث الآخر.

مثال

في الشكل المقابل :

$$\triangle ب = \triangle ج ، \triangle ب = \triangle س$$

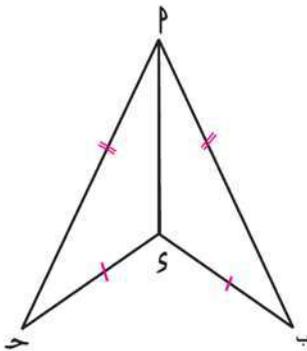
تحقق من أن: $\triangle س$ ينصف $\triangle ب$

الحل :

$$\triangle س \equiv \triangle ب ج ؟ (\text{تطابق الأضلاع})$$

$$\text{فيكون: } \triangle ب ج = \triangle س$$

أي أن: $\triangle س$ ينصف $\triangle ب$



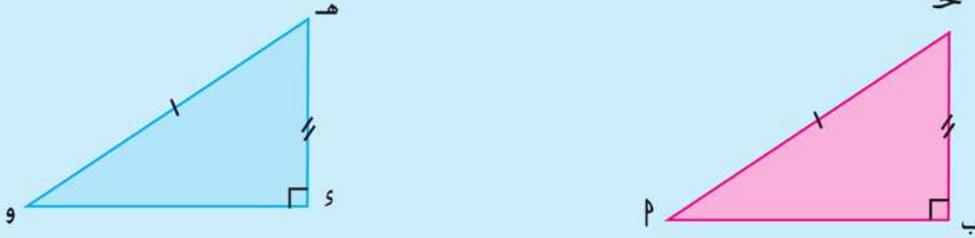
(من نتائج التطابق)

نشاط (٤) :

• ارسم المثلث $\triangle هـ ب ج$ القائم الزاوية في $ب$ ، المثلث $\triangle و س هـ$ حيث $\angle و = \angle هـ ب ج$ و $\angle س = \angle هـ ب ج$

$$\text{وهـ} = \text{ج ب} ، \text{و هـ} = \text{س ج}$$

قِسْ: $\angle و$ ، $\angle س$ ، $\angle هـ ب ج$ ، $\angle و س هـ$ ، ماذا تلاحظ؟



• كَرِّرِ الْعَمَلَ السَّابِقَ بِتَغْيِيرِ طُولَي وَتَرٍ وَأَحَدِ ضَلْعَيِ الزَّاوِيَةِ الْقَائِمَةِ فِي أَحَدِ الْمُثَلَّثَيْنِ.

حَرِّكِ الْمُثَلَّثَ $\triangle و س هـ$ وَتَحَقَّقْ أَنَّهُ يَنْطَبِقُ عَلَى الْمُثَلَّثِ $\triangle ب ج هـ$

هَلْ هَذَا يَكْفِي لِأَنْ يَكُونَ الْمُثَلَّثُ $\triangle ب ج هـ$ \equiv الْمُثَلَّثُ $\triangle و س هـ$ ؟

• الحالة الرابعة :

يتطابق المثلثان القائما الزاوية إذا تطابق وتر واحد ضلعي القائمة في أحد المثلثين مع نظائرها في المثلث الآخر.

مثال

في الشكل المقابل :

ادرس حالة التطابق ثم استنتج :

$$\triangle و س هـ ، \triangle ب ج هـ ، \text{طول } \overline{س ب}$$

الحل :

$$\triangle ب ج هـ \equiv \triangle و س هـ \text{ (تطابق وتر وضع في مثلثين قائما الزاوية)}$$

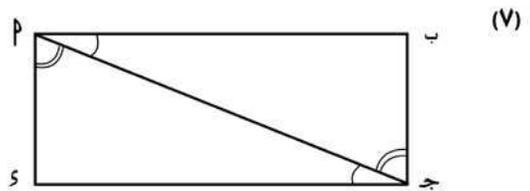
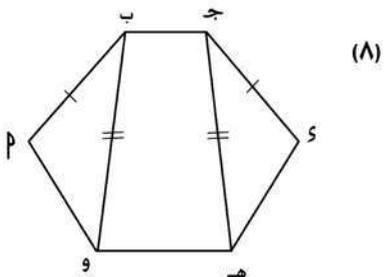
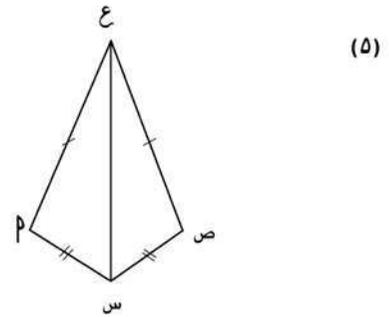
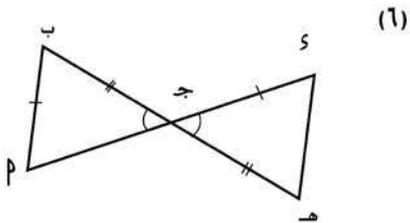
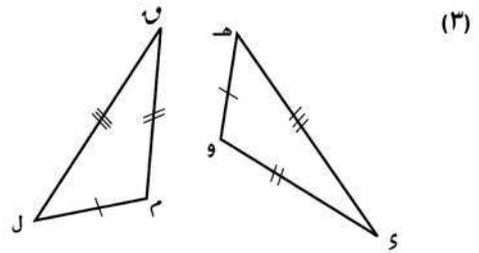
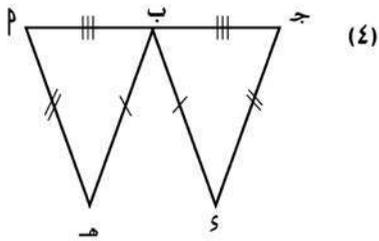
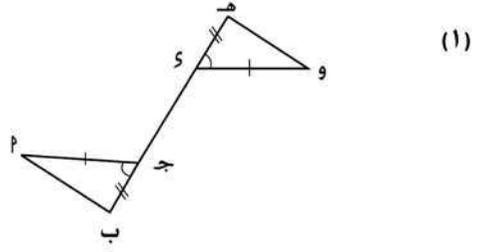
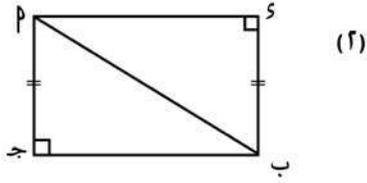
$$\angle و = \angle ب ج هـ = \angle و س هـ = ٥٦^\circ \text{ (من نتائج التطابق)}$$

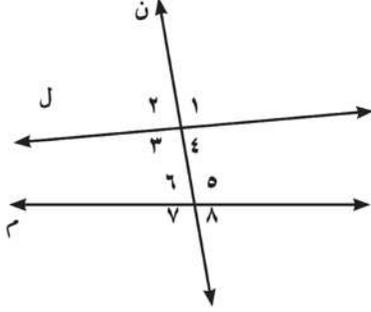
$$\text{س ب} = \text{ج ب} = \text{هـ س}$$

تدريب :

في الأشكال التالية :

العلامات المتشابهة تدل على تطابق العناصر المبينة عليها هذه العلامات.
اذكر أزواج المثلثات المتطابقة . وأزواج المثلثات غير المتطابقة (مع ذكر السبب) :





ارْضُمُ مُسْتَقِيمَيْنِ «ل» ، «م» ثُمَّ ارْضُمُ مُسْتَقِيمًا ثَالِثًا «ن» قَاطِعًا لَهُمَا. كَمَا بِالشَّكْلِ:

- يَنْتُجُ مِنْ ذَلِكَ ثَمَانِيَةَ زَوَايَا مُخْتَلِفَةٍ يُمْكِنُ تَصْنِيفُهَا إِلَى عِدَّةِ أَزْوَاجٍ مِنَ الزَّوَايَا وَهِيَ (مُتَبَادِلَةٌ - مُتَنَازِرَةٌ - دَاخِلَةٌ).

أَنْشِطَةٌ :

١ أَكْمِلْ:

$\angle 3$ ، $\angle 5$ زَاوِيَتَانِ مُتَبَادِلَتَانِ :

..... ، زَاوِيَتَانِ مُتَبَادِلَتَانِ .

- وَفِي حَالَةِ الْمُسْتَقِيمَانِ ل ، م مُتَوَازِيَانِ
لَا حِظَ الْعِلَاقَةِ بَيْنِ أَزْوَاجِ الزَّوَايَا الْمُتَبَادِلَةِ.

٢

$\angle 1$ ، $\angle 5$ زَاوِيَتَانِ مُتَنَازِرَتَانِ:

وَبِالْمِثْلِ : ، زَاوِيَتَانِ مُتَنَازِرَتَانِ .

عَبِّرْ أَزْوَاجَ الزَّوَايَا الْمُتَنَازِرَةِ الْأُخْرَى

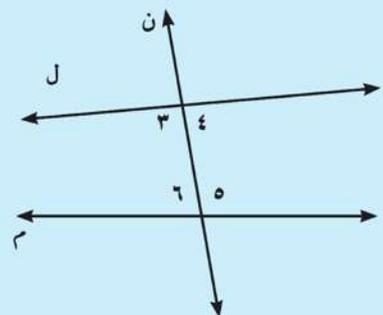
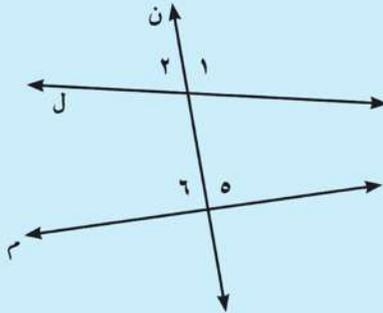
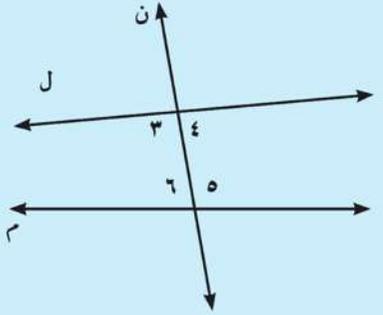
- وَفِي حَالَةِ الْمُسْتَقِيمَانِ ل ، م مُتَوَازِيَانِ
لَا حِظَ الْعِلَاقَةِ بَيْنِ أَزْوَاجِ الزَّوَايَا الْمُتَنَازِرَةِ.

٣

$\angle 4$ ، $\angle 5$ زَاوِيَتَانِ دَاخِلَتَانِ وَفِي جِهَةٍ وَاحِدَةٍ مِنَ الْقَاطِعِ.

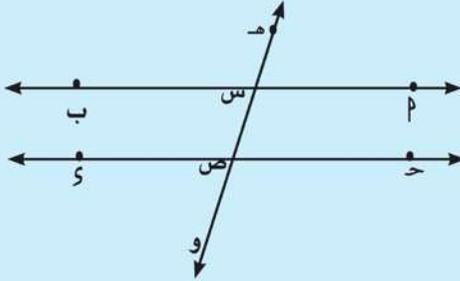
وَبِالْمِثْلِ : ، دَاخِلَتَانِ وَفِي جِهَةٍ وَاحِدَةٍ
مِنَ الْقَاطِعِ.

- وَفِي حَالَةِ الْمُسْتَقِيمَانِ ل ، م مُتَوَازِيَانِ
لَا حِظَ الْعِلَاقَةِ بَيْنِ مَجْمُوعِ أَيِّ زَاوِيَتَيْنِ دَاخِلَتَيْنِ وَفِي جِهَةٍ
وَاحِدَةٍ مِنَ الْقَاطِعِ.



اِسْتِخْدَامُ الْأَدَوَاتِ الْهَنْدَسِيَّةِ أَوْ الْحَاسِبِ الْإِلَيِّ فِي عَمَلِ الْأَنْشِطَةِ الْآتِيَةِ:

نشاط (١) :



من نُقْطَةِ حَارِجِ P ، ارْسُمِ ح s يُوَازِي P ب .
 ارْسُمِ $و$ قَاطِعًا P ب . ح s فِي س . ص عَلَى
 التَّرْتِيبِ .

- عَيْنِ قِيَاسِ زَاوِيَتَيْنِ مُتَبَادِلَتَيْنِ

- عَيْنِ قِيَاسِ زَاوِيَتَيْنِ مُتَنَاظِرَتَيْنِ

- عَيْنِ قِيَاسِ زَاوِيَتَيْنِ دَاخِلَتَيْنِ وَفِي جِهَةٍ وَاحِدَةٍ مِنَ الْقَاطِعِ ثُمَّ اجْمَعُهُمَا .

ارْسُمِ أَوْضَاعًا مُخْتَلِفَةً لِلْقَاطِعِ $و$. (مَاذَا تَلَاخِظُ؟)

● إذا قطع مستقيم مستقيمين متوازيين فإن :

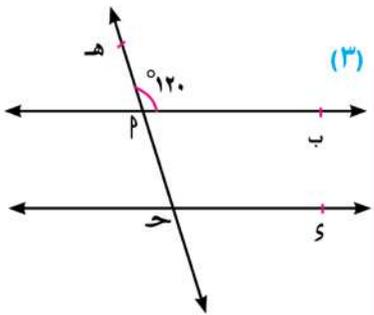
- كل زاويتين متبادلتين متساويتان في القياس .

- كل زاويتين متناظرتين متساويتان في القياس .

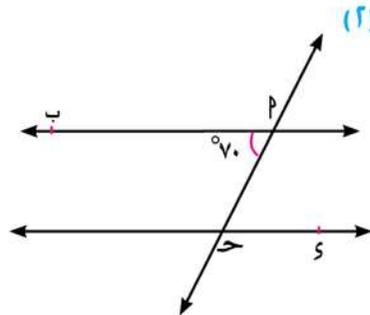
- كل زاويتين داخلتين وفي جهة واحدة من القطع متكاملتان .

تدريب

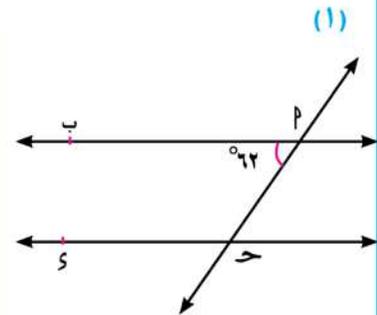
في كل من الأشكال الآتية : إذا كان $AB \parallel CD$ فأكمل :



$\angle P = \angle Q = (\dots)$
 $\angle \dots = \dots$

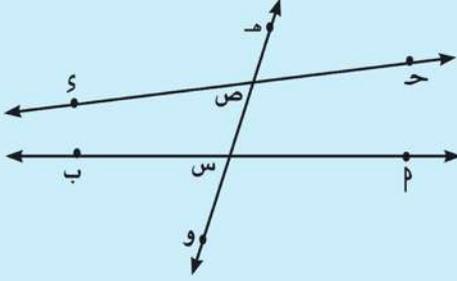


$\angle P = \angle Q = (\dots)$
 $\angle \dots = \dots$



$\angle P = \angle Q = (\dots)$
 $\angle \dots = \dots$

نشاط (٢) :



[أ] ارسم $م$ ب ، $س$ كما بالشكل ثم ارسم $و$ قاطعاً لهما في $س$ ، ص على الترتيب.

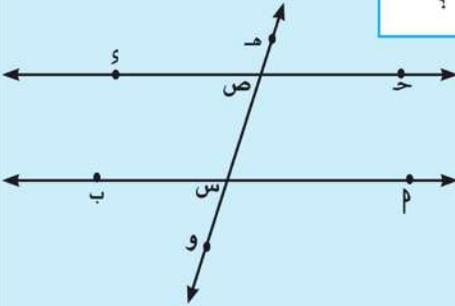
عين قياس الزاويتين المتبادلتين

ح ص س ، ب س ص.

أدر $س$ ح حول النقطه ص حتى يكون $و$ (Δ ح ص س) = $و$ (Δ ب س ص) .

اختبر توازي $س$ ح مع $م$ ب برسم $ن$ يمر بالنقطه ص يوازي $م$ ب

هل $ن$ ينطبق على $س$ ح ؟



عين مرة أخرى قياس الزاويتين المتبادلتين

ح ص س ، ب س ص.

[ب] كرر العمل السابق في [أ] بالنسبة إلى:

(١) الزاويتين المتناظرتين.

(٢) الزاويتين الداخلتين المرسومتين في جهة واحدة من القاطع

(ماذا تلاحظ ؟)

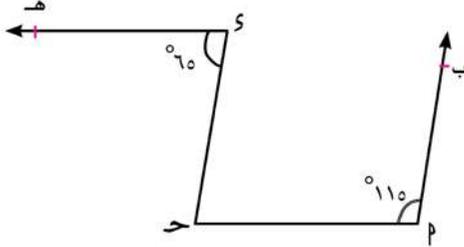
● يتوازي المستقيمان إذا قطعهما مستقيم ثالث وحدثت إحدى الحالات الآتية:

- زاويتان متبادلتان متساويتان في القياس.
- زاويتان متناظرتان متساويتان في القياس.
- زاويتان داخلتان وفي جهة واحدة من القاطع متكاملتان.

مثال

في الشكل المقابل :

إذا كان $\vec{AB} \parallel \vec{CD}$ فهل $\vec{AC} \parallel \vec{BD}$ ، ولماذا ؟



الحل

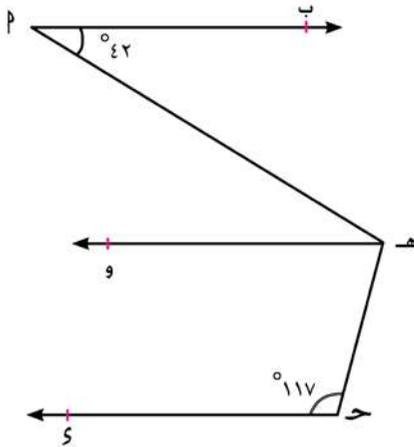
و (Δ ح) = $180^\circ - 115^\circ = 65^\circ$ لأن

أي أن : و (Δ ح) = و (Δ س) = 65°

فيكون : $\vec{AC} \parallel \vec{BD}$

تدريب

في الشكل المقابل :



$\vec{AB} \parallel \vec{CD}$ ، هو و $\vec{AC} \parallel \vec{BD}$

و (Δ ب) = 42° ، و (Δ ح) = 117°

عين و (Δ هـ ح)

الحل :

و (Δ هـ ح) = و (Δ ب) + و (Δ ح)

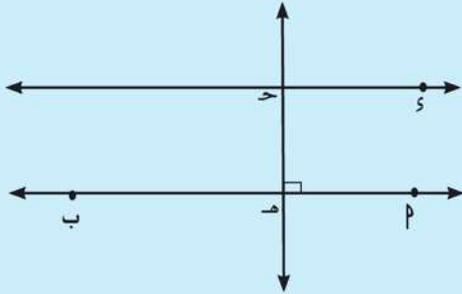
$..... + =$

$..... =$

لأن

نشاط (٣) :

مِنْ نُقْطَةٍ حَ خَارِجَ ٱ بَ ارْتُسِمَ حَ ٤ يُوَازِي ٱ بَ وَارْتُسِمَ أَيْضًا مُسْتَقِيمًا يَمُرُّ بِالنُّقْطَةِ حَ عَمُودِيًّا عَلَى ٱ بَ وَيَقْطَعُهُ فِي هَ . كَمَا بِالشَّكْلِ التَّالِي.



أَوْجِدْ قِيَاسَ \angle ح هـ

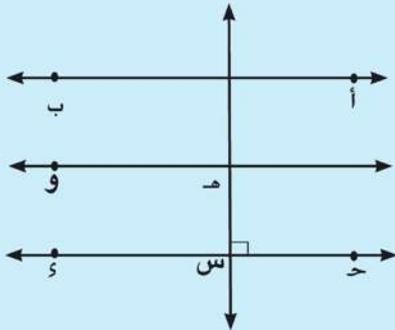
اسْتَنْجِجِ الْعِلَاقَةَ بَيْنَ ح ٤ ، ح هـ

ارْتُسِمَ أَوْضَاعًا مُخْتَلِفَةً لِأَيِّ مِنْ ح هـ أَوْ ح ٤ .

(مَاذَا تَلَاخِظُ؟)

- المستقيم العمودي على أحد مستقيمين متوازيين في المستوى يكون عموديًا على الآخر.
- إذا كان كل من مستقيمين عمودي على ثالثًا في المستوى كان المستقيمان متوازيين.

نشاط (٤) :



ارْتُسِمَ ٱ بَ يُوَازِي حَ ٤ ثُمَّ ارْتُسِمَ هـ وَ يُوَازِي ٱ بَ . ارْتُسِمَ هـ سَ عَمُودِيًّا عَلَى حَ ٤ وَيَقْطَعُهُ فِي سَ .

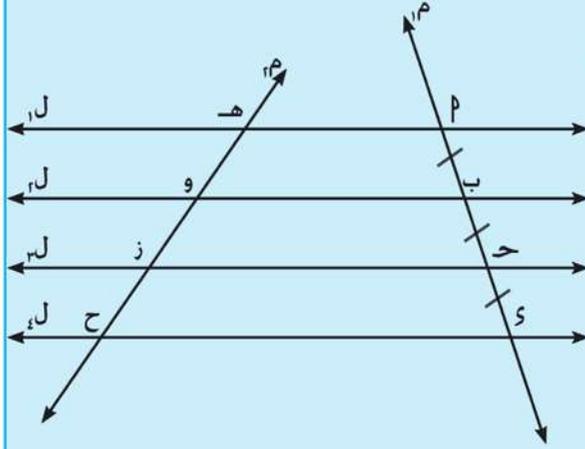
أَوْجِدْ قِيَاسَ \angle و هـ س

هَلْ هـ وَ يُوَازِي حَ ٤ ؟ اذْكُرِ السَّبَبَ .

ارْتُسِمَ أَوْضَاعًا مُخْتَلِفَةً لِأَيِّ مِنْ هـ س أَوْ حَ ٤ . (مَاذَا تَلَاخِظُ؟)

إذا وازى مستقيمان مستقيماً ثالثاً كان هذان المستقيمان متوازيين.

نشاط (٥) :



ارسم عدة مستقيمت متوازية ل١، ل٢، ل٣، ل٤،
ثم ارسم المستقيم م، قاطعاً لها في ه، و، ز، ح،
بحيث م ب = ب ج = ج د = د ه

ارسم المستقيم ن، قاطعاً آخر
لهذه المستقيمت المتوازية ويقطعها

في ه، و، ز، ح

هل ه و = و ز = ز ح ؟

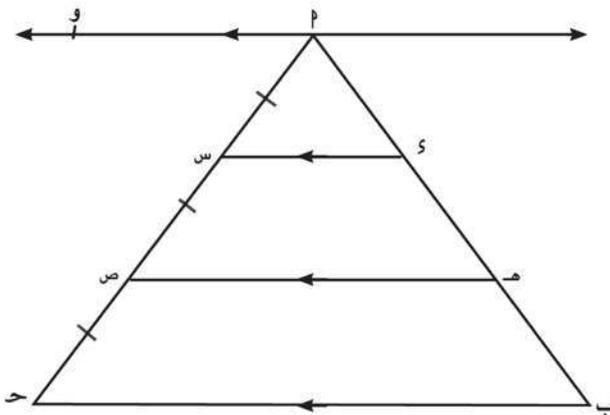
ارسم أوضاعاً مختلفة للقاطع م،

ماذا تلاحظ ؟

● إذا قطع مستقيم عدة مستقيمت متوازية . وكانت أجزاء القاطع المحصورة بين هذه المستقيمت المتوازية متساوية في الطول . فإن الأجزاء المحصورة بينها لأي قاطع آخر تكون متساوية في الطول.

