

## امتحان شهادة الدراسة الثانوية العامة لعام ٢٠١٦ / الدورة الشتوية

(وثيقة بحمة/محدود)

٢ : ٠٠

مدة الامتحان :

اليوم والتاريخ : الخميس ٢٠١٥/١٢/٣١

المبحث : الرياضيات / المستوى الرابع

الفرع : العلمي

ملحوظة : أجب عن الأسئلة الآتية جميعها وعددها ( ٥ ) ، علماً بأن عدد الصفحات ( ٣ ) .

السؤال الأول : (٢٠ علامة)

١) إذا كان  $q$  (س)  $= \left[ \frac{1}{2} \cos^2 s + \frac{1}{2} \sin^2 s \right]$  ، العدد النيبيري

(٦ علامات)

فجد  $q \left( \frac{\pi}{4} \right)$

ب) جد التكاملات الآتية:

(٦ علامات)

$$(1) \int \frac{1}{\sin s + 1} ds$$

(٨ علامات)

$$(2) \int \frac{\pi}{4} \sqrt{\cos^2 s + \frac{1}{2} \cos s} ds$$

السؤال الثاني : (٢٠ علامة)

أ) إذا كان تسارع جسم يعطى بالعلاقة  $t$  (ن)  $= 3n + 2$  ، وعلمت أن سرعته الابتدائية

(٦) م/ث ، والمسافة التي يقطعها بعد ثانية واحدة من بدء الحركة (١٢) م ، فما المسافة التي

يقطعها بعد (٣) ثوانٍ من بدء الحركة؟

(٧ علامات)

ب) إذا علمت أن  $m \geq \int_1^2 \frac{1}{\sqrt{v+1}} ds$  ، فجد قيمة كل من الثابتين  $m$  ،  $k$  ،

(٦ علامات)

بدون حساب تكامل المقدار  $\left( \int_1^2 \frac{1}{\sqrt{v+1}} ds \right)$

الصفحة الثانية

ج) إذا كان  $\int_1^2 (3ق(س) + 2س - 4) دس = 0.3$  ،  $\int_1^2 (ق(س) + 1 - 3س^2) دس = 27$

(7 علامات)

وجد  $\int_1^4 ق(س) دس$

السؤال الثالث : (20 علامة)

أ) جد التكاملات الآتية:

(7 علامات)

(1)  $\int دس \frac{\sqrt{س+1} - \sqrt{س-1}}{\sqrt{س+1} + \sqrt{س-1}}$

(7 علامات)

(2)  $\int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} 3ق(س) دس$

ب) جد مساحة المنطقة المحصورة بين منحنىي الاقترانين ق(س) = 1 + جاس ، ه(س) = 1 + جاس في الفترة  $[\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{2}]$

(6 علامات)

هـ(س) = 1 + جاس في الفترة  $[\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{2}]$

ج) (400)

السؤال الرابع : (24 علامة)

أ) معتمداً الشكل المجاور والذي يُمثل دائرة مرسومة داخل المثلث

ب ج ونمس أضلاعه. جد معادلة هذه الدائرة.

ب(0,0)



أ(4,0)

(10 علامات)

ب) جد معادلة القطع الزائد الذي رأساه هما بؤرتا القطع الناقص الذي معادلته:

(8 علامات)

و بؤرتاه هما رأسا هذا القطع.  $1 = \frac{س^2}{9} + \frac{ص^2}{4}$

ج) تتحرك النقطة و(س، ص) بحيث يتحدد موقعها بالمعادلتين  $س = 5 - 4ه$  ،

$ص = 2 - 3ظا ه$  ، حيث ه زاوية متغيرة.

(6 علامات)

جد معادلة مسار النقطة و ، ثم بيّن نوعه.

يتبع الصفحة الثالثة ...

الصفحة الثالثة

السؤال الخامس : (١٦ علامة)

أ) قطع مكافئ يقع رأسه على مركز القطع الزائد الذي معادلته:  $\frac{9}{4}(s-1)^2 - 8(v-2)^2 = 72$

(٦ علامات)

وبؤرتيه (١، ٣)، جـ ما يأتي:

(١) معادلة هذا القطع.

(٢) معادلة المحور ومعادلة التليل.