تدريب

في الشكل المقابل :



م و س // س ه // ه ب

م س = س ه = ه ب . م ب = ١٢ سم

فأوجد طول ب ه

الحل :

م و س // س ه // ه ب

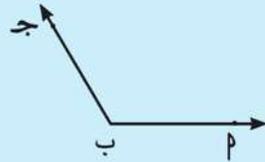
م س = س ه = ه ب .

فيكون : م س = س ه = ه ب

أي أن : ب ه = ه ب = $\frac{1}{3}$ م ب = ٤ سم

أنشطة :

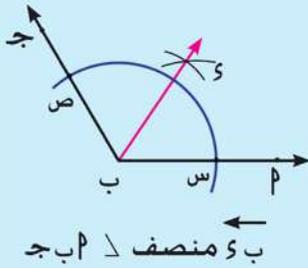
١ | إِنْشَاءُ مَنْصَفٍ لِرَاوِيَةٍ مَعْلُومَةٍ :



المُعْطَيَاتُ: Δ ب ج زاوية معلومة

المطلوب: رَسْمُ مَنْصَفٍ Δ ب ج «يأستخدَم الفُرْجَارِ»

خُطُواتِ الْعَمَلِ:



١ نُرَكِّزُ بِسْنِ الْفُرْجَارِ عِنْدَ رَأْسِ الزَّاوِيَةِ ب وَبِفَتْحَةٍ مُنَاسِبَةٍ نَرَسُمُ

قَوْسًا يَقْطَعُ ب م فِي س ، ب ج فِي ص

٢ نُرَكِّزُ بِسْنِ الْفُرْجَارِ عِنْدَ كُلِّ مِنْ س ، ص وَبِفَتْحَةٍ أَوْ فَتْحَةٍ

مُنَاسِبَةٍ نَرَسُمُ قَوْسَيْنِ يَتَقَاطِعَانِ فِي س

٣ نَرَسُمُ ب س فَيَكُونُ هُوَ مَنْصَفَ Δ ب ج

أَكْمَلُ: ب س هُوَ تَمَاثِلٌ لِلزَّاوِيَةِ Δ ب ج

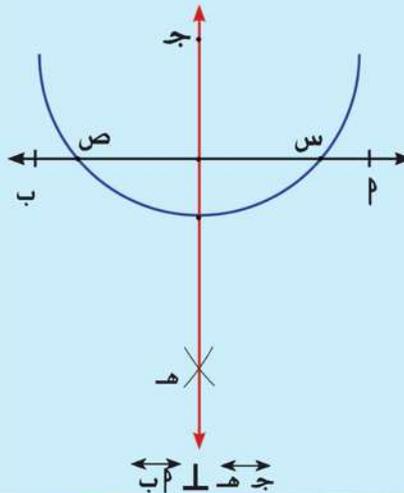
٢ | إِنْشَاءُ عَمُودٍ عَلَى مُسْتَقِيمٍ مَرَّ بِنُقْطَةٍ لَا تَنْتَهِي إِلَى الْمُسْتَقِيمِ : ج •



المُعْطَيَاتُ: \overleftrightarrow{AB} مُسْتَقِيمٌ مَعْلُومٌ ، ج \notin \overleftrightarrow{AB}

المطلوب: رَسْمُ مُسْتَقِيمٍ ج ه عَمُودِيٍّ عَلَى \overleftrightarrow{AB}

خُطُواتِ الْعَمَلِ:



١ نُرَكِّزُ بِسْنِ الْفُرْجَارِ عِنْدَ النُّقْطَةِ ج وَبِفَتْحَةٍ مُنَاسِبَةٍ نَرَسُمُ

قَوْسًا مِنْ دَائِرَةٍ يَقْطَعُ \overleftrightarrow{AB} فِي نَقْطَتَيْ س ، ص.

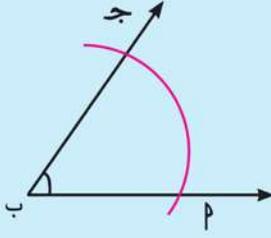
٢ نُرَكِّزُ بِسْنِ الْفُرْجَارِ عِنْدَ كُلِّ مِنْ س ، ص وَبِفَتْحَةٍ مُنَاسِبَةٍ أَكْبَرُ مِنْ

نِصْفِ طُولِ س ص نَرَسُمُ قَوْسَيْنِ مِنْ دَائِرَةٍ يَتَقَاطِعَانِ فِي هـ

٣ نَرَسُمُ ج ه فَيَكُونُ ج ه عَمُودِيًّا عَلَى \overleftrightarrow{AB}

أَكْمَلُ: ج ه هُوَ تَمَاثِلٌ لِقِطْعَةِ الْمُسْتَقِيمَةِ س ص

٣ إِنْشَاءُ زَاوِيَةٍ مُطَابِقَةٍ (مَسَاوِيَةٍ فِي الْقِيَاسِ) لَزَاوِيَةٍ مَعْلُومَةٍ

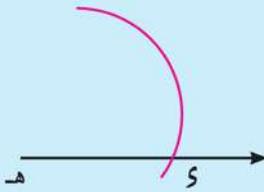


المُعْطَيَاتُ: \angle ب ج هـ زَاوِيَةٌ مَعْلُومَةٌ

المَطْلُوبُ: رَسْمُ \angle هـ و بحيث \angle هـ و = \angle ب ج هـ و «بدون استخدام المنقلة»

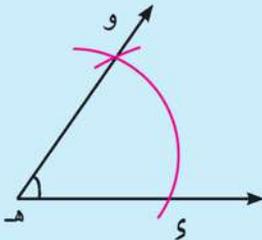
خُطُواتِ العَمَلِ:

١ ترسم شعاعاً بدايته هـ ليمثل احدي ضلعي الزاوية المراد رسمها.



٢ نركز بسن الفرجار عند ب ونرسم قوساً من دائرة يقطع الشعاعين ب \overleftarrow{P} ، ب ج عند \overleftarrow{P} ، ج على الترتيب وبنفس الفتحة نركز بسن الفرجار عند هـ . ونرسم قوساً من دائرة يقطع الشعاع عند S

٣ نركز بسن الفرجار عند P ثم نفتح الفرجار فتحة تساوي \angle ب ج هـ ، ثم نركز بسن الفرجار عند S وبنفس الفتحة السابقة نرسم قوساً يقطع القوس الأول في و



٤ نرسم هـ و فتكون \angle هـ و \equiv \angle ب ج هـ و
(حيث الرمز \equiv يقرأ تطابق)

٤ تنصيفُ قطعةٍ مستقيمةٍ

المُعْطَيَاتُ: \overline{AB} قطعة مستقيمة معلومة
المَطْلُوبُ: تنصيف \overline{AB}

خُطُواتِ العَمَلِ:

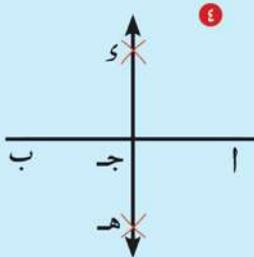


١ نرسم القطعة المستقيمة \overline{AB}



٢ نركز بسنَّ الفرجار عند النقطة أ،
ونفتح الفرجار فتحة مناسبة أكبر من
نصف طول \overline{AB} تقريباً ثم نرسم
قوسين من دائرة في جهتين مختلفتين
من \overline{AB} .

٣ نركز بسنَّ الفرجار عند ب وبنفس الفتحة
السابقة نرسم قوسين من دائرة في
جهتي \overline{AB} يتقاطعان مع القوسين
السابقين في نقطتي د، هـ.



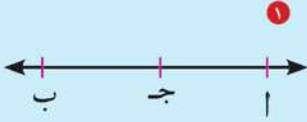
٤ نرسم ك هـ فيقطع \overline{AB} في جـ
فتكون نقطة جـ منتصف \overline{AB}

٥ إنشاء عمودٍ على مستقيمٍ مارٍ بنقطةٍ تنتمي إلى المستقيم

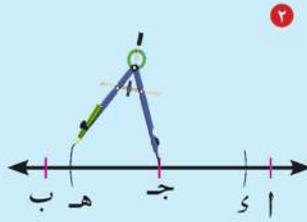
المُعْطَيَاتُ: \overleftrightarrow{AB} مستقيم معلوم، $J \in \overleftrightarrow{AB}$
المَطْلُوبُ: رسم عمودٍ على \overleftrightarrow{AB} من نقطة K .

خُطُواتِ العَمَلِ:

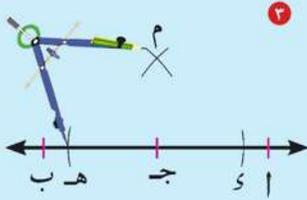
١ نرسم \overleftrightarrow{AB} ، ونحدد النقطة $J \in \overleftrightarrow{AB}$



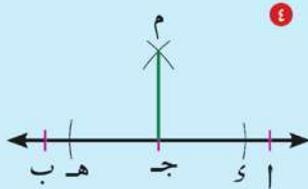
٢ نركز بسنَّ الفرجار عند J وبفتحة مناسبة نرسم قوسين من دائرة في جهتين مختلفتين من النقطة J يقطعان \overleftrightarrow{AB} في النقطتين K ، H



٣ نركز بسنَّ الفرجار عند كل من K ، H وبفتحة مناسبة أكبر من طول JK نرسم قوسين فيتقاطعان في نقطة M .



٤ نرسم \overline{MJ} فيكون $\overline{MJ} \perp \overleftrightarrow{AB}$



تدرب

ارسم المثلث أ ب ج حاد الزوايا ومختلف الأضلاع، ارسم محور تماثل لكل ضلع من أضلاعه " لاتمح الأقواس " هل محاور التماثل تتقاطع في نقطة واحدة.

ناقش

- أ إذا كان د ه و مثلثاً منفرج الزاوية في ه أين تتقاطع محاور تماثل أضلاعه؟
- ب إذا كان س ص ع مثلثاً قائم الزاوية في ص أين تتقاطع محاور تماثل أضلاعه؟
- ج قس أطوال القطع المستقيمة الواصلة بين نقطة تقاطع محاور التماثل ورؤوس المثلث في كل حالة ماذا تلاحظ؟

يستخدم الفرجار ذو السنين لقياس البعد بين نقطتين.

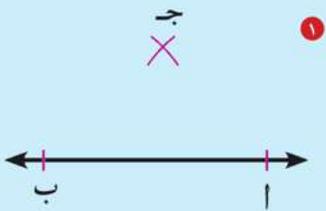
٦ رسم مستقيم من نقطة معلومة موازٍ لمستقيم معلوم

المُعْطَيَات: مستقيم أ ب معلوم، ج \notin أ ب

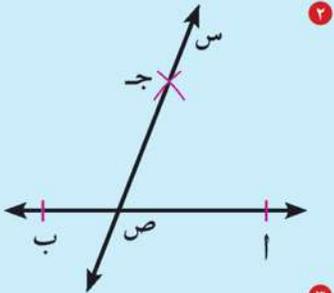
المَطْلُوب: رسم مستقيم من نقطة ج يوازي أ ب

خُطُوات العَمَل:

١ نرسم المستقيم س ص ، ج \notin أ ب



٢ نرسم المستقيم س ص يمر بالنقطة ج ويقطع أ ب في ص

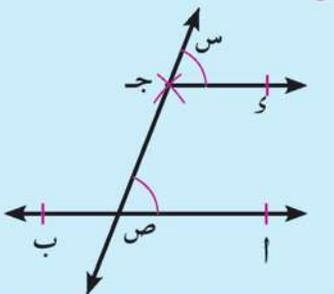


٣ نرسم عند ج الزاوية س ج د في وضع تناظر

مع \triangle أ ص س بحيث يكون

\triangle س ج د \equiv \triangle س ص أ كما في النشاط السابق

فيكون ج د // أ ب



الأنشطة والتدريبات



الوحدة الأولى : الأعداد النسبية

مجموعة الأعداد النسبية

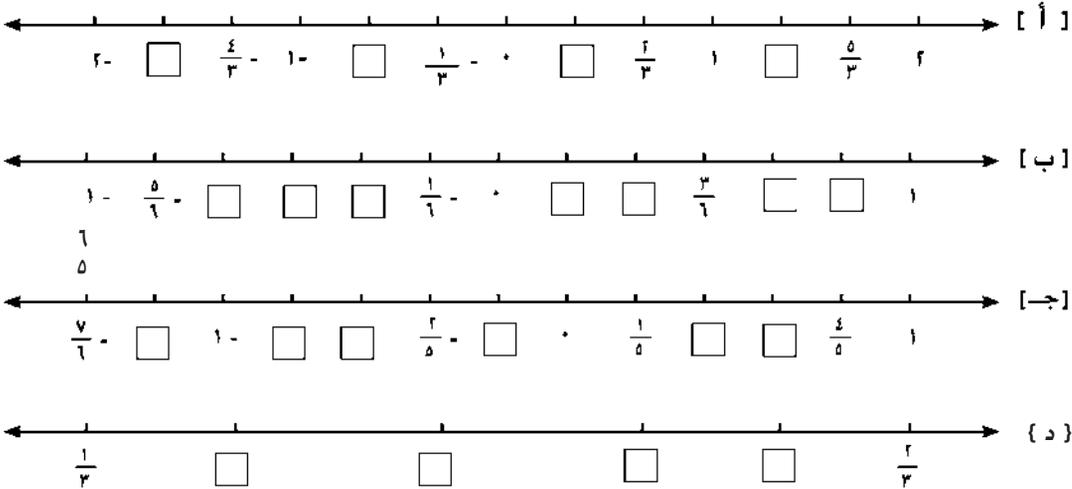
الدرس الأول

تمرين (١-١)

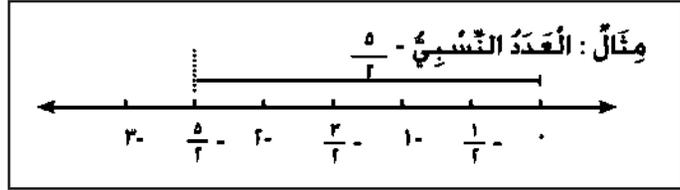
١ استخدم خط الأعداد في كتابته العدد المقابل للعدد النسبي المكتوب في الجدول :

$\frac{7}{2}$	$-\frac{1}{2}$	$-\frac{5}{2}$	$-\frac{4}{2}$	$-\frac{3}{2}$	$-\frac{2}{2}$	$-\frac{1}{2}$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{2}{2}$	$\frac{3}{2}$	$\frac{4}{2}$	$\frac{5}{2}$	$\frac{6}{2}$	$\frac{7}{2}$
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$-\frac{2}{2}$	$-\frac{7}{2}$	$-\frac{3}{2}$	$-\frac{7}{2}$	$-\frac{5}{2}$	$-\frac{4}{2}$	$-\frac{3}{2}$	$-\frac{1}{2}$	العدد النسبي				
									$-\frac{1}{2}$	العدد النسبي المقابل				

٢ أكمل الأعداد النسبية على خط الأعداد :



٣ اسْتَحْدِم السَّهْمَ لِلتَّعْبِيرِ عَنِ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ الْآتِيَةِ عَلَى حَظِّ الْأَعْدَادِ :



- [أ] $\frac{1}{3}$ [ب] $\frac{1}{3}$ [جـ] $\frac{4}{5}$
 [د] $3\frac{1}{2}$ [هـ] $1\frac{1}{5}$

٤ صَعِّحْ عَلَاقَةَ (√) أَمَامَ الْعِبَارَةِ الصَّحِيحَةِ وَعَلَاقَةَ (X) أَمَامَ الْعِبَارَةِ غَيْرِ الصَّحِيحَةِ مَعَ ذِكْرِ السَّبَبِ :

- () [أ] الْعَدَدُ $\frac{1}{3}$ ، عَدَدٌ طَبِيعِيٌّ.
 () [ب] الْعَدَدُ $-\frac{1}{3}$ ، عَدَدٌ صَّحِيحٌ.
 () [جـ] الْعَدَدُ $1\frac{5}{1}$ ، عَدَدٌ نِسْبِيٌّ.
 () [د] الْعَدَدُ ٦,٥ ، عَدَدٌ نِسْبِيٌّ.
 () [هـ] الصُّفْرُ كَيْسَ عَدَدًا نِسْبِيًّا مُوجِبًا وَكَيْسَ عَدَدًا نِسْبِيًّا سَالِبًا.
 () [و] الصُّفْرُ هُوَ عُنْصُرٌ مِنْ عُنَاوِرِ مَجْمُوعَةِ أَعْدَادِ الْعَدِّ.

٥ [أ] لِمَاذَا يُكْتَبُ فِي تَعْرِيفِ الْعَدَدِ النَّسْبِيِّ $\frac{1}{b}$ أَنْ $b \neq$ صِفْرٌ؟

- [ب] أَيُّ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ $\frac{7}{15}$ ، $\frac{7}{20}$ يُكْتَبُ عَلَى صُورَةِ عَدَدٍ عَشْرِيٍّ مُنْتَوٍ؟
 [جـ] اكْتُبِ الْأَعْدَادَ النَّسْبِيَّةَ الْآتِيَةَ عَلَى صُورَةِ عَدَدٍ عَشْرِيٍّ : (١) $\frac{1}{11}$ (٢) $3\frac{1}{15}$
 [د] أَوْجِدْ : $1 - 3\frac{1}{2}$ | $1 - \frac{5}{8}$ | $1 - 10,٣٧$ | $1 - 10,٢$ | $1 - \frac{1}{3}$

٦ اكْتُبِ الْأَعْدَادَ الْآتِيَةَ عَلَى الصُّورَةِ $\frac{p}{q}$:

- [أ] ٠,٤ [جـ] ٣٠٪ [هـ] $8\frac{1}{3}$
 [ب] ٠,٧٥ [د] صفر [و] (٠,٠)

٧ اكْتُبِ الْأَعْدَادَ الْآتِيَةَ عَلَى صُورَةِ أَعْدَادٍ عَشْرِيَّةٍ . نِسْبَةٍ وَمَوْثِقَةٍ :

- [أ] $\frac{1}{1}$ [جـ] $\frac{2}{11}$
 [ب] $2\frac{1}{2}$ [د] $-\frac{3}{1}$

مُقَارَنَةُ وَتَرْتِيبُ الأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ

الدَّرْسُ الثَّانِي

تمرين (١-٢)

١ ضَعِ العَلَامَةَ المُنَاسِبَةَ (>، =، <) :

- [أ] - $\frac{1}{2}$ < صفر
- [ب] - $\frac{3}{4}$ < $\frac{1}{4}$
- [ج] - $\frac{1}{2}$ < ٥-
- [د] $\frac{1}{4}$ < ٥
- [هـ] عَدَدٌ نِسْبِيٌّ مُوجِبٌ صفر
- [و] عَدَدٌ نِسْبِيٌّ سَالِبٌ صفر
- [ز] $1 - \frac{3}{2}$ < $\frac{1}{2}$
- [ح] $1 - \frac{15}{2}$ < $\frac{1}{7}$

٢ مَثَلِ مَجْمُوعَاتِ الأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ الأتِيَةِ عَلَى خَطِّ الأَعْدَادِ ثُمَّ اكْتُبِ عَنَاصِرَهَا فِي تَرْتِيبٍ تَصَاعُدِيٍّ:

- [أ] [٠ ، ١ ، ٢ ، ٣]
- [ب] [$\frac{1}{2}$ ، ١ ، $\frac{1}{2}$ ، صفر ، $\frac{1}{2}$]
- [ج] [$\frac{1}{2}$ ، $\frac{1}{3}$ ، $\frac{1}{4}$ ، ١]
- [د] [٥ ، ٦ ، ٤ ، ٥ ، ٣ ، ٥]

٣ أَيُّهُمَا أَكْبَرُ (وَضِّحْ إِجَابَتَكَ)

- [أ] $\frac{4}{7}$ أم $\frac{2}{3}$ ؟
- [ب] $\frac{5}{6}$ أم $\frac{4}{5}$ ؟
- [ج] $\frac{7}{6}$ أم $\frac{11}{15}$ ؟
- [د] $\frac{8}{3}$ أم $\frac{16}{7}$ ؟

٤ اكْتُبِ عَدَدًا نَسْبِيًّا مُنَاسِبًا فِي □ لِكُلِّ مِمَّا يَلِي :

- [أ] $\frac{3}{5}$ < □ < $\frac{2}{5}$
- [ب] $\frac{1}{3}$ < □ < $\frac{1}{3}$
- [ج] $\frac{1}{4}$ < □ < $\frac{1}{8}$
- [د] $\frac{2}{14}$ < □ < $\frac{1}{7}$

٥ اكْتُبِ العَدَدَ النَّسْبِيَّ الَّذِي يُسَاوِي $\frac{2}{5}$ وَمَجْمُوعَ حَدِيثِهِ ٢٤ ؟

- ٦ [أ] اكْتُبِ أَرْبَعَةَ أَعْدَادٍ نَسْبِيَّةٍ تَقَعُ بَيْنَ $\frac{2}{3}$ ، $\frac{3}{4}$ بِحَيْثُ يَكُونُ وَاحِدٌ مِنْهُمَا صَاحِبًا
- [ب] اكْتُبِ أَرْبَعَةَ أَعْدَادٍ نَسْبِيَّةٍ تَقَعُ بَيْنَ $\frac{4}{9}$ ، $\frac{5}{6}$

١ بَيِّنْ أَيْدًا مِنْ نَتَائِجِ جَمْعِ الأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ الآتِيَةِ مُوجِبًا وَأَيْهَا سَالِبًا :

$$\begin{array}{ll} \text{[أ] } (\frac{1}{4} -) + \frac{3}{4} & \text{[د] } (\frac{2}{3} -) + \frac{2}{3} \\ \text{[ب] } (\frac{3}{5} -) + \frac{1}{5} & \text{[هـ] } \frac{3}{5} + \frac{1}{5} - \\ \text{[جـ] } (\frac{11}{4} -) + \frac{12}{4} & \text{[و] } (\frac{1}{10} -) + \frac{10}{100} \end{array}$$

٢ أَحْسِبْ قِيَمَةَ كُلِّ مِمَّا تَأْتِي فِي أبْسَطِ صُورَةٍ :

$$\begin{array}{ll} \text{[أ] } (\frac{7}{5} -) + \frac{3}{10} & \text{[جـ] } \frac{2}{11} + \frac{9}{12} - \\ \text{[ب] } \frac{25}{8} + \frac{1}{4} & \text{[د] } (\frac{39}{100} -) + \frac{19}{10} \end{array}$$

٣ أَحْسِبْ قِيَمَةَ كُلِّ مِمَّا تَأْتِي فِي أبْسَطِ صُورَةٍ : هَلْ نَتَائِجُ الجَمْعِ عَدَدٌ نَسْبِيٌّ ؟

$$\begin{array}{ll} \text{[أ] } (5\frac{1}{3} -) + 8\frac{2}{3} & \text{[د] } (2\frac{1}{12} -) + 8\frac{1}{3} - \\ \text{[ب] } 2\frac{3}{8} + 15\frac{1}{2} - & \text{[هـ] } (9\frac{5}{8} -) + 4 \\ \text{[جـ] } 2\frac{3}{8} + \frac{1}{4} & \text{[و] } 13\frac{2}{7} + 20 - \end{array}$$

٤ اختر الإجابة الصحيحة من بين القوسين :

$$\begin{array}{ll} \text{(أ) ناتج جمع } \frac{6}{5} + \frac{1}{5} \text{ يساوي.....} & [\frac{7}{5} - , \frac{7}{5} , 1 - , 1] \\ \text{(ب) } \frac{3}{4} + 50\% = \text{.....} & [\frac{3}{4} , \frac{5}{4} , \%150 , \%75] \\ \text{(ج) } 0,25 + \frac{2}{5} = \text{.....} & [0,9 , 0,65 , \frac{3}{5} , \frac{11}{4}] \end{array}$$