ب) جـ إحداثيات المركز والرأسين والبؤرتين والاختلاف المركزي للقطع المخروطي الذي معادلته:

(١٠ علامات)

$$4s^2 + 9v^2 - 48s - 72v + 144 = 0$$

انتهت الأسئلة

الإمتحانات والاختبارات



~~XXXXXXXXXX~~

مدة الامتحان :  $\frac{3}{4}$  ساعة  
التاريخ : ٢٠١٦ / ١٢ / ٢٠١٥

المبحث : الرياخييات  
الفرد : العاصمي / ك

إجابة النموذجية :

رقم الصفحة  
في الكتاب

السؤال الاول (٢٠ علامة)

فرع

٦  $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$  (جاءت) دس

٧  $\frac{1}{3} = \frac{1}{3} + \frac{1}{3}$  (جاءت) دس

٨  $\frac{1}{4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4}$  (جاءت) دس

٩  $\frac{1}{5} = \frac{1}{5} + \frac{1}{5}$  (جاءت) دس

١٠  $\frac{1}{6} = \frac{1}{6} + \frac{1}{6}$  (جاءت) دس

١١  $\frac{1}{7} = \frac{1}{7} + \frac{1}{7}$  (جاءت) دس

١٢  $\frac{1}{8} = \frac{1}{8} + \frac{1}{8}$

# السؤال الاول

منع "ب"



$$\textcircled{1} \quad \text{نقمن } u = u^2$$

$$du = \frac{2u}{u^2} du$$

$$= \frac{2}{u} du$$

$$\frac{1}{u+1}$$

$$\frac{du}{u} \times \frac{1}{(u+1)}$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{1}{u(u+1)} = \frac{u}{u} + \frac{p}{u+1}$$

$$1 = (1+u)p + u$$

$$\textcircled{3} \quad 1 = p \leftarrow 1 = p -$$

$$\textcircled{4} \quad 1 = u \leftarrow 1 = (1+u)u$$

$$\frac{du}{u} \left( \frac{1}{u} + \frac{1}{u+1} \right) = \frac{du}{u(u+1)}$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{1}{u} + \frac{1}{u+1} =$$

$$\frac{1}{u} + \frac{1}{u+1} =$$

$$= \frac{1}{u} + \frac{1}{u+1}$$

الاجابة

ملاحظة: مررنا الحل الاخرى

اذا لم يكتب في الاخرى علامة

السؤال الاول

رقم الصفحة  
في الكتاب

شرح ب

$$\sqrt[3]{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{1 + \frac{1}{4}}} \sqrt[3]{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{1 + \frac{1}{4}}}$$

$$\sqrt[3]{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{1 + \frac{1}{4}}} \sqrt[3]{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{1 + \frac{1}{4}}}$$

$$\sqrt[3]{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{1 + \frac{1}{4}}} \sqrt[3]{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{1 + \frac{1}{4}}}$$

$$\sqrt[3]{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{1 + \frac{1}{4}}} \sqrt[3]{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{1 + \frac{1}{4}}}$$

$$\sqrt[3]{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{1 + \frac{1}{4}}} \sqrt[3]{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{1 + \frac{1}{4}}}$$

علاقة لقيمة الجذر

$$\sqrt[3]{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{1 + \frac{1}{4}}} \sqrt[3]{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{1 + \frac{1}{4}}}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{1}{2} \sqrt{1 + \frac{1}{4}}$$

$$\sqrt[3]{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{1 + \frac{1}{4}}} \sqrt[3]{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{1 + \frac{1}{4}}}$$

$$\sqrt[3]{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{1 + \frac{1}{4}}} \sqrt[3]{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{1 + \frac{1}{4}}}$$

$$\sqrt[3]{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{1 + \frac{1}{4}}} \sqrt[3]{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{1 + \frac{1}{4}}}$$

$$\sqrt[3]{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{1 + \frac{1}{4}}} \sqrt[3]{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{1 + \frac{1}{4}}}$$

$$\sqrt[3]{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{1 + \frac{1}{4}}} \sqrt[3]{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{1 + \frac{1}{4}}}$$

$$\sqrt[3]{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{1 + \frac{1}{4}}} \sqrt[3]{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{1 + \frac{1}{4}}}$$

إذا تم أخذ الجذر السالب معك أدناه يجب معك كتابه - كتابه الصحيح



### السؤال الثاني (٩٠ عدد من)

الإجابة النموذجية: فرسخ أ

رقم الصفحة  
في الكتاب

$$٢ + ٣٠ = \frac{دع}{دن} = ٣٢$$

$$\frac{دع}{دن} = ٣٢ \Rightarrow دع = ٣٢ \times دن$$

$$\textcircled{1} ٢ + ٣٠ + \frac{٣٢ \times دن}{دن} = ٤٠$$

$$\textcircled{1} ٣٢ = ٤٠ - ٣٢ \Rightarrow ٣٢ = ٨$$

$$\frac{دع}{دن} = ٣٢ \Rightarrow \frac{٨}{دن} = ٣٢$$

$$\textcircled{1} ٨ = ٣٢ \times دن \Rightarrow دن = \frac{٨}{٣٢} = \frac{١}{٤}$$

$$\textcircled{1} ٨ = ٣٢ \times \frac{١}{٤} = ٨$$

$$\textcircled{1} ٨ = ٨$$

$$\textcircled{1} ٨ = ٨$$

$$\textcircled{1} \frac{٩}{٢} = ٤$$

$$\frac{٩}{٢} + ٣٠ + \frac{٣٢}{٢} = ٤٠$$

$$\textcircled{1} \frac{٩}{٢} + (٣ \times ٦) + \frac{٣٢}{٢} = ٤٠$$

$$\frac{٩}{٢} + \frac{٣٦}{٢} + \frac{١٨}{٢} + \frac{٣٧}{٢} = ٤٠$$

$$\textcircled{1} \frac{٩٠}{٢} = ٤٥$$

والاختلاف

رقم الصفحة  
في الكتاب

السؤال الثاني

فتحة ب

$$m \geq \frac{1}{\sqrt{2} + \sqrt{2} + \sqrt{2}} \geq \frac{1}{3\sqrt{2}}$$



١٤٣

⊖

$$3 \geq 4 \geq 3$$

⊖

$$3 \geq 4 \geq 3$$

⊖

$$v+18 \geq v+5$$

$$9\sqrt{v} \geq \sqrt{v+18}$$

⊖

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \geq \frac{1}{\sqrt{2} + \sqrt{2} + \sqrt{2}} \geq \frac{1}{3\sqrt{2}}$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \geq \frac{1}{\sqrt{2} + \sqrt{2} + \sqrt{2}} \geq \frac{1}{3\sqrt{2}}$$

⊖

$$\left( \frac{1}{\sqrt{2}} \geq \frac{1}{\sqrt{2} + \sqrt{2} + \sqrt{2}} \geq \frac{1}{3\sqrt{2}} \right)^2$$

$$\frac{1}{2} \geq \frac{1}{\sqrt{2} + \sqrt{2} + \sqrt{2}} \geq \frac{1}{18}$$

⊖

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \geq \frac{1}{\sqrt{2} + \sqrt{2} + \sqrt{2}} \geq \frac{1}{3\sqrt{2}}$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} \quad \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$



رقم الصفحة  
في الكتاب

# السؤال الثاني

مترجم ج

لنوزع الحاصل

$$3 = (3 \cos^2 \theta + 3 \sin^2 \theta) = 3$$

$$3 = 3 \cos^2 \theta + 3 \sin^2 \theta$$

$$3 = 3 \cos^2 \theta + 3 \sin^2 \theta$$

$$3 = 3 \cos^2 \theta + 3 \sin^2 \theta$$

$$3 = 3 \cos^2 \theta + 3 \sin^2 \theta$$

$$3 = 3 \cos^2 \theta + 3 \sin^2 \theta$$

أيضاً

$$3 = 3 \cos^2 \theta + 3 \sin^2 \theta$$

$$3 = 3 \cos^2 \theta + 3 \sin^2 \theta$$

$$3 = 3 \cos^2 \theta + 3 \sin^2 \theta$$

$$3 = 3 \cos^2 \theta + 3 \sin^2 \theta$$

$$3 = 3 \cos^2 \theta + 3 \sin^2 \theta$$

$$3 = 3 \cos^2 \theta + 3 \sin^2 \theta$$

$$3 = 3 \cos^2 \theta + 3 \sin^2 \theta$$

$$3 = 3 \cos^2 \theta + 3 \sin^2 \theta$$

# السؤال الثالث (عروضه)

$$D = \frac{\sqrt{17} - \sqrt{17+17}}{\sqrt{17} + \sqrt{17+17}}$$

لغرض تبسيط  
المرادف

$$D = \frac{\sqrt{17} - \sqrt{34}}{\sqrt{17} + \sqrt{34}} \times \frac{\sqrt{17} - \sqrt{34}}{\sqrt{17} - \sqrt{34}}$$

$$D = \frac{(\sqrt{17} - \sqrt{34})^2}{(17 - 34)}$$

$$D = \frac{17 - 2\sqrt{561} + 34}{-17}$$

$$D = \frac{51 - 2\sqrt{561}}{-17}$$

$$D = \frac{17 - 2\sqrt{33} - 17}{-17}$$

نقربها أن  $\sqrt{33} = 5.744562646538029$   $\Rightarrow$   $17 - 2 \times 5.744562646538029 = 5.510874706923941$   
 $D = \frac{5.510874706923941}{-17} = -0.3241691004072906$