الدَّرْسُ الرَّابِعُ

خَوَاصُّ عَمَلِيَّةِ الْجَمْعِ فِي مَجْمُوعَةِ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ

تمرين (١ - ٤)

١ اكتب خاصية جمع الأعداد النسبية المستخدمة في كل مما يأتي :

$$\begin{aligned} \text{أ] } \frac{7}{2} + \frac{9}{11} &= \frac{9}{11} + \frac{7}{2} \\ \text{ب] } \left[\left(\frac{1}{6} \right) + \frac{1}{3} \right] + \frac{2}{3} &= \left(\frac{1}{6} \right) + \left[\left(\frac{1}{3} \right) + \frac{2}{3} \right] \\ \text{ج] } \left(\frac{3}{4} \right) + \frac{3}{4} &= \text{صفر} \\ \text{د] } \frac{3}{4} - \left(\frac{3}{4} \right) &= \text{صفر} \end{aligned}$$

٢ احسب كلاً مما يأتي :

$$\begin{aligned} \text{أ] } \frac{4}{5} + \text{صفر} \\ \text{ب] } \text{صفر} + \left(\frac{7}{11} \right) \\ \text{ج] } \frac{3}{4} + \left[\left(\frac{1}{4} \right) + \frac{1}{4} \right] \\ \text{د] } \left(\frac{3}{6} + \frac{2}{6} \right) + \frac{5}{6} \\ \text{هـ] } \left(\frac{3}{9} \right) + \left[\left(\frac{4}{9} \right) + \frac{2}{9} \right] \end{aligned}$$

٣ اكتب المعكوس الجمعي لكل من الأعداد النسبية الآتية :

$$\begin{aligned} \text{أ] } \frac{3}{5} \\ \text{ب] } \frac{4}{9} \\ \text{ج] } \text{صفر} \\ \text{د] } ٦- \\ \text{هـ] } ٢,٣- \\ \text{و] } ٥,٤١ \end{aligned}$$

٤ أكمل

$$\begin{aligned} \text{أ] } \left[\left(1 \right) \frac{1}{2} \right] + \left[\left(1 \right) \frac{1}{2} \right] + \dots &= \left(1 \right) \frac{1}{2} + 1 \frac{1}{2} \\ \text{ب] } \dots + \left[\left(\frac{2}{22} \right) + \frac{2}{22} \right] &= \left(\frac{17}{22} \right) + \frac{2}{22} \end{aligned}$$

٥ استخدم خواص جمع الأعداد النسبية في تسهيل أجزاء العمليات الآتية في أبسط صورة :

$$\begin{aligned} \text{أ] } \left(1 \right) \frac{1}{4} + 7 \frac{1}{4} \\ \text{ب] } \frac{3}{4} + \frac{4}{5} + \frac{2}{3} \\ \text{ج] } 7 \frac{3}{8} + 13 \frac{1}{8} \end{aligned}$$

(١) صَعِّعْ عَلامَةَ (✓) أَمَامَ العِبارةِ الصَّحيحةِ وَعَلامَةَ (×) أَمَامَ العِبارةِ غَيرِ الصَّحيحةِ :

$$[أ] \left(\frac{3}{4} - \frac{9}{11} \right) = \left(\frac{3}{4} - \frac{9}{11} \right) + \frac{9}{11} = \left(\frac{3}{4} - \frac{9}{11} \right) + \frac{9}{11}$$

$$[ب] \left(\frac{1}{12} + \frac{3}{1} \right) = \left(\frac{1}{12} + \frac{3}{1} \right) - \frac{3}{1} = \left(\frac{1}{12} + \frac{3}{1} \right) - \frac{3}{1}$$

$$[ج] \text{ صفر} - \left(\frac{13}{5} - \frac{13}{5} \right) = \frac{13}{5} - \left(\frac{13}{5} - \frac{13}{5} \right)$$

$$[د] \frac{2}{5} + \frac{3}{4} = \frac{2}{5} - \frac{3}{4} = \frac{2}{5} - \frac{3}{4}$$

(٢) احسب قيمة كل مما يأتي في أبسط صورة :

$$[أ] \left(\frac{1}{2} - \frac{3}{4} \right) - \frac{3}{4} \quad [ج] \text{ صفر} - \left(\frac{17}{4} - \frac{17}{4} \right)$$

$$[ب] \left(\frac{5}{8} - \frac{1}{8} \right) - \frac{7}{8} \quad [د] \frac{3}{1} - \frac{1}{3} \quad [هـ] \frac{9}{5} - \frac{3}{5}$$

$$[و] \frac{1}{11} - \frac{1}{2} - \frac{1}{11}$$

(٣) أكمل ما يأتي :

(أ) إذا كان $s + \frac{1}{4} = 0$ فإن $s = \dots$

(ب) المعكوس الجمعي للعدد صفر هو

(ج) $1 - \dots = \frac{1}{4}$

(د) ناتج جمع $\frac{1}{4} + \frac{2}{4}$ يساوي المعكوس الجمعي للعدد

(هـ) باقى طرح $\frac{3}{5}$ من $\frac{2}{5}$ يساوى

(٤) إذا كانت $أ + ب = \frac{5}{4}$ ، $ب + ج = \frac{3}{4}$ ، $أ + ج = \frac{1}{2}$

فأوجد قيمة :

(١) $أ + ٢ب + ج$

(٢) $ب$

ضرب الأعداد النسبية

الدرس السادس

تمرين (١-٦)

١ احسب قيمة كل مما يأتي:

$$[أ] \frac{2}{5} \times \frac{3}{6} \quad [د] (-\frac{1}{5}) \times \frac{2}{5}$$

$$[ب] (-\frac{5}{3}) \times \frac{3}{8} \quad [ها] \frac{5}{8} \times \frac{1}{3}$$

$$[ج] (-\frac{2}{5}) \times \frac{4}{6} \quad [و] (-\frac{1}{5}) \times \frac{3}{8}$$

٢ أوجد الناتج في كل مما يلي:

$$[أ] \frac{4}{5} \times 1\frac{1}{2} \quad [ج] (-\frac{1}{15}) \times \frac{5}{1}$$

$$[ب] 1\frac{1}{9} \times \frac{2}{4} \quad [د] \frac{7}{17} \times 2\frac{2}{7}$$

٣ أوجد ناتج ما يلي:

$$[أ] (-\frac{4}{3}) \times |-\frac{3}{5}| \quad [ج] (-\frac{1}{5}) \times 2\frac{2}{4}$$

$$[ب] |-\frac{5}{3}| \times |1\frac{1}{2}| \quad [د] (-\frac{1}{8}) \times \frac{2}{5}$$

٤ إذا كانت $\frac{3}{4} = أ$ ، $\frac{12}{7} = ب$ ، $\frac{2}{3} = ج$

فأوجد القيمة العددية لما يأتي:

$$(١) أ ب ج + ٣ \quad (٢) أ ب - ج$$

٥ إذا كانت $\frac{1}{4} = أ$ ، $\frac{3}{4} = ب$ ، فأوجد في أبسط صورة قيمة كل من:

$$(١) أ ب + \frac{1}{3} \quad (٢) أ + أ ب$$

تمرين (٧-١)

١ اكتبُ خاصِّيةَ ضَرْبِ الأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ المُسْتَحْدَمَةِ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي :-

$$[أ] \left(\frac{1}{3} - \right) \times \frac{2}{3} = \frac{2}{3} \times \frac{1}{3} -$$

$$[د] \frac{5}{4} = 1 \times \frac{5}{4}$$

$$[هـ] 0,8 \times \text{صفر} = \text{صفر}$$

$$[ب] 1 = \left(\frac{5}{3} - \right) \times \frac{3}{5}$$

$$[جـ] \frac{7}{10} - \times \left(4 \times \frac{5}{3} \right) = \left(4 \times \frac{5}{3} \right) \times \frac{7}{10} -$$

٢ اكْمَلْ :

$$[د] 1 = \dots \times \frac{4}{11}$$

$$[أ] \dots \times \frac{4}{5} - = \left(\frac{4}{5} - \right) \times \frac{2}{3}$$

[هـ] العَدَدُ النَّسَبِيُّ الَّذِي لَيْسَ لَهُ مَعكُوسٌ ضَرْبِيٌّ هُوَ

$$[ب] \dots + 2 \times \frac{2}{3} = \left(\frac{1}{3} + 2 \right) \frac{2}{3}$$

$$[جـ] \dots = \frac{3}{1} \times \frac{1}{3}$$

٣ أَوْجِدْ قِيَمَةَ س فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي :

$$[د] 1 = \frac{17}{3} \times س$$

$$[أ] \frac{5}{7} = س \times \frac{5}{7}$$

$$[هـ] س = \frac{3}{7} - \times \frac{7}{3}$$

$$[ب] \text{صفر} = س \times \frac{7}{3}$$

$$[جـ] س \left[\left(\frac{2}{5} - \right) \times 5 + \frac{1}{3} \right] \times س = \left[\left(\frac{2}{5} - \right) + \frac{1}{3} \right]$$

٤ اسْتَحْدِمْ خَاصِّيةَ تَوَزِيعِ الضَّرْبِ عَلَى النِّجْمِ فِي تَسْهِيلِ إِجْرَاءِ العَمَلِيَّاتِ الآتِيَةِ:

$$[جـ] \left(\frac{2}{7} - \right) + \left(\frac{3}{7} - \right) \times 5 + 8 \times \frac{3}{7} -$$

$$[أ] 16 \times \frac{4}{9} + 11 \times \frac{4}{9}$$

$$[د] \frac{25}{9} \times \left(\frac{3}{7} - \right) + \frac{25}{9} \times \frac{18}{5}$$

$$[ب] 9 \times \frac{5}{12} + 3 \times \frac{5}{12}$$

قِسْمَةُ الأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ

الدَّرْسُ الثَّامِنُ

تمرين (١-٨)

١ احسب قيمة كل مما يأتي مع وضع الناتج في أبسط صورة:

[أ] $\frac{3}{5} \div \frac{4}{5}$

[د] $\frac{3}{5} \div \text{صفر}$

[ب] $(\frac{15}{7} -) \div \frac{8}{3}$

[هـ] $\frac{7}{1} \div \frac{4}{5}$

[جـ] $(\frac{4}{7} -) \div 14$

[و] $(7 -) \div \frac{3}{8}$

٢ احسب قيمة كل مما يأتي مع وضع الناتج في أبسط صورة:

[أ] $5\frac{1}{1} \div 2\frac{1}{5}$

[جـ] $1\frac{1}{14} \div 4\frac{1}{7}$

[ب] $(3\frac{1}{8} -) \div 2\frac{3}{4}$

[د] $(15 -) \div 1\frac{1}{4}$

٣ احسب قيمة كل مما يأتي مع وضع الناتج في أبسط صورة:

[أ] $(\frac{3}{7} -) \times (\frac{9}{35} \div \frac{18}{5} -)$

[جـ] $2\frac{1}{4} \div 1$

[ب] $1\frac{1}{9} \div (\frac{4}{3} \times 1\frac{1}{3} -)$

[د] $(\frac{9}{14} -) \div [(\frac{5}{7} -) \times \frac{12}{15} -]$

٤ إذا كان $s = \frac{3}{1}$ ، $v = -\frac{1}{4}$ ، $e = 2$ فأوجد في أبسط صورة القيمة العددية لكل من:

[أ] $(s + e) \div (e - v)$

[ب] $\frac{s + v}{e}$

تطبيقات على الأعداد النسبية

تمرين (١ - ٩)

١ حَوِّطِ الإجابة الصحيحة:

- [أ] إذا كان $P \times \frac{b}{c} = \frac{b}{c}$ فإن $b = \dots$ [١١ . صفّر . P . $\frac{P}{c}$]
- [ب] إذا كان $\frac{a}{3} - 4 = 1$ فإن $\frac{a}{3} + \frac{a}{3} = \dots$ [١١ . ١٠ . $\frac{32}{3}$. س]
- [ج] إذا كان $4س - ص = ١١$. ١١ . ص = $٣س$ فإن $س = \dots$ [١١ . $\frac{٧}{١١}$. $\frac{١١}{٧}$. $\frac{١}{١١}$]
- [د] إذا كان $\frac{٣س}{ص} = ١$ فإن $٢س - ٢ص = \dots$ [٣ . ٢ . ١ . صفّر]

٢ أوجد عددًا نسبيًا يقع عند مُتَّصِفِ المَسَافَةِ بَيْنَ:

- [أ] $\frac{٤}{٩}$ ، $\frac{٣}{٨}$ [د] $\frac{٩}{٤٢}$ ، $\frac{٣٧}{١٦٠}$
- [ب] $\frac{٣}{٤}$ ، $\frac{٧}{١١}$ [هـ] $\frac{٥}{٦}$ ، $\frac{٣}{٥}$
- [جـ] $\frac{١٣}{٣٥}$ ، $\frac{١١}{٩}$ [و] $\frac{٨}{٣}$ ، $\frac{٤}{٧}$

- ٣ [أ] أوجد عددًا نسبيًا يقع عند ثُلُثِ المَسَافَةِ بَيْنَ: $\frac{٣}{٤}$ ، $\frac{٤}{٧}$ (من جهة الأصغر)
- [ب] أوجد عددًا نسبيًا يقع عند رُبُعِ المَسَافَةِ بَيْنَ: $\frac{٧}{٨}$ ، $\frac{١}{٩}$ (من جهة الأصغر)
- [جـ] أوجد عددًا نسبيًا يقع عند خُمُسِ المَسَافَةِ بَيْنَ: $\frac{٣}{٥}$ ، $\frac{٢}{٣}$ (من جهة الأصغر)
- [د] أوجد عددًا نسبيًا يقع بَيْنَ $\frac{٣}{٤}$ ، $\frac{١}{٣}$

- [هـ] أوجد عددًا نسبيًا يقع بَيْنَ $\frac{١}{٩}$ ، $\frac{١}{٥}$

٤ ينساب الماء خلال أنبوب بمعدل $\frac{١}{٤}$ لتر في الدقيقة، ما عدد الدقائق التي يملأ فيها ٤ خزانات مياه سعة الواحد ٣٩ لترا؟

١ صَعِّعْ عَلاَمَةَ (✓) أَمَامَ الْعِبَارَةِ الصَّحِيحَةِ وَعَلاَمَةَ (×) أَمَامَ الْعِبَارَةِ غَيْرِ الصَّحِيحَةِ :

- () أ [كُلُّ عَدَدٍ صَحِيحٍ هُوَ عَدَدٌ نِسْبِيٌّ.]
 () ب [كُلُّ عَدَدٍ نِسْبِيٍّ لَهُ مَعْكَوْسٌ ضَرْبِيٌّ.]
 () ج [المَعْكَوْسُ الضَّرْبِيُّ لِلْعَدَدِ النِّسْبِيِّ عَدَدٌ صَحِيحٌ.]
 () د [الصَّفْرُ عَدَدٌ نِسْبِيٌّ.]
 () هـ [الأَعْدَادُ النِّسْبِيَّةُ $\frac{12}{11}$ ، $\frac{15}{20}$ ، $\frac{2}{4}$ تُعْمَلُ بِنُقْطَةٍ وَاحِدَةٍ عَلَى حَظِّ الأَعْدَادِ.]
 () و [$\frac{1}{5}$ مَعْكَوْسٌ ضَرْبِيٌّ لِلْعَدَدِ النِّسْبِيِّ $\frac{5}{4}$]
 () ز [$\frac{3}{3-س}$ هُوَ المَعْكَوْسُ الجَمْعِيُّ لِلْعَدَدِ النِّسْبِيِّ $\frac{3}{س-3}$ حَيْثُ س \neq 3]
 () ح [$(\frac{2}{5} + \frac{1}{7})$ مَعْكَوْسٌ ضَرْبِيٌّ لِلْعَدَدِ النِّسْبِيِّ $\frac{35}{31}$]

٢ حَوِّطِ الإِجَابَةَ الصَّحِيحَةَ:

- [أ] إِذَا كَانَ س + $\frac{1}{س} = 5 + \frac{1}{5}$ فَإِنَّ س = ...
 [ب] إِذَا كَانَ ٥ = ٢٥ = ٤٥ = ٦٥ = ١٠٥ فَإِنَّ ب = ...
 [ج] إِذَا كَانَ $\frac{س}{ص} = \frac{1}{3}$ فَإِنَّ $\frac{ص}{س} = \frac{3}{ص}$...
 [د] إِذَا كَانَ $\frac{3}{ص} = ٤٢$ فَإِنَّ $\frac{5}{ص} = ...$
- [٥ ، $\frac{5}{1}$ ، $\frac{4}{5}$ ، $\frac{1}{5}$]
 [٩ ، $\frac{1}{5}$ ، $\frac{1}{9}$ ، $\frac{1}{45}$]
 [$\frac{9}{4}$ ، $\frac{3}{1}$ ، ١ ، $\frac{1}{3}$]
 [١٠٠ ، ٣٠ ، ٤٥ ، ٧٠]

٣ اكْمِلِ بِنَفْسِ التَّسْلُسِلِ :

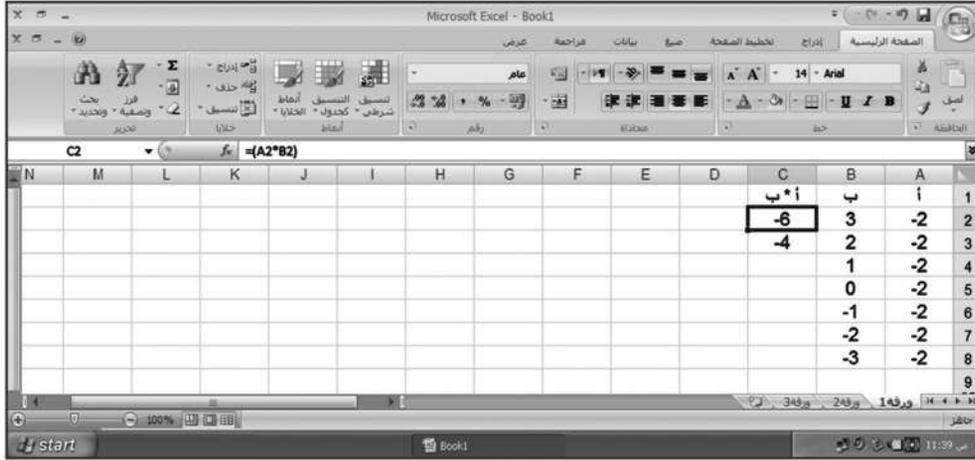
- [أ] $\frac{3}{4}$ ، ، ، ، $\frac{1}{4}$ ، $\frac{1}{5}$ ، $\frac{1}{4}$ ، ٦
 [ب] $\frac{1}{8}$ ، ، ، ٢ ، ٤ ، ٨

٤ إِذَا كَانَ س - $\frac{1}{3} = ص$ ، $\frac{3}{4} = ع$ ، ٣- . أَوْجِدِ الْقِيَمَةَ الْعَدَدِيَّةَ كِكُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

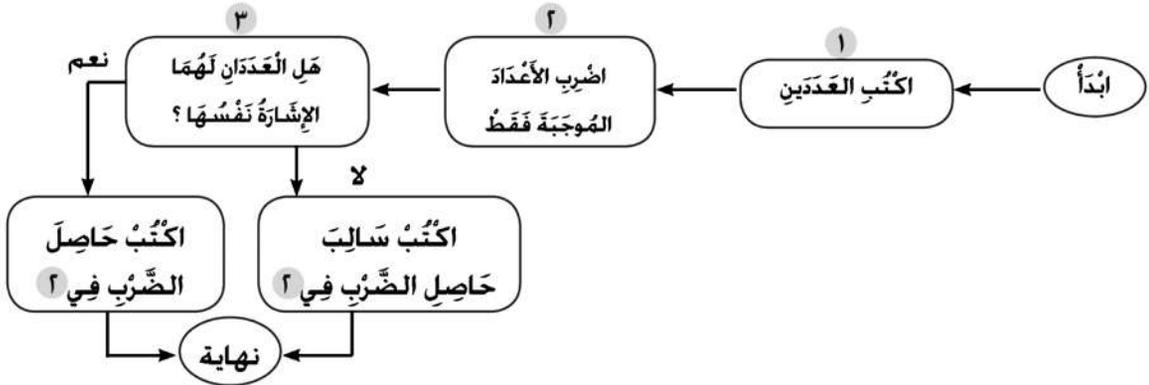
- [أ] س ص ع
 [ب] س ص + ص ع
 [ج] $\frac{س}{ص} = ع$
 [د] $\frac{س}{ص} - \frac{ص}{ع}$

أنشطة الوحدة

- استُخِدمَ برنامِجَ الجَدَاوِلِ الحِسَابِيَّةِ (إكسيل) في إِبْجَادِ حَاصِلِ ضَرْبِ عَدَدَيْنِ صَحِيحَيْنِ: ● اَضْعَطْ عَلَى زَرْبِ ابْدَأُ (start) فِي شَرِيْطِ الْمَهَامِّ
- مِنْ قَائِمَةِ بَرَامِجِ (programs) وَاخْتَرِ Microsoft Excel
 - تَسْتَطِيعُ إِجْرَاءَ تَعْيِيْنَةِ نَلْقَائِيَّةِ (Autofill) بِنَسْخِ الصِّبْغَةِ مِنْ خَلِيَّةِ C₁ إِلَى مَدَى «C₈:C₁»



- [أ] اكْمَلِ الْجَدَاوِلَ الْحِسَابِيَّةَ حَتَّى الصَّفِّ ١٥ بِقِيَمِ أُخْرَى لِلْأَعْدَادِ الصَّحِيحَةِ ٢ ، ب
- [ب] احْفَظِ الْعَمَلِ فِي الْمَلَفِّ الْحَاصِلِ بِكَ
- خَرِيْطَةُ سَيْرِ الْعَمَلِيَّاتِ تُسَاعِدُكَ فِي إِبْجَادِ حَاصِلِ ضَرْبِ الْأَعْدَادِ الصَّحِيحَةِ :



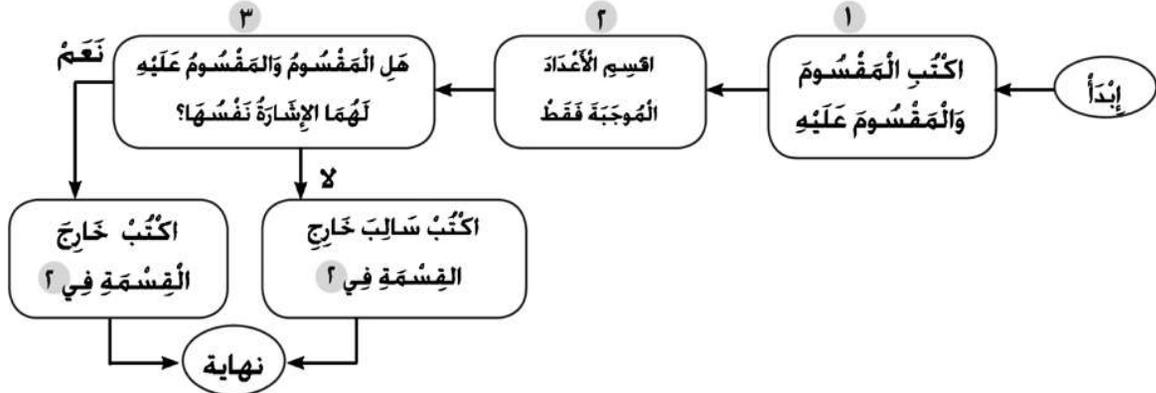
نشاط ٢

اِسْتِخْدِمِ بَرْنَامَجَ الْجَدَاوِلِ الْحِسَابِيَّةِ (إِكْسِل) فِي إِجْبَادِ خَارِجٍ قِسْمَةِ
عَدَدَيْنِ صَحِيحَيْنِ: تَسْتَطِيعُ إِجْرَاءَ وَتُعَيِّنُ تَلْقَائِيَّةَ (Autofill) بِنَسْخِ
الصَّبْغَةِ مِنْ خَلِيَّةٍ c_1 إِلَى مَدَى c_8 :