بالعقوف في التكامل

$$\frac{1}{u^2} = \frac{1}{u} \times \frac{1}{u} = \frac{1}{(u+1)(u-1)}$$

$$\frac{1}{u^2} = \frac{1}{2} \left( \frac{1}{u-1} - \frac{1}{u+1} \right)$$

$$\int \frac{1}{u^2} du = \frac{1}{2} \left( \ln|u-1| - \ln|u+1| \right) + C$$

الغرض بالمرادف  $\Rightarrow$  توزيع المعلومات بنفس الطريقة

# السؤال الثالث

مربع

رقم الصفحة  
في الكتاب

الإجابة النموذجية :

السؤال الثالث

بمقاس  $u$  لو  $u = 1$

نفرض  $u = 1$   $\text{مقاس}$

$$u = \frac{1}{u}$$

$$u = \frac{1}{u} \Rightarrow u^2 = 1 \Rightarrow u = \pm 1$$

بمقاس  $u$  لو  $u = 1$

بمقاس  $u$  لو  $u = 1$

بمقاس  $u$  لو  $u = 1$

بمقاس  $u$  لو  $u = 1$

$$u = \frac{1}{u} \Rightarrow u^2 = 1$$

$$u = \frac{1}{u} \Rightarrow u^2 = 1$$

$$u = \frac{1}{u} \Rightarrow u^2 = 1$$

$$u = \frac{1}{u} \Rightarrow u^2 = 1$$

$$u = \frac{1}{u} \Rightarrow u^2 = 1$$

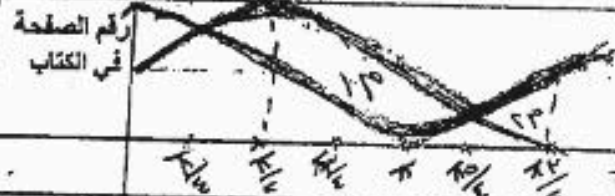
$$u = \frac{1}{u} \Rightarrow u^2 = 1$$

$$u = \frac{1}{u} \Rightarrow u^2 = 1$$

$$u = \frac{1}{u} \Rightarrow u^2 = 1$$

إذا استبدك عدد في الكلام عند تعريفه، لسانه يا هذا علاقة  $u$

# السؤال الثالث



الإجابة النموذجية للسؤال الثالث

با) إيجاد نقاط تقاطع المنحنيين

$$f(x) = \sin(x) \quad (1)$$

$$g(x) = \cos(x) + 1 \quad (2)$$

$$f(x) = g(x) \Rightarrow \sin(x) = \cos(x) + 1$$

$$\sin(x) - \cos(x) = 1$$

$$m^2 + m = 1$$

$$\sin\left(\frac{\pi}{2}\right) - \cos\left(\frac{\pi}{2}\right) = 1 \quad (1)$$

$$\sin\left(\frac{3\pi}{2}\right) - \cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) = 1 \quad (2)$$

$$\sin\left(\frac{\pi}{2}\right) - \cos\left(\frac{\pi}{2}\right) = 1$$

$$\sin\left(\frac{3\pi}{2}\right) - \cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) = 1$$

$$\left(\frac{1}{\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}}\right) - \left(\frac{1}{\sqrt{2}} - \frac{1}{\sqrt{2}}\right) = 1$$

$$\frac{2}{\sqrt{2}} = 1 \Rightarrow \frac{\sqrt{2}}{1} = 1 \Rightarrow \sqrt{2} = 1$$