	A	B	C
1	1	ب	ب/أ
2	-6	-2	3
3	-4	-2	2
4	-2	-2	
5	0	-2	
6	2	-2	
7	4	-2	
8	6	-2	

- [أ] اكْمِلِ الْجَدَاوِلَ الْحِسَابِيَّةَ حَتَّى الصَّفِّ ١٥ بِقِيَمِ أُخْرَى لِلْأَعْدَادِ الصَّحِيحَةِ ب . ٢
[ب] احْفَظِ الْعَمَلِ فِي الْمَلَفِّ الْخَاصِّ بِكَ

خَرِيْطَةُ سَيْرِ الْعَمَلِيَّاتِ تُسَاعِدُكَ فِي إِجْبَادِ خَارِجٍ قِسْمَةِ عَدَدَيْنِ صَحِيحَيْنِ:



اِخْتِبَارُ الْوَحْدَةِ

١ اكْمِلْ :

[أ] المَعكُوسُ الصَّرِيحُ لِلْعَدَدِ النَّسْبِيِّ $\frac{1}{3}$ هُوَ

[ب] لِإِجَادِ خَارِجِ قِسْمَةٍ $\frac{7}{11}$ عَلَى $\frac{2}{4}$ يَجِبُ أَنْ تُضْرِبَ ×

[ج] صَفْرًا + (١٤ -) =

[د] ($\frac{3}{4}$ -) × $\frac{4}{3}$ =

[هـ] الْعَدَدُ النَّسْبِيُّ الَّذِي يَمُوعُ عِنْدَ مُنْتَصَفِ الْمَسَافَةِ بَيْنَ $\frac{1}{5}$ وَ $\frac{4}{5}$ هُوَ

[و] $\frac{1}{3} \times \frac{1}{3} + 2 \times \frac{1}{3} = (\frac{1}{3} + 2) \times \frac{1}{3}$ ×

٢ أَوْجِدْ قِيَمَةَ سِ الَّتِي تَجْعَلُ الْعِبَارَةَ الرِّثَائِيَّةَ الْأْتِيَةَ صَحِيحَةً :

[أ] $3 = \frac{5}{3} - \frac{2}{5} \times س$

[ب] $3 \frac{1}{3} - س = 3 \frac{1}{3} \times س$

[ج] المَعكُوسُ الصَّرِيحُ لِلْعَدَدِ النَّسْبِيِّ $\frac{1}{3}$ هُوَ س

[د] س × $(\frac{1}{3} -) + \frac{2}{4} = \frac{1}{3} \times \frac{3}{2} + \frac{1}{4} \times (\frac{1}{3} -)$

٣ احْسَبْ قِيَمَةَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي :

[د] $\frac{23}{45} \times 2 - \frac{23}{45} \times \frac{17}{11} + \frac{23}{45} \times \frac{7}{12}$

[أ] $(\frac{1}{3} - \frac{1}{2}) \times \frac{3}{4}$

[هـ] $(\frac{4}{5} -) + \frac{1}{6} \times (\frac{3}{7} + \frac{1}{2})$

[ب] $(\frac{9}{15} -) \div \frac{2}{5}$

[ج] $2 \frac{1}{4} + 3 \frac{1}{2} -$

٤ أ [تَنْسَابُ الْمَاءِ خِلَالَ أَنْبُوبٍ بِمَعْدَلِ $2 \frac{1}{4}$ لِتُرْفِي الدَّقِيقَةَ . مَا عَدَدُ الدَّقَائِقِ الَّتِي يُمَلَأُ فِيهَا ٣ خُرَّاتٍ

مِيَاهِ سَعَةِ الْوَأَحِدِ ٢٠ لِيُتْرَا ؟

[ب] مَا عَدَدُ قِطْعِ السَّلَكِ الَّتِي يُمَكِّنُ تَفْسِيمَهُ كُلِّ مِثْلِهَا بِالتَّسَاوِيِ إِلَى $3 \frac{3}{4}$ مِثْرٍ مِنْ قِطْعَةٍ طَوَّلُهَا

٦٠ مِثْرًا . هَلْ تَوْجَدُ قِطْعَةً بَاقِيَةً ؟ وَمَا طَوَّلُهَا ؟

٥ ضع العلامة المناسبة (<، =، >) :

$6\frac{1}{2}$ □	$ \frac{13}{2} - $ [د]	$4 -$ □	$3\frac{1}{2} -$ [أ]
$44\frac{5}{8}$ □	$\frac{392}{9}$ [هـ]	4 □	$3\frac{1}{2}$ [ب]
$15\frac{2}{3} -$ □	$\frac{214}{14} -$ [و]	صفر □	$\frac{7}{3} -$ [ج]

٦ [أ] إذا كان $s = \frac{3}{7}$ ، $v = -\frac{1}{2}$ ، $e = 2$ ، فأوجد القيمة العددية لكل مما يأتي :

(١) $s - e + v$ (٢) $\frac{e}{v} - \frac{s}{v}$ (٣) $\frac{1}{s - v}$

[ب] أوجد ناتج حاصل ضرب: $\frac{1}{7} \times \frac{2}{3} \times \frac{3}{4} \times \frac{4}{5} \times \dots \times \frac{99}{100}$

ما ناتج حاصل الضرب إذا كان آخر عدد نسبي $\frac{1}{n}$ ؟

الوحدة الثانية : الجبر

الدَّرْسُ الْأَوَّلُ

الْحُدُودُ وَالْمَقَادِيرُ الْجَبْرِيَّةُ

تمرين (٢ - ١)

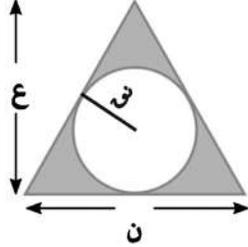
١ أكْمِلِ الْجَدْوَلَ التَّالِيَ:

الْحَدُّ الْجَبْرِيُّ	مُعَامِلُ الْحَدِّ الْجَبْرِيِّ	دَرَجَةُ الْحَدِّ الْجَبْرِيِّ
٧ -	٧ -	صفر
٢ ب' أ'	٢	٣ = ٢ + ١
٣		
٧ ب' أ' ح'		
٨ - س' ب'		
س ص'		

٢ أكْمِلِ الْجَدْوَلَ التَّالِيَ:

الْمَقْدَارُ الْجَبْرِيُّ	عَدَدُ حُدُودِ الْمَقْدَارِ الْجَبْرِيِّ	اسْمُ الْمَقْدَارِ الْجَبْرِيِّ	دَرَجَةُ الْمَقْدَارِ الْجَبْرِيِّ
٣ - ٥ ب'	١	مَقْدَارٌ نَوْحَدٌ وَاحِدٌ	١
٣ س' + ص	٢	مَقْدَارٌ نَوْحَدَيْنِ	٢
٥ س' - ٧ س' + ٤		مَقْدَارٌ ثَلَاثِيٌّ	
٢ ب' + ٣ ب' + ٣ ب' - ١ ب' - ١ ب' أ'			
س' س' - ٣ س' ص'			
٢ ب' - ٣ ب' + ٢ ب' + ٢ ب' + ١ ب' أ'			

- ٣ [أ] رتب المقدار الجبري $٧ب + ٥٥ب - ٣ب - ٣ب + ٣ب$ حسب أسس المتنازلية.
 [ب] رتب المقدار الجبري $٥س + ٧س - ٢س + ٣س$ حسب أسس المتصاعديّة.



مساحة الدائرة = $\pi \cdot ن^2$

٤ في الشكل المقابل:

اكتب المقدار الجبري الذي يعبر عن مساحة المنطقة المظللة ثم اذكر درجته.

٥ أكمل ما يأتي:

- أ) إذا كان الحدان الجبريان $٢ب^٣ + ١ب^٢$ ، $٣ب^٣ + ١ب^٢$ من الدرجة التاسعة، فإن $ن = \dots$ ، $م = \dots$
 ب) إذا كانت درجة الحد الجبري $٣س^٢ ص^٢$ هي درجة الحد الجبري $٢أ$ أو فإن $م = \dots$
 ج) درجة المقدار الجبري $٢س + ٣ص^٢$ هي \dots
 د) معامل الحد الجبري ٣٢ هو \dots ودرجته هي \dots

٦ اختر الإجابة الصحيحة من بين القوسين:

- أ) درجة الحد الجبري $س^٤ ص$ تساوي درجة الحد الجبري \dots
 [$س^٢ ص^٢$ ، $س^٢ ص^٣$ ، $س^٤ ص^٢$ ، $ص^٤ س^٢$]
 ب) عدد عوامل الحد الجبري $س$ هو \dots
 [٣ ، ٢ ، ١ ، ٠]
 ج) درجة المقدار الجبري $٢س + ٣ص^٢$ هي \dots
 [الأولى، الثانية، الثالثة، الرابعة]

تمرين (٢-٢)

١ اكْمِلِ الْجَدْوَلَ التَّالِيَّ

الْحُدُودُ الْجَبْرِيَّةُ الْمُتَشَابِهَةُ	الْحُدُودُ الْجَبْرِيَّةُ الْمُتَشَابِهَةُ	الْحُدُودُ الْجَبْرِيَّةُ
	- ٢ س، ١ س	- ٢ س، ٢ س، ١ س، ١ ص
٢ ٢ ب، ٢ ب		- ٢ ب، ٢ ب، ٢ ب، ٢ ب، ٢ ب
		١ ص، ١ ص، ١ ص، ١ ص، ١ ص
		٣ ٢، ٣ ٢، ٣ ٢، ٣ ٢

٢ اخْتَصِرْ كُلًّا مِنَ الْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ الْآتِيَةِ:

[أ] ٣ س - ٥ ص - ٢ س + ١ ص
[ب] ٧ ١ + ٦ ب - ٩ ١ + ٩ ب

[ج] ٢ س - ٤ ص - ٩ س - ٣ ص
[د] ١٩ ٢ - ٤ ١ + ١١ ٢ - ١٧ ١ + ٩ ١

٣ اكتبُ كُلًّا مِنَ الْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ الْآتِيَةِ الَّتِي تُعَبِّرُ عَنْ مَجْمُوعِ الْمَسَاحَاتِ لِكُلِّ شَكْلِ:

[أ]	[ب]	[ج]
١ ٣ س	٢ س، ١ س	٢ س، ٥ س
٣ س، ١ ص	٢ س، ٤ س	٦

٤ اخْتَصِرْ كُلًّا مِنَ الْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ الْآتِيَةِ:

[أ] ٥ س - ٣ س + ٤ - ٧ س - ٦ س - ١
[ب] ٦ س + ١ ص - ٣ س + ٢ ص - ٥ س + ٢ ص + ١ ص
[ج] ١ + ٢ ٦ - ٢ ٣ + ٥ - ٢ ٤ + ١
[د] ٥ س - ٢ س + ٧ - ٨ - ٣ + ١

ضرب الحدود الجبرية وقسمتها

الدرس الثالث

تمرين (٢-٣)

١ أجرِ عمليّات الضرب والقسم الآتية:

$$\begin{aligned} \text{[د]} \quad ٩س٤ص + ٦س٣ص \\ \text{[هـ]} \quad ٨م٤ن + ٣ن٤م \\ \text{[و]} \quad ٣٢ب١ - (-٣٤ب١) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{[أ]} \quad ٥س٣ص \times ٢س٣ص \\ \text{[ب]} \quad ٥ب١ \times (-٢ب١) \\ \text{[ج]} \quad ٨ص \times (-٧ص) \end{aligned}$$

٢ أجرِ عمليّات الضرب الآتية:

$$\begin{aligned} \text{[د]} \quad ٣س٣ \times ١س١ \\ \text{[هـ]} \quad \frac{٤ك٢}{٧} \times \frac{١ك١}{٢} \\ \text{[و]} \quad ٣٤ \times \frac{١}{٢} \times (-٣٧) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{[أ]} \quad ٣ \times \frac{٢}{٣} \\ \text{[ب]} \quad ٢١ \times \frac{٢}{٧} \\ \text{[ج]} \quad \frac{٨ب١}{١٠} \times \frac{١٥ب١}{٢} \end{aligned}$$

٣ أكمل:

$$\begin{aligned} \text{[د]} \quad ٧ب١٤ \times \dots = ٤ب٧٩٨ \\ \text{[هـ]} \quad ٣ب١ \times ٦ب١ = \dots \\ \text{[و]} \quad ٤٢س٤ص = ٣س١ص \times ٢س٣ص \times \dots \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{[أ]} \quad ٣٦ب١ = ١٢ب١ \times \dots \\ \text{[ب]} \quad ٩ب١ = ٣ب١ \times \dots \\ \text{[ج]} \quad ٤س٣ = ٢س١ \times \dots \end{aligned}$$

٤ اختر الإجابة الصحيحة من بين القوسين:

- (١) $٢ب١ \times ٢ب١ = \dots$
- [٢ب١، ٢ب٢، ٢ب٣، ٢ب٤]
- (٢) $٢ب١ \div ٢ب١ = \dots$
- [٢ب١، ٢ب٢، ٢ب٣، ٢ب٤]
- (٣) $١٠ب١ \div ٤ب١ = \dots$
- [٢ب١، ٢ب٢، ٢ب٣، ٢ب٤]

جَمْعُ الْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ وَطَرْحُهَا

الدَّرْسُ الرَّابِعُ

تمرين (٢ - ٤)

١ أوجد مجموع كل من:

[جـ] $٣س - ٤س - ٢س - ٤س + ٧$

[أ] $٣س - ٢ص + ٥س + ٢ص - ٢$

[د] $٣س - ٢س - ٢س - ٤س - ٢س - ٢$

[ب] $٣س + ٥س - ٦س - ٣س - ٣س + ٣$

٢ أوجد مجموع كل من المقادير الآتية:

[جـ] $٥س + ٢ص - ٤ع + ٢$

[ب] $٣س - ٧ب - ٥ح + ٢$

[أ] $٣س - ٤ص + ٢$

$٧س + ٣ص - ٣ع + ٣$

$٥س - ٤ب + ٥ح - ٥$

$٣س + ٧ص + ٣$

$٢س - ٥ص + ٤ع - ١$

$٣س + ٣ح + ٢$

٣ اطرخ:

[جـ] $٢س + ٣ب + ٣س - ٥ب + ٥$

[أ] $٢س - ٢س + ٥$

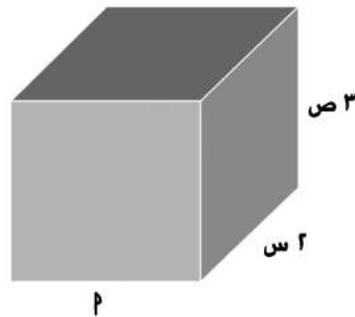
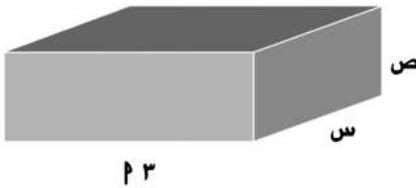
[د] $٢س - ٤س + ٧س + ٣س - ٤س - ٢$

[ب] $٢س + ٦ص - ٧س + ٥ص + ٢$

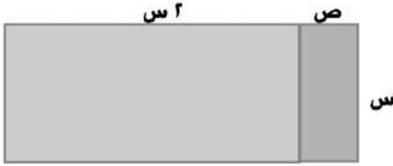
٤ [أ] ما زيادة $٥س - ١س$ عن $٣س + ٢س - ٣$

[ب] ما نقص $٨ب - ٢س$ عن مجموع $٣ب + ٣س - ٨ح$

٥ في الشكل التالي: احسب المساحة الكلية للمجسمين معاً.



١ الشَّكْلُ الْمُقَابِلُ مُسْتَطِيلٌ بَعْدَهُ س. ص + ٢ س مُقَسَّمٌ إِلَى جُزْأَيْنِ.



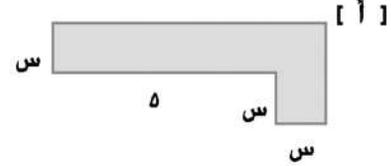
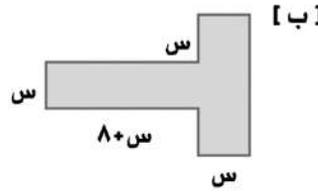
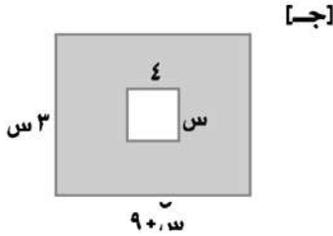
[أ] أَوْجِدْ مَجْمُوعَ مَسَاحَتِي الْجُزْأَيْنِ.

[ب] أَوْجِدْ حَاصِلَ ضَرْبِ بُعْدِي الْمُسْتَطِيلِ.

[ج] قَارِنِ الْإِجَابَاتِ فِي (أ) ، (ب) .

مَا الْخَاصِيَّةُ الْمُسْتَعْدَمَةُ الَّتِي يُوَضِّحُهَا الشَّكْلُ؟

٢ أَوْجِدْ مَسَاحَةَ كُلِّ شَكْلٍ مِنَ الْأَشْكَالِ الْآتِيَةِ:



٣ أَجْرِ عَمَلِيَّاتِ الضَّرْبِ الْآتِيَةِ:

[ز] $(2 - 1) \times$
[ح] $2 - (3 - 7)$

[د] $3 - (3 + 3)$

[هـ] $4 (2 - 3)$

[و] $2 \times 3 - 7$

$$\frac{3 \times \dots}{\dots}$$

[أ] $4 (3 - 3)$

[ب] $3 (3 + 5)$

[ج] $2 \times 3 - 5$

$$\frac{2 \times \dots}{\dots}$$

٤ أوجد ناتج عمليات الضرب الآتية :

[أ] $\frac{1}{3} \text{ س}^1 (1 \text{ س}^1 - 9 \text{ س ص} - 3 \text{ ص}^1)$

[ب] $2 \text{ س}^1 \text{ ص}^1 (2 \text{ س}^1 - 3 \text{ س ص} + \text{ص}^1)$

٥ اخْتَصِرِ الْمَقْدَارَ الْجَبْرِيَّ: $3(1 - 2 \text{ س}) - (5 \text{ س}^1 + 3) + 2 \text{ س} (3 + \text{س})$ ثُمَّ أَوْجِدِ الْقِيَمَةَ الْعَدَدِيَّةَ

لِلْمَقْدَارِ عِنْدَمَا $\text{س} = 2$

الدَّرْسُ السَّادِسُ

ضَرْبُ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ مُكَوَّنٍ مِنْ حَدِيثَيْنِ فِي مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ آخَرَ

تمرين (٢ - ٦)

١ أجز عمليّات الضرب الآتية:

- [أ] [٤ س + ١) (٢ س + ٣)
 [ب] [٢ - ٢ ٥) (٢ + ٢ ٦)
 [جـ] [٢ - ٨ س) (٢ - ٣ س - ٧)
 [د] [٧ - ٢ ٤)^١
- [هـ] [٣ س + ص)^١
 [و] [٧ - ٢ ٤) (٧ + ٢ ٤)
 [ز] [٦ س - ٢ ص) (٦ س + ٢ ص)
 [حـ] [٩ + ٢ ١ ٢ -) (٩ - ٢ ١ ٢ -)^١

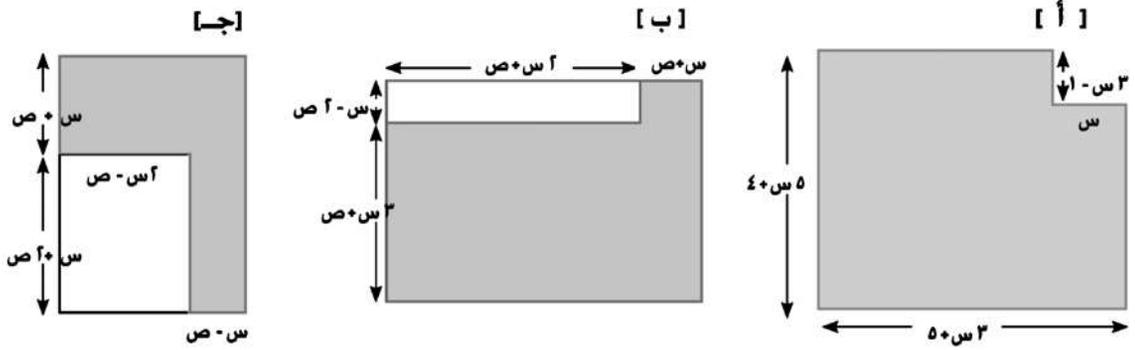
٢ اختصر لأبسط صورة:

- [أ] [٣ (٥ - ٢) (٢ + ٢)
 [ب] [٣ (٢ - ٥ - ٣) (٣ + ٣) (ب)
 [جـ] [٣ (٢ س + ٤ ص)^١
- [د] [٤ (٢ - ص)^١
 [هـ] [٥ س - ٢ ص)^١ - (٥ س + ٢ ص)^١
 [و] [٢ (٣ + ٢ س)^١ - (٥ - ٢ س)^١ - (٢ + ٣ س)^١

٣ حوِّط الإجابة الصحيحة:

- [أ] [إِذَا كَانَ (٢ س + ص) = ٤ س + ١ ك س ص + ص ١ فَيَنْ ك = ...] [٨ . ٤ . ٢]
 [ب] [إِذَا كَانَ (س - ص) (٢ س + ص) = ٢ س ١ + ك س ص - ص ١ فَيَنْ ك = ...] [٣ . ١ . ١ -]
 [جـ] [إِذَا كَانَ (س - ٣) (٣ + س) = ٣ س ١ + ك فَيَنْ ك = ...] [٩ - . ٦ . ٩]

٤ اكتب مقداراً جبرياً يعبر عن محيط ومساحة كل جزء مظلّل في الأشكال الآتية:



٥ اضرب ثم أوجد القيمة العددية للمقدار عندما $s = 1$ ، $s = 2$.

- [أ] [$(2s + 3)(7s + 4)$] [$(3s + 4)$]
 [ب] [$(3s + 5)(s + 3)$] [$(2s + 3)(4s + 5)$]

٦ أجرِ عمليات الضرب الآتية:

- [أ] [$(2s + 3)(s + 5)$] [$(2s + 3)(7s + 4)$]
 [ب] [$(2s + 3)(3s + 5)$] [$(2s + 3)(4s + 5)$]
 [ج] [$(2s + 3)(7s + 4)$] [$(2s + 3)(7s + 4)$]
 [د] [$(2s + 3)(4s + 5)$] [$(2s + 3)(4s + 5)$]

٧ [أ] أكمل إذا كان: $(2s - 2)^2 = 8 - 12s + 6s^2 - 4s^3$

فإن: $(2s - 2)^4 = \dots$

[ب] أوجد ناتج كل مما يأتي:

- (1) $(41)^2$ على الصورة $(1 + 40)$
 (2) $(49)^2$ على الصورة $(1 - 50)$
 (3) 201×199 على الصورة $(1 + 200)(1 - 200)$

قِسْمَةُ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ عَلَى حَدِّ جَبْرِيٍّ

الدَّرْسُ السَّابِعُ

تمرين (٢-٧)

الرُّمُوزُ فِي الْحُدُودِ وَالْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ الْأَيْتَةُ تُمَثِّلُ أَعْدَادًا لَا تَسَاوِي الصُّفْرَ.

١ أَوْجِدْ:

$$[أ] \quad \dots\dots = \frac{١٨}{٦} \times \frac{٥٢}{١} \times \frac{٢}{١} = \frac{١٨ \times ٥٢ \times ٢}{٦} \dots\dots$$

$$[ب] \quad \dots\dots + \dots\dots = \frac{١٥٠ - ٩٠}{٣٠} + \frac{١٥}{٣٠} = \frac{١٥٠ - ٩٠ + ١٥}{٣٠} \dots\dots$$

$$[ج] \quad \dots\dots = \frac{٨}{٤} - \frac{١٢}{٤} = \frac{٨ - ١٢}{٤} \dots\dots$$

$$[د] \quad \dots\dots + \dots\dots - \frac{١٦}{٨} = \frac{١٦ - ١٢ + ١٢ - ١٦}{٨} \dots\dots$$

$$\dots\dots + \dots\dots - \dots\dots =$$

٢ أَوْجِدْ خَارِجَ الْقِسْمَةِ فِي كُلِّ مِمَّا بَأْتِي:

$$[د] \quad \frac{١٨٠ \text{ ص}^٥ - ٤٢ \text{ ص}^٤}{٦٠ \text{ ص}^١} \dots\dots$$

$$[أ] \quad \frac{١٨}{٣} \dots\dots$$

$$[هـ] \quad \frac{٤٤ \text{ ص}^٤ - ١٨ \text{ ص}^٣ - ٤٢ \text{ ص}^١}{٦} \dots\dots$$

$$[ب] \quad \frac{١٨ \text{ م}^٤ + ٣٢ \text{ م}^٣}{٢٠ \text{ م}^٢} \dots\dots$$

$$[و] \quad \frac{٣٢ \text{ ص}^٥ - ٤٨ \text{ ص}^٣ + ٧٢ \text{ ص}^٢}{٨٠ \text{ ص}^٢} \dots\dots$$

$$[ج] \quad \frac{٤٨ \text{ ص}^٣ - ٨٠ \text{ ص}^١}{٨٠ \text{ ص}^١} \dots\dots$$

١ أوجد خارج قسمة كل مما يلي

(١) $٢س٢ + ١٣س + ١٥$ على $س + ٥$

(٢) $٣س٣ - ٤س + ١$ على $س - ١$

(٣) $٢س٣ + ٣س - ٣$ على $س٢ - ٢س - ١$

(٤) $٤س + ٤٩ - ١٨س٢$ على $٢س٢ - ٧س + ٧$

(٥) $٤س + ٣س٣ + ٢$ على $س٢ + ١$

(٦) $٣س - ٢٧$ على $س - ٣$

٢ (١) أوجد قيمة $ك$ التي تجعل المقدار $٣س٣ - ٢س٣ - ٢٥س + ك$

يقبل القسمة على $س٢ + ٤س + ٣$

(٢) مستطيل مساحة سطحه $(٢س٢ + ٧س - ١٥)$ فإذا كان طوله $(س + ٥)$ فلوجد :عرضه ثم أحسب محيطه إذا كانت $س = ٣$ سم

التَّحْلِيلُ بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمُشْتَرَكِ الْأَعْلَى

تمرين (٢ - ٩)

١ حَلِّلْ بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمُشْتَرَكِ الْأَعْلَى:

- [أ] ٣ س^١ + ٦ س
[ب] ٨ ص^٢ - ٤ س^١
[ج] ٥ ص - ١٠
[د] ٣٥ م + ١٠ م^١
[هـ] ٤٩ ب^١ - ٧ ب^٢
[و] ٣ س^١ + ٢ س - ٦

٢ حَلِّلْ بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمُشْتَرَكِ الْأَعْلَى:

- [أ] ١٢ م^١ ب + ١٨ م^٢ ب^١
[ب] ٩ م^٤ هـ - ٦ م^٣ هـ + ١٢ م^١ هـ^٤
[ج] ١٨ م^١ ب ح - ٦ م^١ ب ح + ٣٠ م^١ ب ح^١ - ٢٤ م^١ ب^١ ح^١
[د] ٢ س^٢ + ٤ س^١ - ٦ س + ٢ س^٢
[هـ] ٣ س (ب + م) + ٧ (ب + م)
[و] (٤ + س) س^١ + (٤ + س) ص^١
[ز] ٣ س^١ (س - ٧) + ٢ س (س - ٧) + ٥ (س - ٧)
[ح] ٣٤ م^١ (أ س + ص) - ٣٣ (أ س + ص) - ٧ (أ س + ص)

٣ أَوْجِدْ نَاتِجَ مَا يَلِي بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمُشْتَرَكِ الْأَعْلَى:

- [أ] $١٨ \times ٧ - ٣٥ \times ٧ + ١٢٣ \times ٧$
[ب] $١٥ \times ٨ - ١٥ \times ١٨ + ١٥ \times ٦$

١ حَوِّطِ الإِجَابَةَ الصَّحِيحَةَ:

[أ] إِذَا كَانَ $P = 2$ صفر، $b = 5$ ، $c = 2$ فَإِنَّ الْقِيَمَةَ الْعَدَدِيَّةَ لِلْمُقَدَّرِ:

[٨ . ٦ . ٢ . ٠]

$P + b + c$ يُسَاوِي ...

[ب] إِذَا كَانَ تَمَنُّ أَرْبَعَةَ مُضَانٍ س جُنَّتْهَا فَإِنَّ تَمَنَّ ٤٠ قَمِيصًا يُسَاوِي ...

[١٠ س ، $\frac{س}{٤٠}$ ، $\frac{س}{٢}$ ، $\frac{س}{٤}$]

[١٤٠ . ٧٢ . ٦٨ . ٣٥]

[ج] إِذَا كَانَ $\frac{P}{b} = 70$ فَإِنَّ $\frac{P}{b}$ =

[س + 'ص' ، س + 'أ' ، ٧س + 'ص' ، س + 'أ']

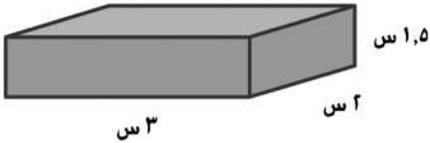
[د] ٧س + 'أ' = ١٤ص + 'أ' (.....)

[٣س + 'أ' ، ٥س + 'أ' ، ٣س + 'أ' ، ١س + 'أ']

[هـ] ٥س + 'أ' = ٣س + 'أ' = ...

[$\frac{٢}{٧}$ ، $\frac{س}{٧}$ ، $\frac{س}{٧}$ ، ٢س]

[و] $\frac{س}{٧} - \frac{س}{٧} = ...$



[ز] حَجْمُ مُتَوَازِي الْمُسْتَطِيلَاتِ الْمُقَابِلِ يُسَاوِي

[٦,٥ س ، ٢ (٥س) (٥س) ، ٩س ، ٢ (٤,٥س)]

[حـ] إِذَا كَانَتْ س = ٤ ، ص = ٦ ، ع = ٢٤ فَإِنَّ

[س = $\frac{ع}{ص}$ ، س = $\frac{ص}{ع}$ ، س = ص + ع]

٢ أَكْمِلْ:

[أ] دَرَجَةُ الْحَدِّ الْجَبْرِيِّ $٣س$ ص هِيَ وَمَعَامِلُهُ هُوَ

[ب] $٦ + ٦ = ١٢$ ، $٣ + ٣ = ٦$ (.....)

[جـ] س (١ + ٦) - ص (١ + ٦) = (.....)

[د] $٤ + ٤ = ٨$ ، $٢ + ٢ = ٤$ (.....)

[هـ] $٧ + ٧ = ١٤$ ، $٨ + ٨ = ١٦$ ، $٩ \times \dots + ٨ \times \dots =$

[و] $(١ + ٢٠) - (١ - ٢٠) = ٤٠٠$...

[ز] الْحَدُّ السَّابِعُ فِي النَّمِطِ : $\frac{1}{1000}$ ، $\frac{1}{100}$ ، هُوَ

٣ اختصر إلى أبسط صورة:

[أ] $\frac{٢٤ + ٩ + ٥ - ٢ - ٦ + ٣}{٣}$ [ب] $\frac{٣س + ٥س + ٢س}{٢س}$

[ج] $\frac{٢س^٢ + ٤س^٢}{٤س^٢}$ [د] $\frac{٣س(٣س + ٤س) + ٣س(٣س + ٤س)}{٣س + ٤س}$

٤ اختصر بطريقتين مختلفتين:

[أ] $\frac{٣س + ٢س}{س}$ [ب] $\frac{١٩ - ١٩ \times ٢}{١٩}$

٥ أجرِ عمليّات الضرب الآتية:

[أ] $(٢س - ٥ص)(٢س + ٥ص)$ [د] $(٣س - ٤ص)$

[ب] $(٢س - ٥ص)(٢س - ٥ص)$ [هـ] $(٢س - ٤ص)$

[ج] $(١س + ١)(١س - ١)$ [و] $(٣س - ٥ب)(٢س + ٧ب)$

٦ حلّل بإخراج العامل المشترك الأعلى:

[أ] $١٦س + ٨س$ [ج] $٣٠ \times ١٥ - ١٣ \times ١٥ + ١٧ \times ١٥$

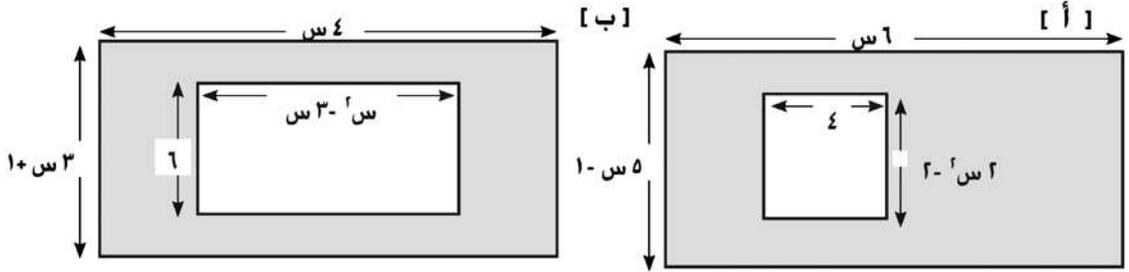
[ب] $١٥س^٣ + ٦س^٢ - ٣س$ [د] $٤٨ \times ٥٣ + ٤٨ \times ٧ + ٤٨$

٧ [أ] ما زيادة المقدار الجبري $٣س - ٥س + ٢س$ عن مجموع المقادير الجبرية

$٥س + ١س - ٤س$

[ب] اختصر إلى أبسط صورة: $٤س + (٥س + ٦س) - ٦س$ ثم أوجد القيمة العددية للمقدار عند $١ = ٥س$

٨ أوجد المقدار الجبري الذي يعبر عن الجزء المظلل:



٩ [أ] إذا كان $4s - 3 = b$ ، $3s + 1 = c$ ، $3s - 2 = d$ أوجد قيمة المقدار:

ب - ح بدلالة س.

[ب] اضرب (س - ٢ص) في (س + ٢ص) في (س + ٤ص)

١٠ أكمل:

[أ] درجة المقدار الجبري $5s^3 + 3$ هي

[ب] $(1-s) \dots = 1 + 4s$

[ج] $أ^2 + ب^2 = أ(أ + ب) \dots$

[د] $(5-s) \dots = 25 - 5s$

١١ حوِّط الإجابة الصحيحة:

[أ] عدد عوامل الحد الجبري $2s^3$ يساوي

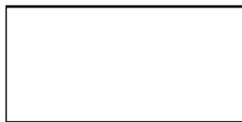
[٢، ٣، ٤، ٥]

[ب] $4s^2 - 2s + 1 = (2s - 1)(2s + 1)$

[٤س، ٢س، ٢س، ٢س]

[ج] إذا كان طول ضلع مكعب 2 ب فإن حجمه يساوي

[2^3 ، 2^2 ، 2 ، 2^4]



[د] إذا كان أبعاد المستطيل المقابل 2 ب، 3 ب فإن محيطه يساوي

ب ٣

[$2 + 3$ ، $2 + 3$ ، $2 + 3$ ، $2 + 3$]

[هـ] تَحْلِيلُ الْمُفَدَّارِ الْجَبْرِيِّ ١س١ ص٤- س٤ بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمُسْتَشْرَكِ
الْأَعْلَى هُوَ....

[٣س٣ ص (س + ص) . ٢ س ص (٣ - ٢) . ٢ س ص (٣ - ٢) . ٢ س ص (٣ - ٢)]

أوجد خارج قسمة كل مما يأتي :

١٢

[أ] ٢س٢ + ٣س + ٢ على س + ١
[ب] ٣٧س٢ - ٤ - ٤س٩ على ٣س٢ - ٢ - ٢س٥ + ٥س

أنشطة الوحدة

نشاط (١)

استخدم برنامج الجداول الحسابية (إكسيل) للتحقق من أن:

$${}^n P_r = {}^n P_r \times r!$$

	A	B	C	D	E
1	1	2	3	16807	16807
2	2	3	2	7776	7776
3	3	2	1	1	1
4	4	3	2	1	1
5	5	4	3	2	2
6	6	5	4	3	3
7	7	6	5	4	4
8	8	7	6	5	5
9	9	8	7	6	6

- أكمل الجداول الحسابية حتى الصف ١٥ بقيم أخرى موجبة للأعداد n, r, P .
- هل القاعدة تُنتج نواتج ثابتة؟
- هل تُطبّق القاعدة السابقة على الأساس السالب ($P > \text{صفر}$)؟
- اتبع الخطوات السابقة في التحقق من أن ${}^n P_r = {}^n P_r \times r!$. $n \leq P$. $\text{صفر} < P$
- هل القاعدة السابقة صحيحة للأساس السالب ($P > \text{صفر}$)؟
- احفظ العمل في الملف الخاص بك.

نشاط (٢)

أدخل ما يلي على الجداول الحسابتية (إكسيل):

	A	B	C	D	E	F
1	a	b	$2^a(b+a)$	$2^a(b+b+a^2+2^a)$	$2^a(b-a)$	$2^a(2^a-2^a+b^2+b)$
2	31	-17	196	196	2304	2304
3	-14	-23				
4	62	-71				
5	-15	29				
6	-36	-71				
7	-18	0				
8	98	-71				
9	0	87				
10	15.2	27.1				
11	-6.91	-3.24				

[أ] حَقِّقْ أَنَّ: $(b + a)^2 = a^2 + 2ab + b^2$ بِإِكْمَالِ الْعَمُودِ ح.

اكتب ما يعبر عن الخليئة C_r

اكتب ما يعبر عن الخليئة D_r

[ب] حَقِّقْ أَنَّ: $(b - a)^2 = a^2 - 2ab + b^2$ بِإِكْمَالِ الْعَمُودِ ه.

اكتب ما يعبر عن الخليئة E_r

اكتب ما يعبر عن الخليئة F_r

[ج] أكمل الجداول الحسابتية حتى الصف ١٥ بقييم أحرري للأعداد a, b وأوجد القيم في الأعمدة من C إلى F ماذا تلاحظ؟

[أ] استخدِمْ الطَّرِيقَةَ السَّابِقَةَ فِي التَّحَقُّقِ مِنْ أَنَّ: $(b - a)^2 = a^2 - 2ab + b^2$

[ب] احفظ العمل في الملف الخاص بك.

٤ ضع العلامة (✓) أمام العبارة الصحيحة والعلامة (×) أمام العبارة غير الصحيحة.

- () [أ] دَرَجَةُ الْحَدِّ الْجَبْرِي ٣ س^٤ هي ٤
 () [ب] الْحَدَّانِ الْجَبْرِيَّانِ ٧ س^١، ٢ س^٧ مُتَشَابِهَانِ.
 () [ج] دَرَجَةُ الْمُقَدَّارِ الْجَبْرِيِّ: ٣ س ص + ٥ هي الدَّرَجَةُ الثَّانِيَةُ
 () [د] الْمَعْكَوسُ الْجَمْعِيُّ لِلْمُقَدَّارِ ٢ س - ٣ ص هُوَ ٣ ص - ٢ س
 () [هـ] ٣ = ٣ × ب × ب
 () [و] (س + ٢) = س + ٤

٥ [أ] أَوْجِدْ خَارِجَ قِسْمَةِ الْمُقَدَّارِ ٣ س^٣ - ٤ س ص^٤ + ٦ س ص على س ص.

[ب] أَوْجِدْ نَاتِجَ مَا تَلِي بِإِخْرَاجِ الْعَاوِلِ الْمُسْتَرَكِّ الْأَعْلَى:

$$(١) ١٧ - ١٧ \times ٨$$

$$(٢) ١٥ \times ٢٤ - ١٥ \times ١٨ + ٣٠ \times ٦$$

٦ [أ] اطْرَحْ ٥ س^٤ + ص^٤ - ٣ س ص من س^٤ - ٢ س ص + ٣ ص^٤

[ب] اخْتَصِرْ إِلَى أَبْسَطِ صُورَةٍ:

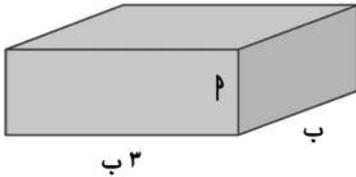
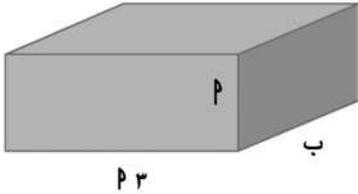
$$(٧ س ص - ٣ س) - (٥ س ص - س)$$

٧ أَوْجِدِ الْقِيَمَةَ الْعَدَدِيَّةَ لِكُلِّ مُقَدَّارٍ جَبْرِيٍّ

$$(٢ + ٣ ب) - (٢ - ٣ ب) \text{ عِنْدَمَا } ٢ = ١, ١ = ب = ٢:$$

٨ في الشَّكْلِ الْمُقَابِلِ:

صَهْرَ مَتَوَازِيَا الْمُسْتَطِيلَاتِ لِعَمَلِ مَتَوَازِي
 مُسْتَطِيلَاتٍ آخَرَ ارْتِفَاعُهُ (ب + ٢) أَوْجِدْ
 مَسَاحَةَ قَاعِدَةِ مَتَوَازِي الْمُسْتَطِيلَاتِ
 الْجَدِيدَةِ.



٩ أوجد قيمة ك التي تجعل

$$[أ] [المقدار ٦ س - ٣ س - ١٣ س - ٢ س + ك يقبل$$

$$\text{القسمة على } ٣ س - ٥$$

$$[ب] [المقدار ٣ س - ٣ س - ٢ س - ٢٥ س + ك يقبل القسمة على ٣ س + ٢ س + ٤ س + ٣$$

الوحدة الثالثة : الإحصاء

مقاييس النزعة المركزية: المتوسط الحسابي

الدَّرْسُ الأوَّلُ

تَمْرِينٌ (٣-١)

١ أكمل ما يأتي:

- أ - المتوسط الحسابي للقيم: ١٨ ، ٣٥ ، ٢٤ ، ٦ يساوى
- ب - إذا كان المتوسط الحسابي للأعداد ٣ ، ٥ ، س هو ٤ فإن س =
- ج - إذا كان مجموع خمسة أعداد يساوى ٣٠ فإن المتوسط الحسابي لهذه الأعداد يساوى

٢ أوجد المتوسط الحسابي لكل مجموعة من القيم الآتية:

- (أ) ٦ ، ٤ (هـ) ٥ ، ٣ (ح) ٤ ، ٣
- (ب) ٦ ، ٤ ، ٢ (و) ٥ ، ٣ ، ١ (ط) ٥ ، ٤ ، ٣ ، ٢ ، ١
- (ج) ١٠ ، ٦ (ز) ١ ، $\frac{1}{4}$ (ي) ٢٠ ، ١٠
- (ع) ٥٥ ، ٦٠ ، ٥٠ ، ٣٥

٣ إذا كانت درجات الحرارة لأسبوع كامل من شهر ديسمبر فى إحدى المدن كالتالي:

٢٥° ، ٢٧° ، ٣١° ، ٢٣° ، ٢٢° ، ٢٢° ، ١٨°

احسب المتوسط الحسابي لهذه الدرجات.

٤ إذا كانت ساعات المذاكرة لإحدى الطالبات خلال ٦ أيام متتالية كالتالي:

اليوم	السبت	الأحد	الاثنين	الثلاثاء	الأربعاء	الخميس
عدد ساعات المذاكرة	$2\frac{1}{4}$	٣	$2\frac{1}{4}$	٣	٤	٢

احسب متوسط عدد ساعات المذاكرة يوميا.

٥ إذا كانت درجات شريف فى ٣ شهور متتالية فى مادة الرياضيات كالتالي:

٨٩ ، ٩١ ، ٩٦ . احسب متوسط الدرجات شهريا لهذا الطالب.

الوسيط

الدَّرْسُ الثَّانِي

تمرين (٣-٢)

١ اختر الإجابة الصحيحة مما بين الأقواس:

أ - إذا كان ترتيب الوسيط لمجموعة قيم هو الرابع فإن عدد القيم يساوي
(٩ ، ٧ ، ٥ ، ٣)

ب - إذا كان ترتيب الوسيط لمجموعة قيم هو الرابع. الخامس. فإن عدد هذه القيم يساوي.....

(٩ ، ٨ ، ٥ ، ٤)

ج - إذا كان الوسيط للقيم $٣ + أ + ٢$ ، $٤ + أ$
حيث $أ \exists$ ص + هو ٨ فإن $أ =$

(٥ ، ٤ ، ٣ ، ٢)

د - الوسيط للقيم: ٤ ، ٨ ، ٣ ، ٥ ، ٧ هو

(٧ ، ٥ ، ٤ ، ٣)

٢ أوجد الوسيط لكل مجموعة من مجموعات القيم الآتية:

أ) ٨ ، ١١ ، ١٢ ، ٥ ، ٣

ب) ١٠ ، ٨ ، ١١ ، ١٢ ، ٥ ، ٣

ج) ١ ، $\frac{١}{٤}$ ، $\frac{١}{٢}$

د) -٢ ، صفر ، ١ ، ٥

٣ الجدول التالي يبين درجات جهاد في امتحان مادة الرياضيات في ٦ شهور دراسية:

الشهر	أكتوبر	نوفمبر	ديسمبر	فبراير	مارس	أبريل
الدرجة	٤١	٢٥	٤٧	٣٧	٤٤	٤٨

أوجد:

أ - الوسيط للدرجات السابقة.

ب - المتوسط الحسابي للدرجات السابقة.