إذاً الحل هو  $x = \frac{\pi}{2}$  و  $x = \frac{3\pi}{2}$

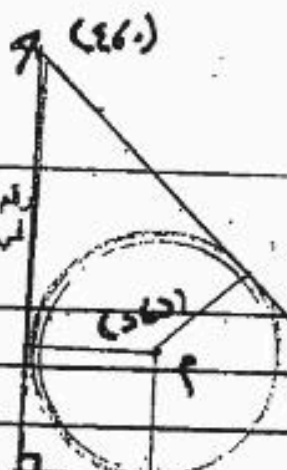
و  $x = \frac{\pi}{2}$  و  $x = \frac{3\pi}{2}$



السؤال الرابع (٢٤ علامة)

الإجابة النموذجية :

رقم الصفحة  
في الكتاب



(أ) بما أن الدائرة مماسية المحاورين الإحداثيين

إذا لم يكن (د)  $\frac{1}{2}$



إذن المركز يقع على المحورين الإحداثيين

$$\begin{aligned} \text{مساواة (١)} \quad & \frac{1}{2} = \frac{460 - 450}{460 - 440} \\ \text{مساواة (٢)} \quad & \frac{1}{2} = \frac{460 - 440}{450 - 440} \end{aligned}$$

$$\text{بعد الترتيب والجمع نحصل على: } \frac{1}{2} = \frac{460 - 450}{450 - 440}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{460 - 450}{450 - 440}$$

$$\sqrt{2} = \frac{460 - 450}{450 - 440}$$

$$\sqrt{2} = \frac{10}{10} = 1$$

$$\sqrt{2} = 1 \Rightarrow \sqrt{2} - 1 = 0$$

$$\sqrt{2} = 1 \Rightarrow \sqrt{2} - 1 = 0$$

$$\sqrt{2} = 1 \Rightarrow \sqrt{2} - 1 = 0$$

$$\sqrt{2} = 1 \Rightarrow \sqrt{2} - 1 = 0$$

بما أن القطر = ٤  
ومعادلة الدائرة

$$(x - 4)^2 + (y - 4)^2 = 4$$

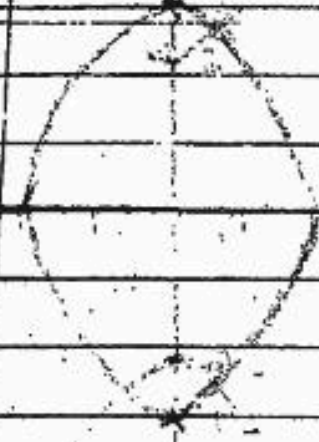
علامة كائناً ما كانت علامة نصري

ملاحظة: مع مراعاة الحل الجبري  $(x - 4)^2 + (y - 4)^2 = 4$

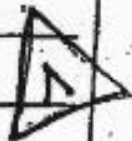
رقم الصفحة  
في الكتاب

### السؤال الرابع

مربع ب



$$1 = \frac{a^2 + b^2}{c^2 + d^2}$$



$$\textcircled{1} \quad r = p \iff a = q$$

$$c = u \iff e = v$$

$$c = e - a = v - p = w$$

$$\textcircled{2} \quad c = v$$

بأيضا (قطوع شاقبة)  $(c, a)$  و  $(c, b)$

وهي بؤبؤات القطوع الزائفة

بؤبؤات القطوع الناقصة  $(c, a)$  و  $(c, b)$

وهي أيضا القطوع الزائفة.

$$\textcircled{3} \quad c = v \iff a = p$$

$$e = 0 - a = p - c = u$$

$$\textcircled{4} \quad e = u$$

$$\textcircled{1} \quad 1 = \frac{a^2 + b^2}{c^2 + d^2}$$

$$\textcircled{1} \quad 1 = \frac{a^2 + b^2}{c^2 + d^2}$$

والاقتضيات

إذا بدلنا  $r$  بـ  $e$  و  $a$  بـ  $c$



# السؤال الرابع مخرج ج

$$u = 5 - 2v$$

$$u + 2v = 5$$

$$(u + 2v) = 5$$

$$\textcircled{1} \quad \frac{u + 2v}{1} = \frac{5}{1}$$

$$u = 5 - 2v$$

$$u = 5 - 2v$$

$$(u - 5) = -2v$$

$$\textcircled{1} \quad \frac{u - 5}{-2} = \frac{-2v}{-2}$$

طرح (5) من (1) ينتج

$$\textcircled{1} \quad \frac{(u + 2v) - (u - 5)}{1 - (-2)} = \frac{5 - (-5)}{1 - (-2)}$$

$$\textcircled{1} \quad \frac{u + 2v - u + 5}{1 + 2} = \frac{5 + 5}{1 + 2}$$

المسار عبارة عن قطع زائد  $\textcircled{1}$

# السؤال الخامس (١٦ علامة)

اجابة التمرجية :