تمرين (٣-٣)

١ أكمل ما يأتي:

- أ - المنوال لمجموعة القيم: ١٤ ، ١١ ، ١٢ ، ١١ ، ١٤ ، ١٥ ، ١١ هو
- ب - المنوال للألوان: أحمر. أصفر. أحمر. أبيض. أسود. أحمر أبيض هو اللون.....
- ج - إذا كان المنوال للقيم: ١٥ ، ٩ ، س + ١ ، ٩ ، ١٥ هو ٩ فإن س =

٢ اختر الإجابة الصحيحة مما بين الأقواس

- أ - المنوال للقيم ١ ، ٣ ، ٧ ، ٦ ، ٣ ، ٧ هو
- (١ ، ٣ ، ٦ ، ٧)
- ب - إذا كان المنوال لمجموعة القيم:
- ٧ ، ٥ ، ص + ٣ ، ٥ ، ٧ هو ٧ فإن ص =
- (٣ ، ٤ ، ٥ ، ٧)

٣ احسب الوسط، الوسيط، المنوال للقيم الآتية:

٥ ، ٤ ، ١٠ ، ٣ ، ٣ ، ٤ ، ٧ ، ٤ ، ٦ ، ٥

أنشطة الوحدة

١ أي من الأعداد التالية هو المتوسط الحسابي للأعداد الأخرى؟

أ) ٢٦ ب) ٢٨ ج) ٢٩ د) ٣٠ هـ) ٣٧

٢ إذا كان متوسط درجات كريم في ٥ اختبارات هو ٨٤. كان متوسط درجاته في الاختبارات

الثلاثة الأولى هو ٨٠. فما متوسط درجاته في آخر اختبارين؟

٣ احسب المتوسط الحسابي والوسيط لكل مجموعة من مجموعات الأعداد

الآتية:

أ) ١، ٢، ٣،، ٨، ٩، ١٠

ب) ١، ٢، ٣،، ٩، ١٠، ١١

ج) ١، ٢، ٣،، ٩٩، ١٠٠

د) ١، ٢، ٣،، ١٠٠، ١٠١

هـ) ٠، ٢، ٤، ٦، ٨، ١٠

و) ١، ٣، ٥،، ٩٩

* هل لكل مجموعة من مجموعات الأعداد السابقة منوال؟

الوحدة الرابعة : الهندسة و القياس

مفاهيم هندسية

الدَّرْسُ الْأَوَّلُ

تَمْرِينٌ (٤-١)

١ أكمل :

- أ) إذا كان $\angle P = 80^\circ$ فإن $\angle Q$ ($\angle P$) المنعكسة =
 ب) الزاويتان المتتامتان والمتساويتان في القياس يكون قياس كل منهما =
 ج) $\angle P$ ، $\angle B$ متكاملتان ، $\angle P = 2^\circ$ و $\angle B$ يكون $\angle B$ =
 د) $\angle M$ مَدَّ ج م إلى هـ

٢ ارسُم الزاوية ب ج

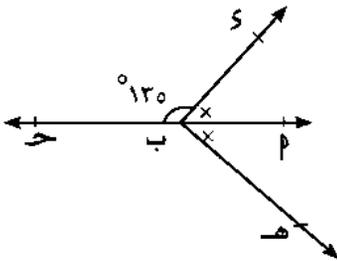
- أ) أوجد قياس $\angle B$ ج
 ب) ارسُم $\angle P$ بين الشعاعين م ج ، م ب
 بحيث $\angle P = \frac{1}{2} \angle B$ و $\angle B$ ج
 ج) هل $\angle P$ ينصف $\angle B$ ج
 د) ارسُم $\angle M$ و $\angle P$ متصفاً $\angle B$ ج
 هـ) ارسُم $\angle P$ و $\angle M$ متصفاً $\angle B$ ج
 و) اذكر أزواج الزوايا المتتامّة.
 ز) اذكر أزواج الزوايا المتكاملة.

٣ أ) ارسُم الزوايا التي قياساتها: 60° ، 115° ، 195° ، 245° ثم اكتب نوع كلٍّ منها.

ب) اكتب مكمّلات الزوايا التي قياساتها: 10° ، 117° ، 82° ، 92°

ج) اكتب ممتّمات الزوايا التي قياساتها: 37° ، 48° ، 45° ، 22°

٤ في الشكل المقابل :



إذا كانت $\angle a = 135^\circ$ ،

$\angle b$ ينصف $\angle c$ هـ

فأوجد كلاً من :

$\angle d$ ، $\angle c$ ، $\angle b$ ، $\angle a$ هـ

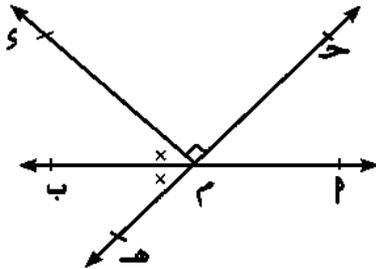
٥ في الشكل المقابل :

إذا كان $\angle ب = \angle ح$ ،

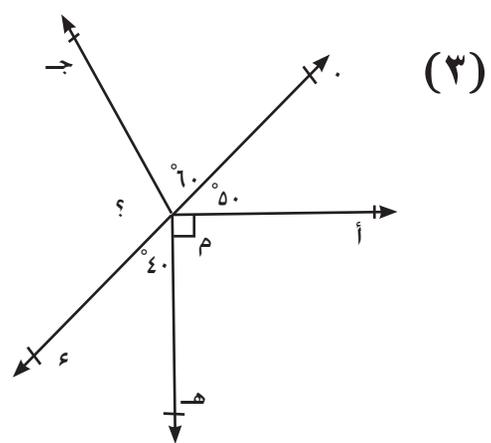
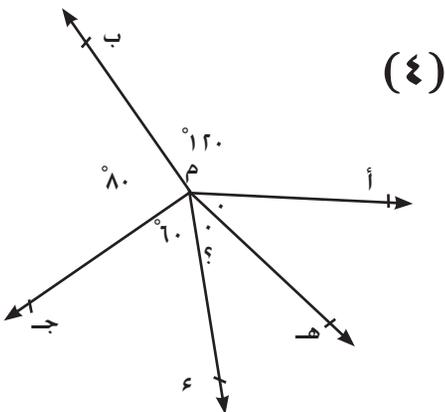
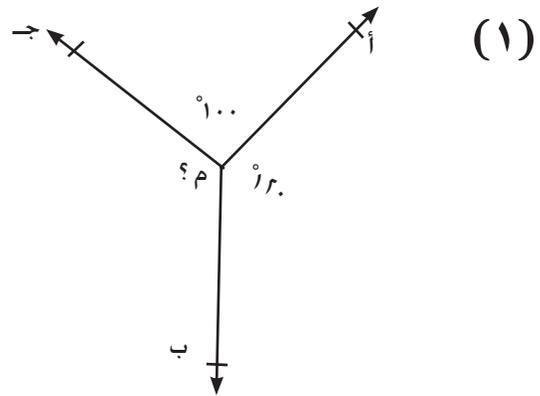
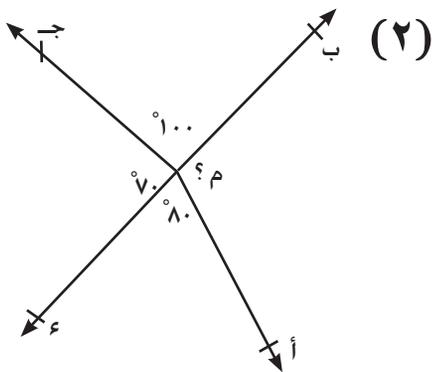
، $\angle س = \angle ط$ ، $\angle م$ منصف $\angle س$ ،

فأوجد قياسات الزوايا التالية :

$\angle م$ ، $\angle س$ ، $\angle ح$ ، $\angle ط$ ، $\angle ب$ ، $\angle هـ$

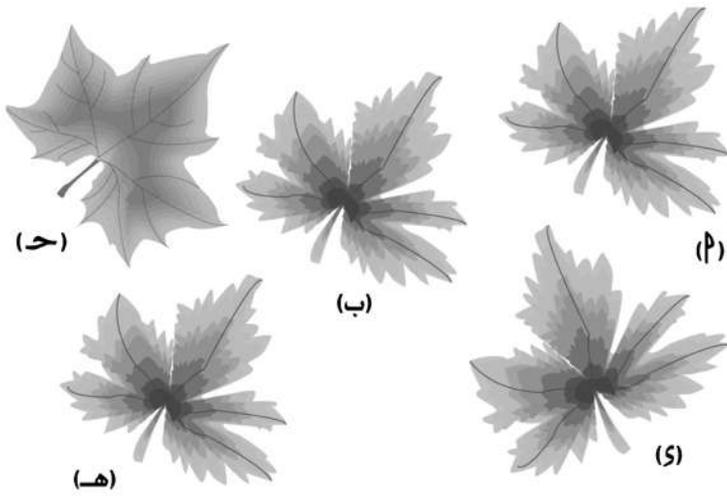


٦ - في كل من الأشكال الآتية اذكر قياس الزاوية المشار إليها بالعلامة (؟)

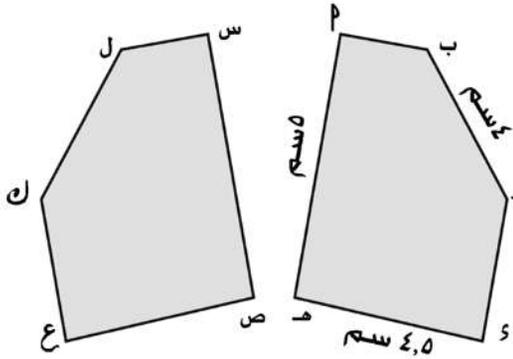


تَمْرِينٌ (٤-٢)

١ في الشَّكْلِ الْمُقَابِلِ:
أَيُّ وَرْقَةٍ مِنْ وَرَقِ الشَّجَرِ
لَا تُطَابِقُ الْوَرَقَاتِ الْأُخْرَى؟



٢ في الشَّكْلِ الْمُقَابِلِ:



الْمُضَلَّعَانِ مُتَطَابِقَانِ. اكْمِلْ:

[أ] الرَّأْسُ ب تَنْظُرِ الرَّأْسِ ...

[ب] الْمُضَلَّعُ ك ع ص س ل يُطَابِقُ الْمُضَلَّعَ ج

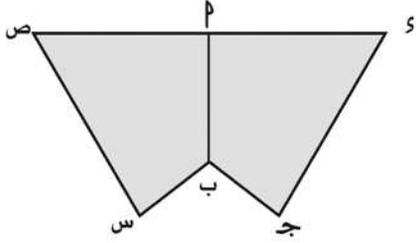
[ج] ل ك = سم

[د] ن (د) = (م) ن (.....)

[هـ] س ص =

[و] ن (و) = (ص) ن (.....)

٣ في الشكل المقابل:



ب محور تماثل للشكل Δ ج ب س ص . Δ ص س ج
[أ] أكمل:

(١) المثلث Δ ب ج س يطابق المثلث Δ ص س ج

(٢) الضلع المشترك بينهما هو

[ب] لماذا تكون الجمل الآتية صواباً؟

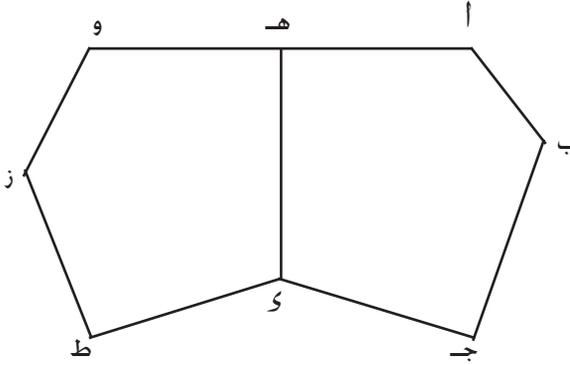
(١) Δ ب ج س هي نقطة منتصف Δ ص س.

(٢) Δ ص س ج Δ ب ج س تطابق Δ ب ج س

(٣) Δ ب ج س Δ ص س ج

(٤) Δ ب ج س في المثلث Δ ب ج س تطابق Δ ب ج س في المثلث Δ ب ج س

٤ في الشكل المقابل:



المثلث أ ب ج س هـ يطابق

المثلث و ز ط س هـ

أكمل ما يأتي:

س ج هـ = ،

١- أ ب = هو

هـ أ = ،

٢- ب ج هـ = هو

٣- ق (أ ب) = ق (ب ج) = ق (ج هـ) = ق (هـ أ) = ،

٣- ق (أ ب) = ق (ب ج) = ق (ج هـ) = ق (هـ أ) = هو

٤- ق (أ ب ج هـ) = ق (ب ج هـ أ) = ق (ج هـ أ ب) = ق (هـ أ ب ج) = ،

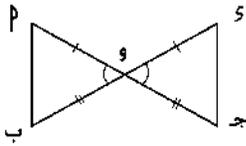
٤- ق (أ ب ج هـ) = ق (ب ج هـ أ) = ق (ج هـ أ ب) = ق (هـ أ ب ج) = هو

تَمْرِينٌ (٤-٣)

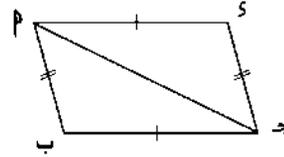
١) العَلَامَاتُ الْمُتَشَابِهَةُ تُدَلُّ عَلَى تَطَابُقِ الْعَنَاصِرِ الْمُبَيَّنَةِ عَلَيْهَا هَذِهِ الْعَلَامَاتُ.

• هَلِ الْمَثَلَّثَانِ مُتَطَابِقَانِ؟

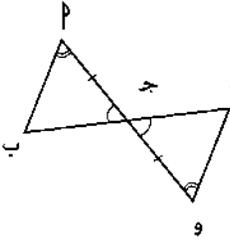
• إِذَا كَانَ الْمَثَلَّثَانِ مُتَطَابِقَيْنِ، اكْتُبْ حَالَةَ التَّطَابُقِ، إِذَا كَانَ الْمَثَلَّثَانِ غَيْرَ مُتَطَابِقَيْنِ اذْكَرِ السَّبَبَ.



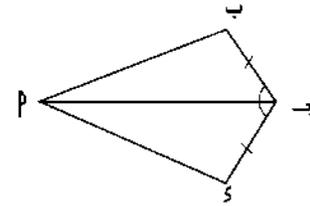
[هـ]



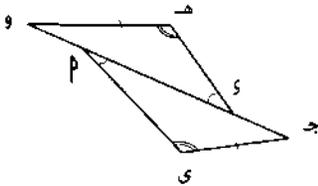
[أ]



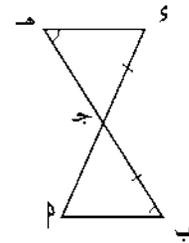
[و]



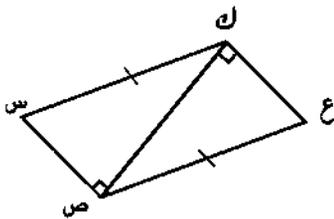
[ب]



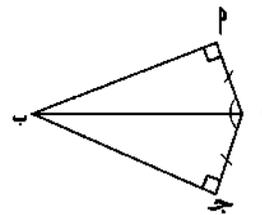
[ز]



[ج]

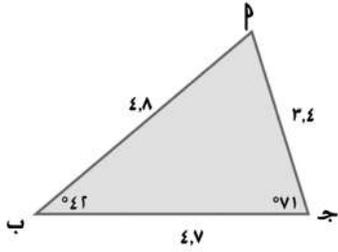


[ح]

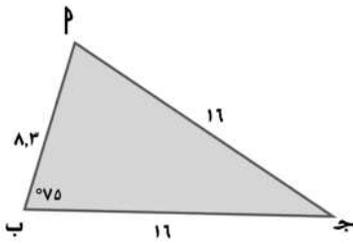
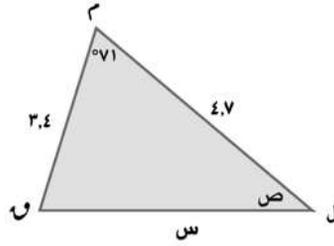


[د]

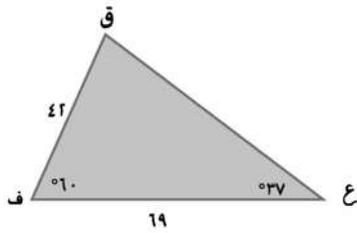
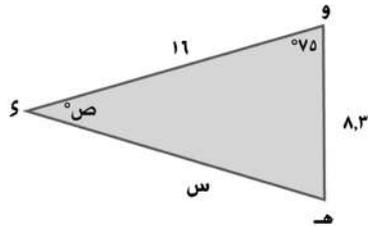
ادرس الأشكال الآتية وأوجد قيمة س . ص في كلِّ ممَّا يأتي:



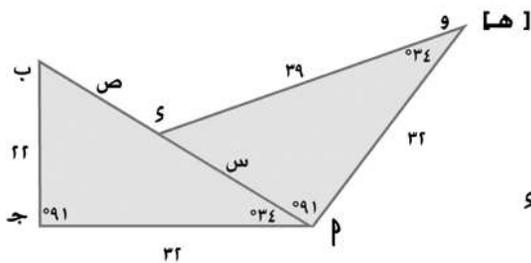
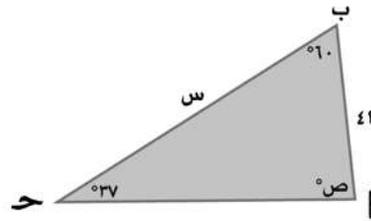
[أ]



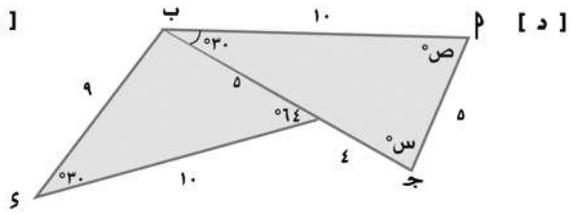
[ب]



[ج]

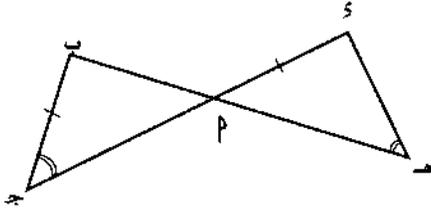


[هـ]

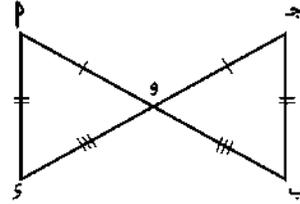


[د]

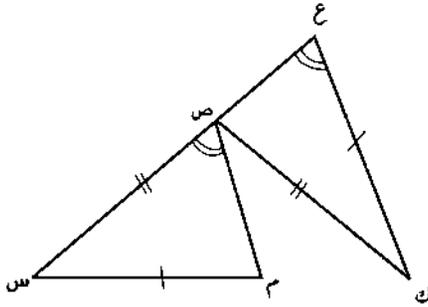
٣ العلامات المتشابهة تدل على تطابق العناصر المبيّنة عليها هذه العلامات
اذكر المثلثات المتطابقة مع ذكر السبب ثم اكتب ناتج التطابق.



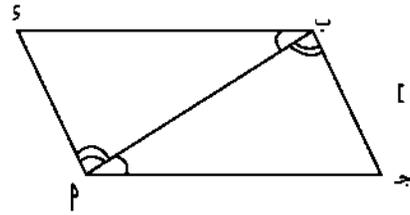
[هـ]



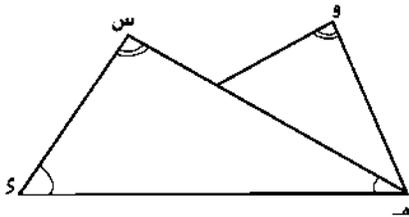
[أ]



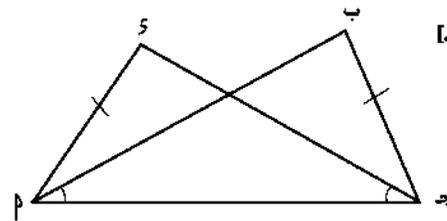
[و]



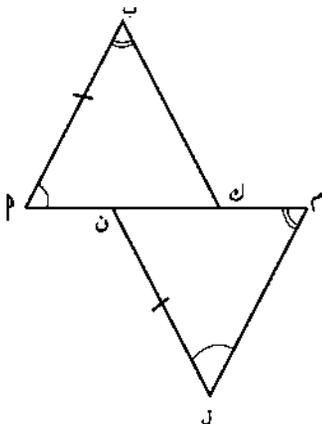
[ب]



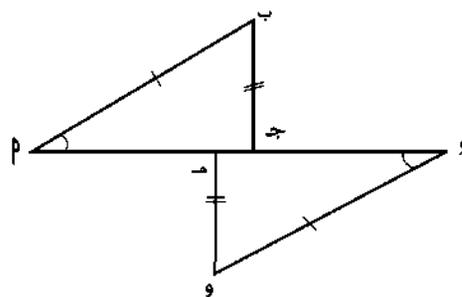
[ز]



[ج]



[ح]



[د]

٤ ادرُس مُعْطِيَاتِ الْمُثَلَّثَيْنِ ٢ ب ج . س ص ع . إِذَا كَانَتِ الْمُعْطِيَاتُ كَافِيَةً لِلتَّحْقُقِ مِنْ تَطَابُقِ الْمُثَلَّثَيْنِ اَكْتُبْ «تَطَابُقَ الْمُثَلَّثَيْنِ». وَبَيِّنْ حَالَةَ التَّطَابُقِ، وَإِذَا كَانَتِ الْمُعْطِيَاتُ غَيْرَ كَافِيَةٍ لِلتَّحْقُقِ مِنْ تَطَابُقِ الْمُثَلَّثَيْنِ اذْكَرِ السَّبَبَ.

[أ] ٢ = ب = ص س . ٢ ج = س ع . ٢ د ≡ ٢ س .

[ب] ٢ ج = ص ع . ٢ ب = س ص . ٢ د ≡ ٢ ع .

[ج] ٢ ب = ص ع . ٢ ح = ص س . ٢ ج = س ع .

[د] ٢ ب = س ص . ٢ ج = ع س . ٢ د ≡ ٢ ص .

[هـ] ٢ ب = د ع . ٢ ج ≡ ٢ س . ٢ ج = س ع

[و] ٢ د ≡ ٢ س . ٢ د ≡ ٢ ص . ٢ ج = ص ع .

٥ ضع علامة (√) أمام العبارة الصحيحة:

[أ] يَتَطَابَقُ الْمُثَلَّثَانِ إِذَا سَاوَتْ أَطْوَالَ الْأَضْلَاعِ الثَّلَاثَةِ فِي أَحَدِهِمَا نَظَائِرَهَا فِي الْآخَرِ.

[ب] يَتَطَابَقُ الْمُثَلَّثَانِ إِذَا سَاوَتْ قِيَاسَاتُ الزَّوَايَا الثَّلَاثِ فِي أَحَدِهِمَا نَظَائِرَهَا فِي الْآخَرِ.

[ج] يَتَطَابَقُ الْمُثَلَّثَانِ الْقَائِمَا الزَّائِيَةً إِذَا سَاوَى فِي أَحَدِهِمَا طُولَا ضَلْعَيْنِ نَظِيرَهُمَا فِي الْآخَرِ.

[د] يَتَطَابَقُ الْمُثَلَّثَانِ الْقَائِمَا الزَّائِيَةً إِذَا سَاوَى فِي أَحَدِهِمَا طُولَ الْوَتْرِ وَقِيَاسُ زَاوِيَةٍ أُخْرَى غَيْرَ الْقَائِمَةِ نَظَائِرَهُمَا فِي الْآخَرِ.

[هـ] يَتَطَابَقُ الْمُثَلَّثَانِ الْقَائِمَا الزَّائِيَةً إِذَا سَاوَى فِي أَحَدِهِمَا طُولَ الْوَتْرِ وَطُولَ ضَلْعٍ نَظِيرَتَهُمَا فِي الْآخَرِ.

٦

[أ] اِرْسُمِ الْمُثَلَّثَ الَّذِي فِيهِ قِيَاسَاتُ زَوَايَاهُ ٥٠° . ٦٠° . ٧٠°

[ب] هَلْ تَسْتَطِيعُ رَسْمَ مُثَلَّثٍ آخَرَ قِيَاسَاتُ زَوَايَاهُ هِيَ ٥٠° . ٦٠° . ٧٠° لَكِنْ لَا يُطَابِقُ الْمُثَلَّثَ الْمَرْسُومَ فِي (أ).

تَمْرِينُ (٤-٤)

أَكْمَلْ مَا يَلِي:

[أ] المُسْتَقِيمُ العَمُودِيُّ عَلَى أَحَدِ مُسْتَقِيمَيْنِ مُتَوَازِيَيْنِ يَكُونُ عَلَى الأَخَرِ.

[ب] إِذَا وَازَى مُسْتَقِيمَانِ مُسْتَقِيمًا ثَالِثًا كَانَ هَذَانِ المُسْتَقِيمَانِ

[ج] إِذَا قَطَعَ مُسْتَقِيمٌ مُسْتَقِيمَيْنِ مُتَوَازِيَيْنِ فَإِنَّ:

(١) كُلُّ زَاوِيَتَيْنِ مُتَبَادِلَتَيْنِ فِي القِيَاسِ.

(٢) كُلُّ زَاوِيَتَيْنِ مُتَنَازِرَتَيْنِ فِي القِيَاسِ.

(٣) كُلُّ زَاوِيَتَيْنِ دَاخِلَتَيْنِ وَفِي جِهَةٍ وَاحِدَةٍ مِنَ القَاطِعِ

[د] يَتَوَازَى المُسْتَقِيمَانِ إِذَا قَطَعَهُمَا مُسْتَقِيمٌ ثَالِثٌ وَحَدَّثَ إِحْدَى الحَالَاتِ الآتِيَةِ:

(١) زَاوِيَتَانِ مُتَسَاوِيَتَانِ فِي القِيَاسِ

(٢) زَاوِيَتَانِ مُتَسَاوِيَتَانِ فِي القِيَاسِ

(٣) زَاوِيَتَانِ وَفِي جِهَةٍ وَاحِدَةٍ مِنَ القَاطِعِ مُتَكَامِلَتَانِ

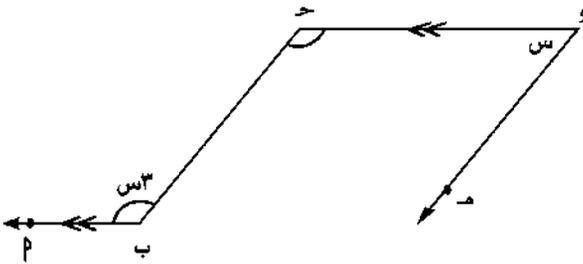
[هـ] إِذَا قَطَعَ مُسْتَقِيمَانِ فَإِنَّ كُلَّ زَاوِيَتَيْنِ مُتَقَابِلَتَيْنِ بِالرَّأْسِ تَكُونَانِ فِي القِيَاسِ.

[و] فِي الشَّكْلِ المُقَابِلِ:

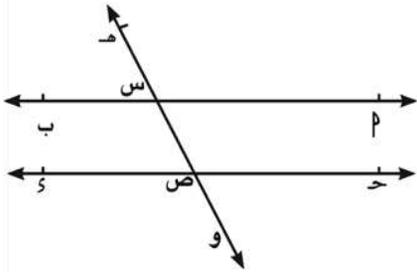
إِذَا كَانَ:

$$\overline{ح} \parallel \overline{س} \text{ ، } \overline{س} \parallel \overline{ح} \text{ ، } \overline{ب} \parallel \overline{د}$$

قَاطِعَ لهُمَا .

فَإِنَّ : $\text{س} = \text{ب} \dots \dots \text{د}$ 

٢ في الشَّكْلِ المُقَابِلِ:

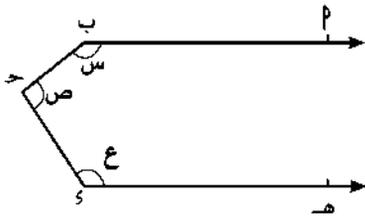


ب // ح ، ϵ هـ و قاطعٌ لَهُمَا

[أ] أَوْجِدِ الزُّوَايَا الَّتِي تُسَاوِي فِي القِيَاسِ Δ هـ س ب

[ب] أَوْجِدِ الزُّوَايَا الَّتِي تُسَاوِي فِي القِيَاسِ Δ س ص ح

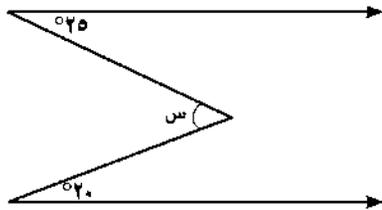
٣ في الشَّكْلِ المُقَابِلِ:



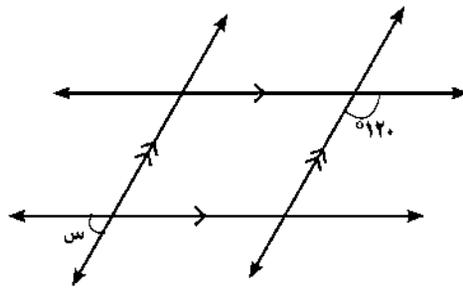
ب // هـ ، ϵ هـ ، أَوْجِدُ قِيَمَةَ المَقْدَارِ: س + ص + ع

(الرُّسْدَادُ: ارْسُمْ خَطًّا مُسْتَقِيمًا يَمُرُّ بِالنُّقْطَةِ ح مُوَازِيًا ب ب)

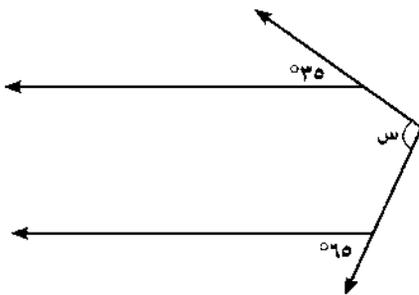
٤ أَوْجِدُ قِيَمَةَ س فِي كُلِّ مِنَ الأشْكَالِ الآتِيَةِ:



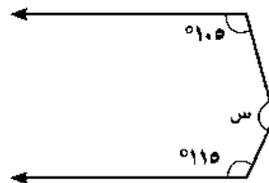
[ج]



[أ]

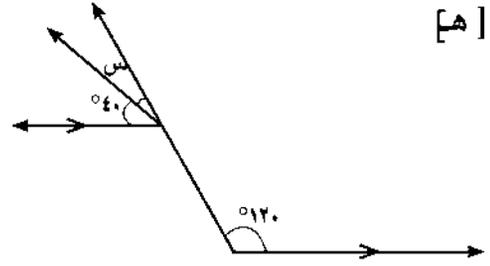


[د]

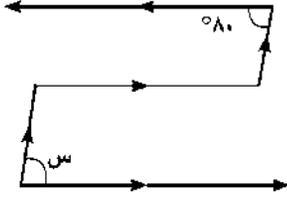


[ب]

[هـ]



[و]

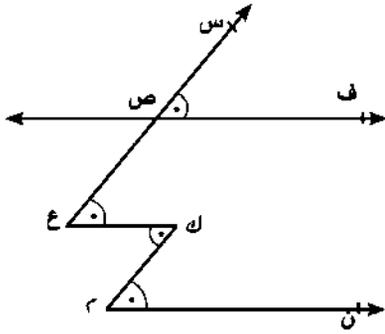


٥ في الشكل المقابل:

$$U(\Delta س ص ف) = U(\Delta ع) = U(\Delta ك) = U(\Delta ر)$$

اكتب أربعة أزواج من المستقيمات المتوازية.

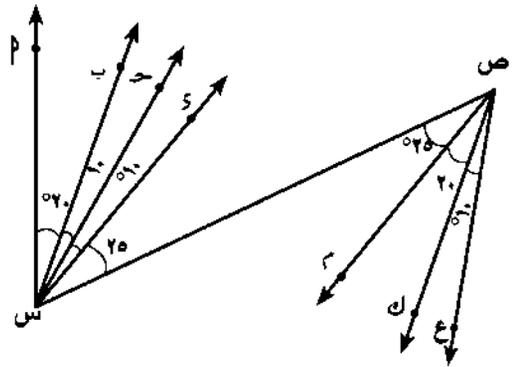
مع ذكر السبب.



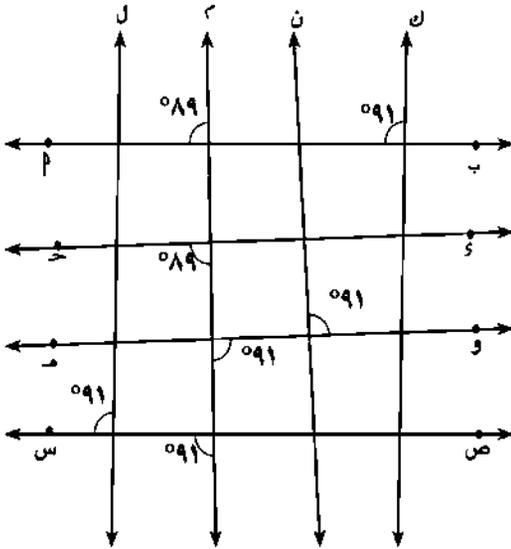
٦ في كل شكل من الأشكال الآتية:

أوجد أزواج المستقيمات المتوازية

[أ]



[ب]



إِنْشَاءَاتٌ هَنْدَسِيَّةٌ

الدَّرْسُ الْخَامِسُ

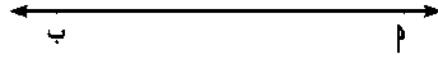
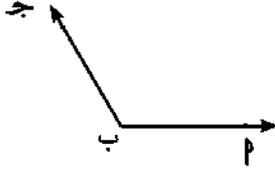
تَمْرِينٌ (٤-٥)

١ اسْتَحْدِمِ الْفُرْجَارَ وَالْمِسْطَرَّةَ فِي رَسْمِ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

[ب] مُنْصَفِ Δ ب ج

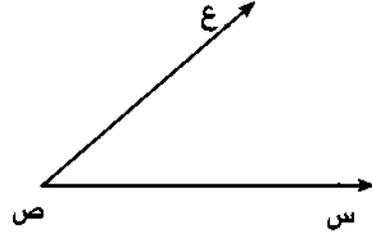
[أ] عَمُودٍ مِنْ جَ عَلَى ب

ج .



[د] مَحْوَرٍ تَمَائِلٍ لِلْقِطْعَةِ الْمُسْتَقِيمَةِ ب

[ج] مُنْصَفِ Δ س ص ع



٢ [أ] ارْضُمُ مَثَلْنَا حَادَّ الزَّوَايَا . نَصِّفْ كُلَّ زَاوِيَةٍ مِنْ زَوَايَاهُ.

[ب] ارْضُمُ مَثَلْنَا مُنْفَرِجَ الزَّوَايَا . نَصِّفْ كُلَّ زَاوِيَةٍ مِنْ زَوَايَاهُ.

[ج] مَاذَا تَلَاخِظُ عَلَى مُنْصَفَاتِ الزَّوَايَا فِي (ب) . (أ) ؟

٣ [أ] ارْضُمُ مَثَلْنَا حَادَّ الزَّوَايَا. ارْضُمُ مَحْوَرٍ تَمَائِلٍ لِكُلِّ ضَلْعٍ مِنْ أَضْلَاعِهِ.

[ب] هَلْ مَحَاوِرُ التَّمَائِلِ تَتَقَاطَعُ فِي نَقْطَةٍ؟

[ج] كَرِّرِ الْعَمَلَ السَّابِقَ فِي (ب) . (أ) عَلَى مَثَلِّ مُنْفَرِجِ الزَّوَايَا.

٤ [أ] ارْضُمُ مَثَلْنَا حَادَّ الزَّوَايَا. ارْضُمِ ارْتِفَاعَاتِ الْمَثَلِّ.

[ب] هَلِ الْمُسْتَقِيمَاتُ الَّتِي تَحْتَوِي ارْتِفَاعَاتِ الْمَثَلِّ تَتَقَاطَعُ فِي نَقْطَةٍ؟

[ج] كَرِّرِ الْعَمَلَ السَّابِقَ فِي (ب) . (أ) عَلَى مَثَلِّ مُنْفَرِجِ الزَّوَايَا.

٥ استخدم الفرجار والمسطرة في رسم المثلث $\triangle ABC$ الذي فيه $AB = 5$ سم ، $BC = 6$ سم ،

$CA = 7$ سم ، $\angle C = 90^\circ$

[أ] ارسم $\triangle ABC \equiv \triangle PQR$

[ب] أكمل : $\angle Q = (\angle PBA) = \angle R (\dots)$

في المسائل التالية ارسم باستخدام الأدوات الهندسية و لا تمح الأقواس:

٦ ارسم $\triangle ABC$ بطول مناسب، باستخدام الفرجار والمسطرة غير المدرجة نصف BC ، في K ومن K أقم العمود KA على BC ثم ارسم AB ، AC قارن مستخدمًا الفرجار بين طول AB ، AC . ماذا تلاحظ؟

٧ ارسم المثلث $\triangle ABC$ المتساوي الساقين والذي فيه $AB = AC$ ، باستخدام الفرجار نصف BC في D ، ارسم AD هل $AD \perp BC$ ؟

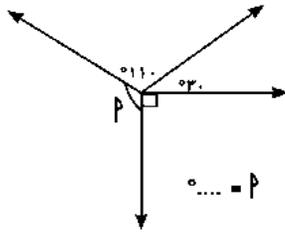
٨ ارسم المثلث $\triangle ABC$ القائم الزاوية في C مستخدمًا المسطرة والفرجار فقط، نصف BC في M ، ارسم AM هل $AM = MC = MB$ ؟ ارسم مثلثات أخرى قائمة الزاوية وكرر نفس الإنشاء هل $AM = MC = MB$ ؟

اِخْتِبَارُ الْوَحْدَةِ

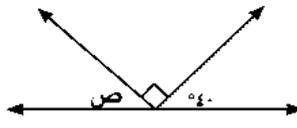
أجب عن الأسئلة الآتية:

١ أكمل:

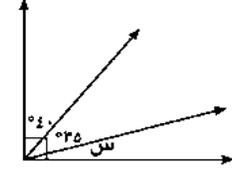
[أ] أوجد قياس الزاوية المجهولة في كل مما يأتي:



$p = \dots^\circ$

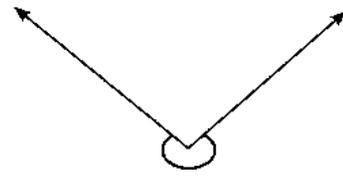
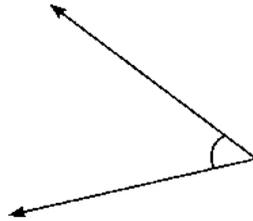
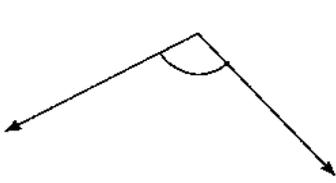


$ص = \dots^\circ$

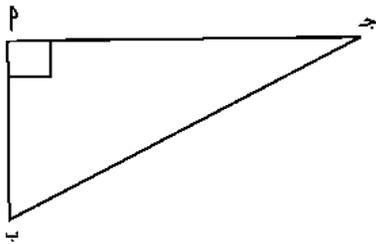


$س = \dots^\circ$

[ب] اكتب على كل زاوية من الزوايا التالية أقرب قياس لها من القياسات التالية: $80^\circ, 120^\circ, 140^\circ, 240^\circ$



[ج] اكتب القطعة المستقيمة التي تُعبر عن الوتر في المثلث المقابل



٢ [أ] باستخدام المسطرة والفرجار ارسم المثلث أ ب ج الذي فيه $p = b = c = 7$ سم .

ب ج = 6 سم. نصف كلًا من الزاويتين \angle ب ، \angle ج بمَنصَفَيْنِ يَتَقاطِعَانِ في ٢ (لا تَمُح الأَقواس) هل ٢ = ب = ج؟

[ب] ارسم المثلث أ ب ج الذي فيه $p = b = c = 5$ سم . ب ج = 6 سم. ثم ارسم $sp \perp b$ ج

حيث $sp \cap b = s$ (لا تَمُح الأَقواس) أوجد بالقياس طول sp .

٣ ارسم المثلث أ ب ج، وباستخدام المسطرة غير المدرجة والفرجار نصف كل من $\overline{أ ب}$ ، $\overline{أ ج}$ في $ك$ ، هـ على الترتيب ارسم $ك هـ$.

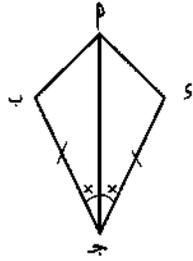
[أ] باستخدام الفرجار قس طول $ك هـ$ وتحقق أن $ب ج = ٢ ك هـ$.

[ب] هل $\triangle أ ب ج \equiv \triangle ك هـ$ ؟ هل $ك هـ // ب ج$ ؟

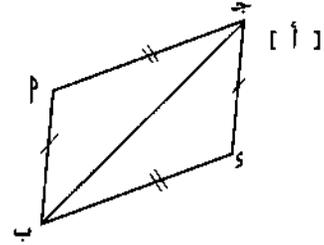
٤ ارسم المثلث أ ب ج الذي فيه $أ ب = ٤ سم$ ، $ب ج = ٥ سم$ ، $أ ج = ٦ سم$

أنشئ الأعمدة المنصفة لأضلاع المثلث - ماذا تلاحظ؟ .

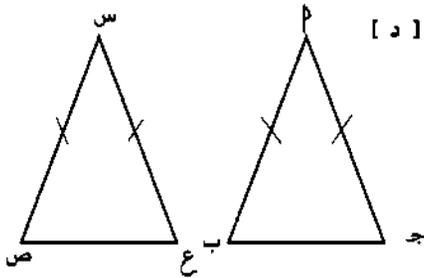
٥ في الأشكال الآتية اذكر المُتطابِقة مع ذكر السبب ثم اكتب ناتج التطابق.



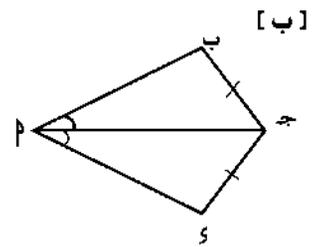
[ج]



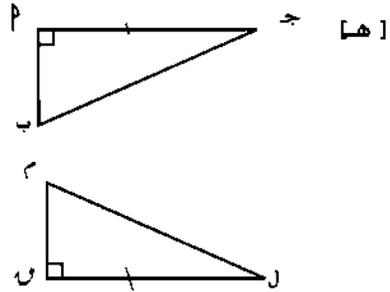
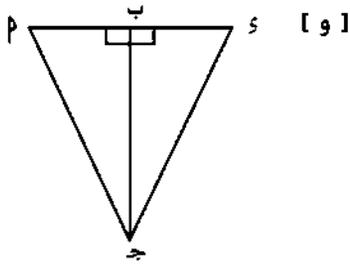
[أ]



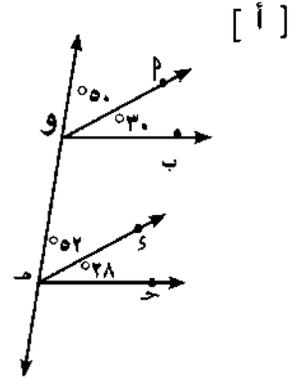
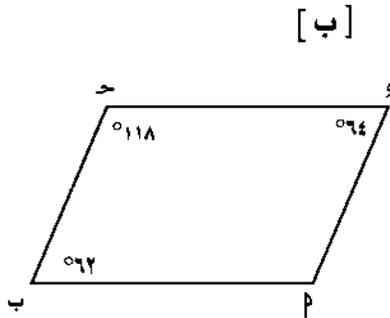
[د]



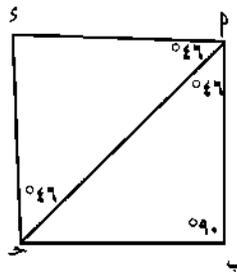
[ب]

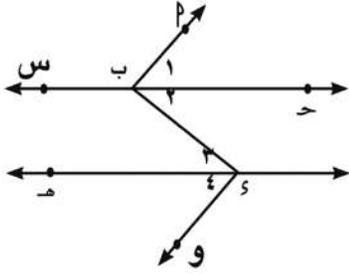


٦ أوجد أزواج المُستقيمات المُتوازِية في كُلِّ مِمَّا بَأْتِي:



[ج]



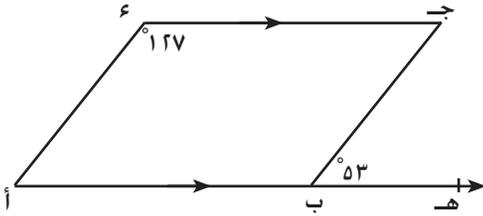


٧ في الشكل المُقابل:

$$و (١٧) = و (٤٧) ،$$

$$ب ح // هـ د$$

هل ب پ // و ؟ مع ذكر السبب



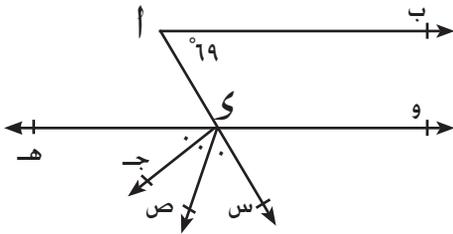
٨ في الشكل المقابل:

$$أ ب // ج د$$

$$ق (د هـ ب ج) = ٥٣^\circ$$

$$ق (د ا) = ١٢٧^\circ$$

هل ب ج // ا د مع ذكر السبب



٩ في الشكل المقابل:

$$أ ب // و هـ$$

$$و هـ \cap أ س \{ د \}$$

$$ق (د ا ب) = ٦٩^\circ$$

$$ق (د ا س د ص) = ق (د ا ص د ج)$$

$$ق (د ا ج د هـ) =$$

عين ق (د ا ج د هـ)

نماذج اختبارات الفصل الدراسي الأول

النموذج الأول

أجب عن الأسئلة الآتية:

(يسمح باستخدام الآلة الحاسبة)

السؤال الأول: أكمل ما يأتي:

١ $1 = \dots \times 2\frac{1}{5}$

٢ إذا كان ترتيب الوسيط لعدد من القيم هو الرابع عشر فإن عدد القيم =

٣ $\dots = 18\% - 0.30$

٤ $7 \text{ س}^3 \text{ ص}^2 = \dots \times 21 \text{ س}^3 \text{ ص}^5$

٥ $15 - \dots + 2 \text{ س}^2 = (3 - \text{س})(5 + \text{س})$

السؤال الثاني:

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة بين الأقواس:

١ العدد النسبي الذي يقع عند ثلث المسافة بين ٨ ، ١٢ من جهة العدد الأصغر

هو.....