رقم الصفحة  
في الكتاب

$$P \quad 9(1-s) - 17(s-2) = 144$$

$$9(1-s) = 144 + 17(s-2)$$

$$9 - 9s = 144 + 17s - 34$$

$$9 - 9s = 110 + 17s$$

$$-9s - 17s = 110 - 9$$

$$-26s = 101$$

$$s = -\frac{101}{26}$$

٣٣٥

بما أن  $s = -\frac{101}{26}$  ونجرب  $(26)$

$$\text{بما } s = 1$$

معادلة القطع المكافئ

$$\text{① } (s-2) = 144 - 9(1-s)$$

$$\text{② } 144 - 9(1-s) = (s-2)$$

$$\text{③ } 144 - 9 + 9s = s - 2$$

$$\text{④ } 144 - 9 + 9s = s - 2$$

الاشارة

# السؤال الخامس

اجابة النموذجية!

رقم الصفحة  
في الكتاب

$$(u) \quad 4 - 5 + 9 - 16 + 25 - 36 + 49 - 64 + 81 - 100 = 3$$

علاقة كالتالي للظن

$$3 = 122 + 100 + 9 + 5 - 48 - 5$$

$$3 = 122 + 100 + 9 + 5 - 48 - 5 + (17 + 100 + 9) + (37 + 6 - 12 - 5)$$

$$3 = 122 - 5(4 + 100) + 9 + (7 - 5)$$

$$\frac{122}{20} = \frac{5(4 + 100) + 9 + (7 - 5)}{122}$$

$$\frac{20}{20} = \frac{5(4 + 100) + 9 + (7 - 5)}{122} \quad \text{① وضع ناقص}$$

المرکز (٤-٦)

$$7 = 9 \iff 27 = 9^3$$

$$4 = 5 \iff 16 = 5^2$$

$$4 = 17 - 27 = 9 - 9 = 0$$

$$5 = 25$$

الرأسان هما (٤-٦) و (٤-١٠) ← (٤-٦) و (٤-١٠)

البؤرتان هما (٤-٦) و (٤-١٠) ← (٤-٦) و (٤-١٠)

$$\text{الاستعداد المركزي} = \frac{p}{q} = \frac{100}{6} = \frac{16.6}{3} \quad \text{①}$$

$$\left. \frac{1}{\sqrt{s}} \frac{1}{s} = \frac{1}{s(\sqrt{s} + 1)} \right\} \text{نوع 1}$$

$$\left. \frac{1}{\sqrt{s}} \frac{1}{s} = \frac{1}{s(\sqrt{s} + 1)} \right\} = \frac{1}{s} - \frac{1}{s(\sqrt{s} + 1)}$$

$$1 = \frac{p}{s} + \frac{q}{\sqrt{s} + 1}$$

حل آخر

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \quad \sqrt{s} + 1 &= us \\ \sqrt{s} &= us - 1 \\ \frac{us}{1-u} &= s \end{aligned}$$

$$\frac{1}{\sqrt{s} + 1} \left\{ \frac{1}{s} \right\}$$

$$\frac{us}{1-u} \times \frac{1}{us} \left\{ A \right\}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \quad 1 &= p \\ \textcircled{2} \quad 1 &= u \end{aligned}$$

$$1 = \frac{p}{1-u} + \frac{q}{u} \quad \textcircled{1}$$

$$\left. \frac{1}{\sqrt{s}} \left( \frac{1}{1-u} + \frac{1}{u} \right) = \frac{1}{s(\sqrt{s} + 1)} \right\}$$

$$\textcircled{1} \quad p + \frac{1}{1-u} + \frac{1}{u} = \frac{1}{s(\sqrt{s} + 1)}$$

$$\textcircled{1} \quad p + \frac{1}{\sqrt{s} + 1} + \frac{1}{\sqrt{s}} = \frac{1}{s(\sqrt{s} + 1)}$$

$$p + \frac{1}{\sqrt{s} + 1} = \frac{1}{s(\sqrt{s} + 1)}$$

1

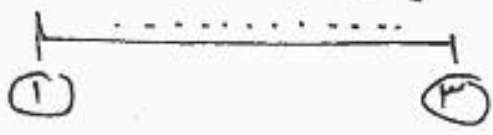
السؤال الثاني / فرقة ٥

مجموعه ٥

ص =  $\frac{1}{\sqrt{v+c} + \sqrt{v}}$  [٢١١]

ص =  $\frac{1}{\sqrt{v+c} + \sqrt{v}}$

ص =  $\frac{1}{\sqrt{v+c} + \sqrt{v}}$



ص (١) =  $\frac{1}{3}$

ص (٢) =  $\frac{1}{5}$

$\frac{1}{2} \geq \frac{1}{\sqrt{v+c} + \sqrt{v}} \geq \frac{1}{5}$

$\frac{1}{2} \geq \frac{1}{\sqrt{v+c} + \sqrt{v}} \geq \frac{1}{5}$

$\frac{1}{2} \geq \frac{1}{\sqrt{v+c} + \sqrt{v}} \geq \frac{1}{5}$

والاختيارات

c

ضریب ۳

$$\begin{aligned} \text{سه صریح } ۲ \text{ من } ۱ \text{ صریح } ۴ \\ \text{صا} = \text{لو قاس} \Rightarrow \text{قاس} = \text{صا} \\ \text{قاس رس} = \text{صا رس} \end{aligned}$$

۳  
۲  
۱

$$3 \text{ قاس لو قاس رس}$$

$$= \frac{3 \text{ قاس} \times \text{صا} \times \text{صا رس}}{\text{قاس}}$$

$$= 3 \text{ (قاس + ۱) صا رس}$$

$$= 3 \text{ (صا رس + ۱) صا رس}$$

$$= 3 \text{ (صا رس + صا رس + ۱) صا رس}$$

$$= 3 \text{ (صا رس + صا رس + صا رس + ۱) صا رس}$$

$$= 3 \left[ \frac{3 \text{ صا رس} + 3 \text{ صا رس} + 3 \text{ صا رس} + 3 \text{ صا رس}}{3} \right]$$

$$= 3 \left[ \frac{12 \text{ صا رس}}{3} \right]$$

$$= 12 \text{ صا رس}$$

$$= 12 \text{ صا رس}$$

$$= 12 \text{ صا رس}$$

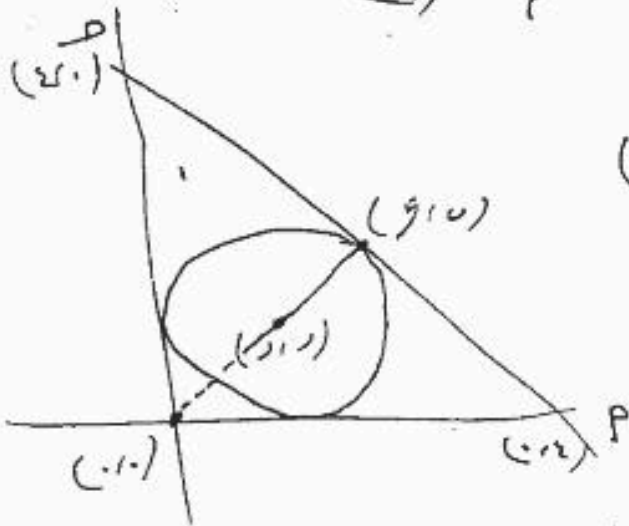
$$= 12 \text{ صا رس}$$

۳



صحة الجواب

مسألة البرهان / حلها في



(P) نفرضنا نقطتي تماس (u, v)

(1) المراكز (r, r)

$$r^2 = (r-u)^2 + (r-v)^2 \quad (1)$$

$$r^2 = (r-u)^2 + (r-v)^2 \quad (1)$$

$$r^2 = 1 - x(r-u)^2 + (r-v)^2$$

$$r^2 = (r-u)^2 + (r-v)^2$$

(1)  $r = u$  : نقطتي تماس (u, v)

$$\frac{1}{2} \sqrt{(a-u)^2 + (b-v)^2} = \frac{1}{2} \sqrt{a^2 + b^2}$$

$$\sqrt{(a-u)^2 + (b-v)^2} = \sqrt{a^2 + b^2}$$

$$a-u = a \Rightarrow u=0$$

$$b-v = b \Rightarrow v=0$$

$$r = u$$

$$r = \frac{a+b}{2}$$

$$r = \frac{a \pm \sqrt{a^2 + b^2}}{2}$$

$$(r-u)^2 + (r-v)^2 = (r-u)^2 + (r-v)^2$$