($10\frac{2}{3}$ ، $9\frac{1}{3}$ ، $10\frac{1}{3}$ ، $8\frac{1}{3}$)

٢ إذا كان المنوال للقيم ٧ ، ٥ ، ٤ ، ٥ ، ٧ هو ٥ فإن س =

(٧ ، ٥ ، ٤ ، ١)

٣ إذا كان $20 = \square + \triangle$ ، $35 = \square + \triangle + \triangle$ فإن $\triangle = \dots$

(١٥ ، ٢٠ ، ٥ ، ١٠)

٤ الوسط الحسابي للقيم ١ ، ٦ ، ٤ ، ٨ ، ٦ هو

(٨ ، ٦ ، ٥ ، ٢٥)

٥ إذا كان $10 = 2\text{س}$ فإن $2\text{س} = \dots$

(٥ ، ٢٠ ، ١٥ ، ٢٥)

السؤال الثالث:

أ) اطرح:

$$5س' + ص' - 3س ص + 1من 6س' - 2س ص + 3ص'$$

ب) باستخدام خاصية التوزيع وبدون استخدام الآلة الحاسبة أوجد ناتج:

$$\frac{6}{7} \times \frac{27}{16} - \frac{11}{7} \times \frac{27}{16} + \frac{11}{7} \times \frac{27}{16}$$

السؤال الرابع:

أ) اختصر لأبسط صورة: $(3 - 2س) (3 + 2س) + 7$

ثم أوجد القيمة العددية للناتج عند $س = 1$

ب) أوجد ثلاثة أعداد نسبية تقع بين: $\frac{1}{3}$ ، $\frac{1}{4}$

السؤال الخامس:

أ) أوجد خارج قسمة: $2س' + 3س' - 4س - 6$ على $2س + 3$

ب) الجدول التالي يبين درجات جهاد في امتحان الرياضة 6 أشهر دراسية

الشهر	أكتوبر	نوفمبر	ديسمبر	فبراير	مارس	أبريل
الدرجة	20	25	42	37	44	50

أوجد الوسط الحسابي للدرجات

النموذج الثاني

أجب عن الأسئلة الآتية:

السؤال الأول أكمل:

(١) $٢٤ \text{ ص}^٤ = ٦ \text{ ص}^١ \times \text{ص}^٢ \times \dots$

(٢) باقى طرح - ٣ من ٢ س هو

(٣) ١، ١، ٢، ٣، ٥، ٨، (بنفس التسلسل)

(٤) المنوال لمجموعة القيم ٧، ٥، ٣، ٥، ٩ هو

(٥) $٥ \text{ ص}^١ + ١٥ \text{ ص} = ٥ \text{ ص} (\dots + \dots)$

السؤال الثاني: اختر الإجابة من بين الإجابات المعطاة:

(١) الحد الجبرى ٦ س^٢ ص^١ من الدرجة

(أ) الثالثة (ب) الرابعة (ج) الخامسة (د) السادسة

(٢) العدد الذى يقع فى منتصف المسافة بين $\frac{١}{٣}$ ، $\frac{٥}{٩}$ هو

(أ) $\frac{٢}{٣}$ (ب) $\frac{٢}{٤}$ (ج) $\frac{٤}{٩}$ (د) $\frac{٥}{١٧}$

(٣) المعكوس الضربى للعدد $(\frac{١}{٣})$ هو

(أ) ٢ (ب) -٢ (ج) ١ (د) -١

(٤) إذا كان $\frac{٥}{٣+٥}$ عددا نسبيا فإن س =

(أ) -٢ (ب) صفر (ج) ٢ (د) ٥

(٥) الوسيط للقيم ٧، ٤، ٥ هو

(أ) ٤ (ب) ٥ (ج) ٧ (د) ١٦

السؤال الثالث:

(أ) باستخدام خاصية التوزيع أوجد قيمة $\frac{٢}{٧} \times ٢ + \frac{٢}{٧} \times ٦ - \frac{٢}{٧}$

(ب) أوجد ثلاثة أعداد نسبية تقع بين العددين $\frac{١}{٣}$ ، $\frac{١}{٢}$

السؤال الرابع:

(أ) ما زيادة ٧ س + ٥ ص + ٢ عن ٢س + ٦ص + ع

(ب) أوجد خارج قسمة ١٤س^٢ ص - ٣٥س ص^٢ + ٧س ص

على ٧س ص حيث س ≠ صفر ، ص ≠ صفر

السؤال الخامس:

(أ) اختصر لأبسط صورة: (س - ٣) (س + ٣) + ٩ ثم أوجد قيمة الناتج عندما س = ٥

(ب) إذا كان الوسط الحسابي للقيم ٨ ، ٧ ، ٥ ، ٩ ، ٤ ، ٣ ، ك + ٤ هو ٦

فأوجد قيمة ك

نموذج امتحان لطلاب الدمج

السؤال الأول:

أكمل العبارات التالية

- (١) الحد الجبري (٥ س ص) من الدرجة
- (٢) (س - ٣) (..... +) = س - ٩
- (٣) العدد النسبي الذي ليس له معكوس ضربي هو
- (٤) الوسيط للقيم ٣، ٤، ٥ هو
- (٥) العدد $\frac{٤}{س}$ يكون نسبيا إذا كانت س \neq

السؤال الثاني:

اختر الإجابة الصحيحة من الإجابات المعطاة

- (١) إذا كان $\frac{٤}{٧} \times س = \frac{٤}{٧}$ فإن س =
- (أ) ١ (ب) صفر (ج) ٤ (د) ٧
- (٢) الوسيط الحسابي للقيم ٢، ٣، ٨، ٢، ٥ يساوي
- (أ) ٣ (ب) ٢ (ج) ٤ (د) ٨
- (٣) المعكوس الجمعي للعدد - ٣ هو
- (أ) - ٣ (ب) ٣ (ج) $\frac{١}{٣}$ (د) $-\frac{١}{٣}$
- (٤) باقى طرح ٧ س من ٩ س يساوي
- (أ) ٢س (ب) ١٦ س (ج) - ٢س (د) صفر
- (٥) المنوال للقيم ٣، ٣، ٤، ٤، ٤، ٥، ٣
- (أ) ٤ (ب) ٢٢ (ج) ٥ (د) ٣

السؤال الثالث:

أولاً: باستخدام خاصية التوزيع أكمل لإيجاد $\frac{5}{v} + 5 \times \frac{5}{v} + 8 \times \frac{5}{v}$

$$(\dots + \dots + \dots) \frac{5}{v}$$

$$\dots = (\dots) \frac{5}{v}$$

ثانياً: إذا كان $\frac{1}{p} = أ$ ، $ب = ٢ -$ أكمل ما يلي:

$$\ast \quad ب \div أ = (\dots) \div (\dots)$$

$$\dots = (\dots) \times (\dots) =$$

السؤال الرابع:

ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (×) أمام العبارة الخاطئة

- () (١) خارج قسمة ١٢ س^٤ + ٦ س على ٦ س يساوي ٢ س^٢ + ١
- () (٢) العامل المشترك الأعلى للمقدار ٥ س^١ + ٥ س هو ٥ س^٥
- () (٣) العدد النسبي الذي يقع بين $\frac{1}{4}$ ، $\frac{3}{4}$ هو $\frac{1}{4}$
- () (٤) ٥ س + ٣ س = ٨ س
- () (٥) إذا كان (س + ٤) = س^١ + ك + ١٦ فإن ك = ٤ س

السؤال الخامس:

صل من العمود (أ) بما يناسبه من العمود (ب)

(ب)

٣	•
٧	•
٥٠	•
١	•
٧س	•

(أ)

(١) إذا كان $\frac{٧-س}{٥} =$ صفّر فإن س =
(٢) ٣س ^١ + ٥ص = (س ^١ + ٥ص)
(٣) (٣س + ٥) + (٥س - ٥)
(٤) $\frac{1}{p} =$ %
(٥) إذا كان $\frac{1}{p} = \frac{1}{q}$ فإن $\frac{12}{p} =$

نماذج اختبارات الهندسة للفصل الدراسي الأول

النموذج الأول

(يسمح باستخدام الآلة الحاسبة)

أجب عن الأسئلة الآتية:

السؤال الأول: أكمل ما يأتي:

(١) المستقيم العمودي على القطعة المستقيمة من منتصفها يسمى

(٢) في الشكل المقابل: إذا كان $\triangle أ ب ج \equiv \triangle س ص ع$

$$ق (ف) + ق (ب) = 140^\circ$$

$$\text{فإن } ق (ع) = \dots\dots\dots$$

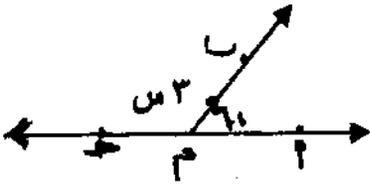


(٣) إذا كان $ق (ب) = 105^\circ$ فإن $ق (ب)$ المنعكسة =

(٤) في الشكل المقابل:

$$م ب \parallel م ج = \{م\}, \text{ و } (م ب م) = 60^\circ$$

$$\text{فإن قيمة } س = \dots\dots\dots$$



(٥) يتطابق المثلثان القائمًا الزاوية إذا تطابق و

السؤال الثاني: اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة بين الأقواس:

السؤال الثاني: اختر الإجابة الصحيحة من بين الأجابت المعطاه بين الاقواس :-

(١) إذا كان $\angle س = \angle ص$ ، $\angle ح = \angle د$ ، $\angle م = \angle ن$ متكاملتين فإن $ق (س) = \dots\dots\dots$
(90° ، 135° ، 180°)



(٢) في الشكل المقابل:

$$م ص \parallel م د \parallel م ب ج ، أ د = د ه >$$

$$\text{فإن } د ف : د ب = \dots\dots\dots$$

$$(2 : 1 ، 3 : 1 ، 2 : 3 ، 1 : 2)$$

(١) المستقيمان العموديان على ثالث يكونان

(متعامدان ، متقاطعان ، متوازيان ، منطبقان)

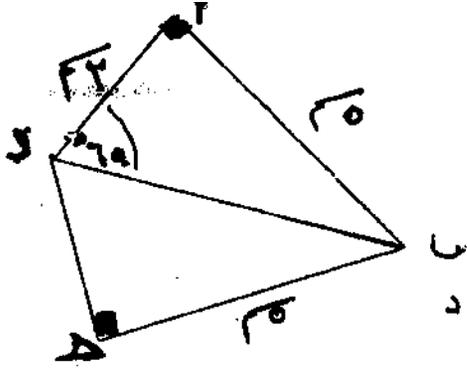
(٢) الزاويتان المتتامتان المتساويتان في القياس قياس كل منهما =

$$(90^\circ ، 360^\circ ، 45^\circ ، 180^\circ)$$

(٣) إذا تقاطع مستقيمان فإن كل زاويتين متساويتين في القياس

(متناظرتين ، متبادلتين ، متقابلتين بالرأس ، متجاورتين)

السؤال الثالث



(أ) في الشكل المقابل : ق ($\hat{A}DB$) = 65°

ق ($\hat{B}AD$) = ق ($\hat{B}CD$) = 90°

أب = جب = جد = سم ، أ د = سم ٢ = سم ٣

أذكر شروط تطابق $\triangle ABC$ ، $\triangle CDA$ ، جب د

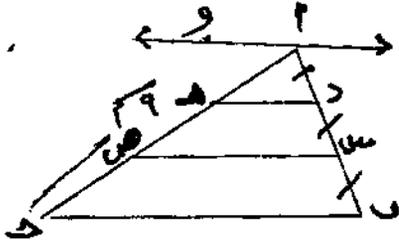
أوجد طول \overline{CD} ، ق ($\hat{C}AD$)

(ب) في الشكل المقابل :

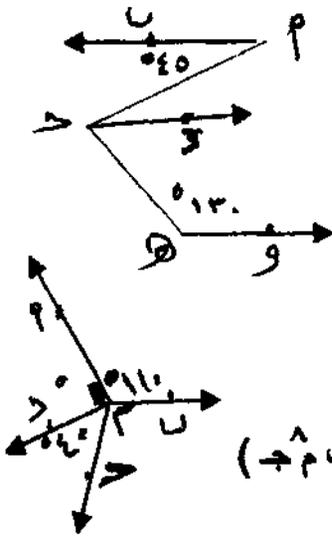
أو $\overline{AD} \parallel \overline{DH} \parallel \overline{SN} \parallel \overline{BC}$ ،

أ د = د س = س ب ، أ ج = ج ه = سم ٩

أوجد طول \overline{AN} مع ذكر السبب



السؤال الرابع:



(أ) في الشكل المقابل :

أب \parallel جد \parallel هـ و ، ق (\hat{A}) = 45°

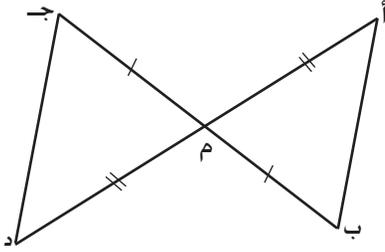
ق (\hat{C}) = 130°

أوجد ق ($\hat{A}CD$)

(ب) في الشكل المقابل :

ق ($\hat{A}MB$) = 110° ، ق ($\hat{A}MD$) = 90°

، ق ($\hat{D}M$) = 40° أوجد مع كتابة الخطوات ق ($\hat{B}M$)



السؤال الخامس:

أ) في الشكل المقابل: $\overline{AD} \cap \overline{BC} = \{M\}$

$AB = DM$ ، $AM = DC$

أكتب الشروط التي تجعل

$\triangle AMB \equiv \triangle DMC$

ب) باستخدام الأدوات الهندسية ارسم $\triangle ABC$ قياسها 110° أرسم الشعاع

ب و ينصف الزاوية الى زاويتين متساويتين في القياس

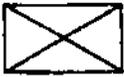
النموذج الثاني

أجب عن الأسئلة الآتية:

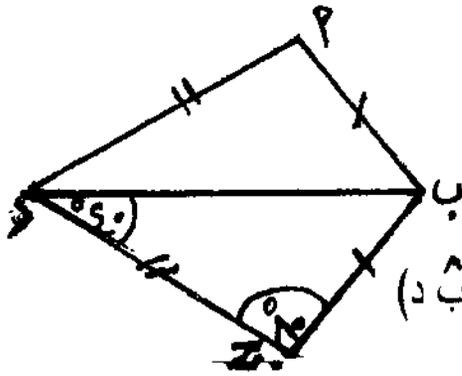
السؤال الأول: أكمل:

- (١) مجموع قياسات الزوايا المتجمعة حول نقطة =°
- (٢) إذا قطع مستقيم مستقيمين متوازيين فإن كل زاويتين متناظرتين
- (٣) إذا كان ق (أ) = ١١٠° فإن ق (أ) المنعكسة =°
- (٤) يتطابق المثلثان القائم الزاوية إذا تطابق
- (٥) الزاويتان المتجاورتان الحادتان من تقاطع شعاع ومستقيم

السؤال الثاني: اختر الإجابة من بين الإجابات المعطاة:

- (١) إذا كان \hat{S} تتم ص وكان $\hat{S} \equiv \hat{V}$ فإن ق (ش) =
 (أ) ٤٥° (ب) ٩٠° (ج) ١٨٠° (د) ٣٦٠°
- (٢) عدد المثلثات الموجوده بالشكل  هو
 (أ) ٤ (ب) ٦ (ج) ٧ (د) ٨
- (٣) إذا كانت النسبة بين قياسا زاويتان متكاملتان ٥ : ١٣ فإن قياس الزاوية الصغرى
 (أ) ٥٠° (ب) ١٣٠° (ج) ١٥٠° (د) ١٨٠°
- (٤) Δ أ ب ح $\equiv \Delta$ س ص ع وكان ق (أ) + ق (ب) = ١٠٠° فإن ق (ع) =
 (أ) ٥٠° (ب) ٨٠° (ج) ٩٠° (د) ١٠٠°
- (٥) المستيمان المتعامدان على ثالث في نفس المستوى يكونا
 (أ) متقاطعان (ب) متعامدان (ج) متوازيان (د) غير ذلك

السؤال الثالث



(أ) أنكر حالتين من حالات تطابق مثلثين؟

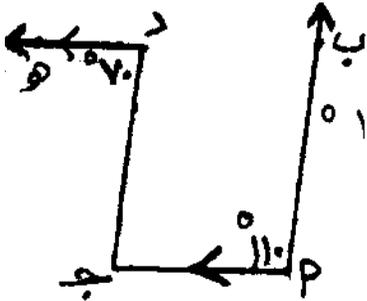
(ب) في الشكل المجاور $AB = BC$ ،

$AD = CD$ ، $\hat{C} = 80^\circ$ ،

$\hat{D} = 40^\circ$: ق (ب د ج) :

هل $\triangle ABC \equiv \triangle DCB$ ؟ أوجد ق (أ ب د)

السؤال الرابع



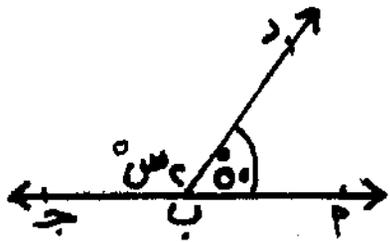
(أ) في الشكل المجاور $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ ، ق (أ) $= 110^\circ$ ،

ق (د) $= 70^\circ$ أوجد ق (ج) وهل $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ مع ذكر السبب.

(ب) باستخدام الأدوات الهندسية ارسم زاوية AB حـ

حيث ق (ب) $= 80^\circ$ ثم أرسم \overline{BK} منصفاً لها (لا تمحو الأقواس)

السؤال الخامس:



(أ) في الشكل المقابل $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ ، $\{B\} = \{D\}$ ،

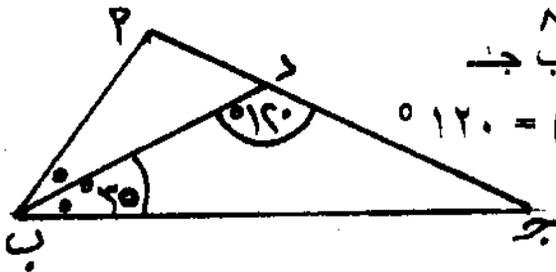
ق (أ ب د) $= 50^\circ$ ، ق (د ب ج) $= 120^\circ$ ،

أوجد قيمة س بالدرجات.

(ب) في الشكل المجاور \overline{BK} منصف \hat{A} جـ

ق (د ب ج) $= 35^\circ$ ، ق (ب د ج) $= 120^\circ$ ،

أوجد ق (أ) بالدرجات.



نموذج امتحان الهندسة للطلاب المدمجين

السؤال الأول:

أكمل العبارات التالية لتصبح صحيحة

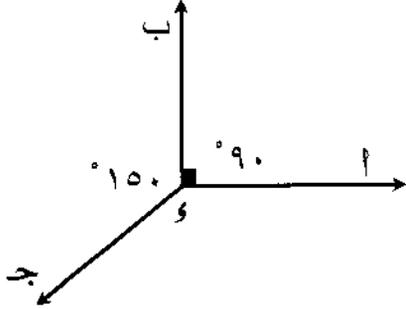
- (١) إذا كان $\angle (أ ، ب) = ١٠٠^\circ$ فإن $\angle (ب ، أ)$ المنعكسة =
(٢) الزاوية التي قياسها ٥٠° تتم زاوية قياسها
(٣) المستقيمان الموازيان لثالث
(٤) يتطابق المثلثان إذا تطابق ضلعان و
(٥) إذا كان $\Delta أ ب ج \equiv \Delta س ص ع$ فإن $\angle (ب ، أ) = \angle (ع ، س)$ (.....)

السؤال الثاني:

اختر الإجابة الصحيحة من الإجابات المعطاة

- (١) مجموع قياسات الزوايا المتجمعة حول نقطة يساوي
(أ) ٦٣٠° (ب) ١٨٠° (ج) ٩٠° (د) ٣٦٠°
(٢) محور قائل القطعة المستقيمة يكون
(أ) عمودي عليها من منتصفها (ب) موازي لها (ج) مساوي لها (د) مطابق لها
(٣) مكمل الزاوية التي قياسها ٣٠° هي
(أ) ٦٠° (ب) ١٨٠° (ج) ١٥٠° (د) ٩٠°
(٤) الزاوية التي قياسها أكبر من ٩٠° وأقل من ١٨٠° هي زاوية
(أ) منفرجة (ب) حادة (ج) قائمة (د) مستقيمة
(٥) إذا كان $\Delta أ ب ج \equiv \Delta س ص ع$ فإن $\angle أ ب ج = \angle س ص ع$
(أ) $\angle س ص ع$ (ب) $\angle س ع$ (ج) $\angle ص ع$ (د) $\angle ب ج$

السؤال الثالث:

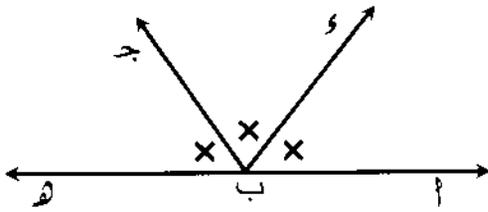


أولاً : من الشكل المقابل أكمل ما يلي

ن (أ ب ج) = $360 - (\dots + \dots)$

(.....) - 360 =

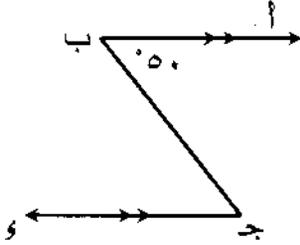
..... =



ثانياً : من الشكل المقابل أكمل

ن (أ ب ج) = °

السؤال الرابع:



أولاً : في الشكل المقابل : ن (أ ب ج) = 50°

، $\overleftrightarrow{BA} \parallel \overleftrightarrow{AJ}$ أكمل الحل لإيجاد ن (أ ب ج)

لان $\overleftrightarrow{BA} \parallel \dots$

فإن ن (أ ب ج) = (أ ب ج) بالت.....

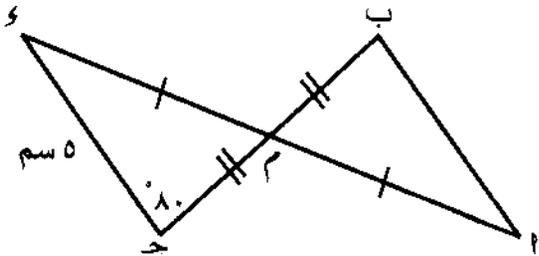
ن (أ ب ج) =

ثانياً : بالاستعانة بالشكل المقابل أكمل ما يلي

(١) $\Delta \text{ أ ب ج } \cong \Delta \dots$

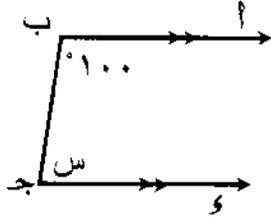
(٢) $\text{أ ب} = \dots$

(٣) ن (أ ب) =



السؤال الخامس:

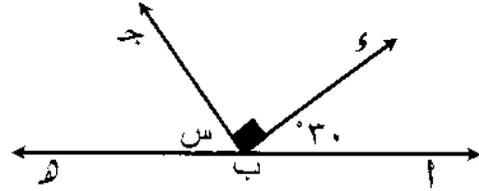
في كل من الأشكال التالية أوجد قيمة س



(٢)

س =

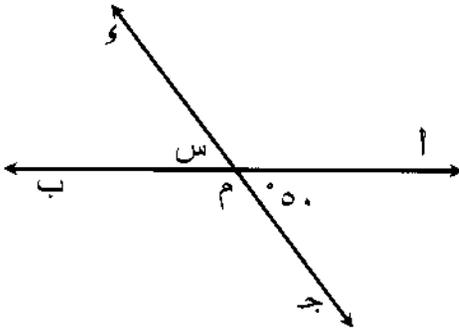
(٤)



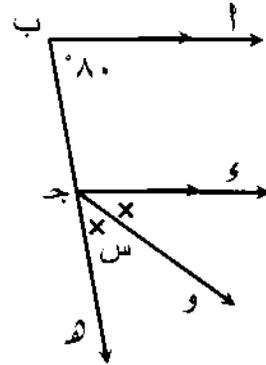
(١)

س =

(٣)



س =



س =

<http://elearning.moe.gov.eg>

المواصفات الفنية:

مقاس الكتاب:	$\frac{1}{8}$ (٥٧ × ٨٢) سم
طبع المتن:	٤ لون - ١ لون
طبع الغلاف:	٤ لون
ورق المتن:	٧٠ جم أبيض
ورق الغلاف:	١٨٠ جم كوشيه
عدد الصفحات بالغلاف:	١٤٨ صفحة بالغلاف
رقم الكتاب:	١٠٨

ول إنجنيرنج إنتربرايز