

إجابات أسئلة الدرس

نظريات النهايات

(١) إذا علمت أن نهايا $ق(س) = ٨$ ، نهايا $هـ(س) = -٢$ ، فجد قيمة كل مما يأتي (إن وجدت):

- أ) نهايا $(٤ق(س) + ٢هـ(س))$ $\xrightarrow{س \rightarrow ٣}$ نهايا $(٢ق(س) - ٢هـ(س))$ $\xrightarrow{س \rightarrow ٣}$
- ب) نهايا $(٤ق(س) \times هـ(س))$ $\xrightarrow{س \rightarrow ٣}$ نهايا $(٥ق(س))$ $\xrightarrow{س \rightarrow ٣}$
- ج) نهايا $(٢ق(س) + ١)$ $\xrightarrow{س \rightarrow ٣}$ نهايا $((هـ(س))^٢ + ٣س - ٧)$ $\xrightarrow{س \rightarrow ٣}$
- د) نهايا $(٢ق(س) + ٣هـ(س) + ٤)$ $\xrightarrow{س \rightarrow ٣}$

الحل:

$$\begin{aligned} \text{أ) نهايا } (٤ق(س) + ٢هـ(س)) &= ٨ + ٢(-٢) = ٤ - ٤ = ٠ \\ \text{ب) نهايا } (٢ق(س) - ٢هـ(س)) &= ٢(٨) - ٢(-٢) = ١٦ + ٤ = ٢٠ \\ \text{ج) نهايا } (٤ق(س) \times هـ(س)) &= ٤(٨) \times (-٢) = ٣٢ - ٨ = ٢٤ \\ \text{د) نهايا } (٥ق(س)) &= ٥(٨) = ٤٠ \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{ب) نهايا } (٢ق(س) - ٢هـ(س)) &= ٢(٨) - ٢(-٢) = ١٦ + ٤ = ٢٠ \\ \text{ج) نهايا } (٢ق(س) \times هـ(س)) &= ٢(٨) \times (-٢) = ١٦ - ٤ = ١٢ \\ \text{د) نهايا } (٥ق(س)) &= ٥(٨) = ٤٠ \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{ج) نهايا } (٢ق(س) \times هـ(س)) &= ٢(٨) \times (-٢) = ١٦ - ٤ = ١٢ \\ \text{د) نهايا } (٥ق(س)) &= ٥(٨) = ٤٠ \end{aligned}$$

$$\text{د) نهايا } (٥ق(س)) = ٥(٨) = ٤٠$$

$$\text{هـ) نهايا } (٢ق(س) + ١) = ٢(٨) + ١ = ١٦ + ١ = ١٧$$

$$(و) \text{ نهـا }_{3 \leftarrow س} ((هـ(س) + ٣ - س٣) = \text{ نهـا }_{3 \leftarrow س} ((س) + ٣ - س٣) + \text{ نهـا }_{3 \leftarrow س} (٣ - س٣)$$

$$٦ - = ٧ - ٩ + ٨ - = ٧ - ٣ \times ٣ + (٢ -) =$$

$$(ز) \text{ نهـا }_{3 \leftarrow س} (٢(ق(س) + ٣(هـ(س) + ٢(س + ٤) =$$

$$= \text{ نهـا }_{3 \leftarrow س} (٢(ق(س) + ٣(هـ(س) + ٢(س + ٤) = \text{ نهـا }_{3 \leftarrow س} (٢(ق(س) + ٣(هـ(س) + ٢(س + ٤)$$

$$٢٠ = ٤ + ٦ + ٦ - ١٦ = ٤ + ٣ \times ٢ + ٢ - \times ٣ + ٨ \times ٢$$

(٢) جد قيمة كل مما يأتي:

$$(أ) \text{ نهـا }_{2 \leftarrow س} (٣(س - ٤) - ٥(س + ٢) + ٦(س - ٧)$$

$$(ب) \text{ نهـا }_{1 \leftarrow س} (٢(س + ١) + ٥(س - ٢))$$

$$(ج) \text{ نهـا }_{1 \leftarrow س} (٢(س + ٢))$$

الحل:

$$(أ) \text{ نهـا }_{2 \leftarrow س} (٣(س - ٤) - ٥(س + ٢) + ٦(س - ٧)$$

$$٧ - (٢ -) ٦ + (٢ -) ٥ - (٢ -) ٣ =$$

$$٦٩ = ١٩ - ٤٠ + ٤٨ = ٧ - ١٢ - ٨ - \times ٥ - ١٦ \times ٣ =$$

$$(ب) \text{ نهـا }_{1 \leftarrow س} (٢(س + ١) + ٥(س - ٢))$$

$$٨ = ٤ \times ٢ = (٢ - ٥ + ١)(١ + ١) =$$

$$(ج) \text{ نهـا }_{1 \leftarrow س} (٢(س + ٢)) = (٢ + (١ -)) = (٢ + ١ -) = (١) = ١$$

$$(٣) \text{ إذا كانت نها } (٣ق(س) + ٢س + ١) = ٢٧, \text{ فجد نها } (ق(س))^٣$$

س ← ٢ س ← ٢

الحل:

$$٢٧ = (١ + ٢س) \text{ نها } + (س) \text{ نها } ٣$$

س ← ٢ س ← ٢

$$٢٧ = (١ + ٢ \times ٢) + (س) \text{ نها } ٣ =$$

س ← ٢

$$٢٧ = ٣ - (س) \text{ نها } ٣ =$$

س ← ٢

$$٣٠ = (س) \text{ نها } ٣ =$$

س ← ٢

$$١٠ = (س) \text{ نها } =$$

س ← ٢

$$\text{نها } (ق(س))^٣ = \text{نها } (ق(س))^٣$$

س ← ٢ س ← ٢

$$١٠٠٠ = ١٠ =$$

$$(٤) \text{ إذا كانت نها } (م س^٢ + ٥س + ١) = ٢٥, \text{ فما قيمة الثابت م؟}$$

س ← ٣

الحل:

$$٢٥ = (م س^٢ + ٥س + ١) \text{ نها}$$

س ← ٣

$$٢٥ = ١ + ٣ \times ٥ + م س^٢$$

س ← ٣

$$٢٥ = ١٦ + م(٣)$$

$$١٦ - ٢٥ = م٩$$

$$٩ = م٩$$

$$١ = م$$

$$(5) \left. \begin{array}{l} 1 + s^4, \quad s > 0, \\ 5 - s^2, \quad s \leq 0 \end{array} \right\} = (s) \text{ إذا كان ق (س) : فجد قيمة كل مما يأتي:}$$

(أ) نهـاق (س) $s \leftarrow 1$ (ب) نهـاق (س) $s \leftarrow -2$ (ج) نهـاق (س) $s \leftarrow 0$

الحل:

(أ) نهـاق (س) $s \leftarrow 1 = 5 - 2^2 = 1$

(ب) نهـاق (س) $s \leftarrow -2 = 1 + 4 = 5$

(ج) نهـاق (س) $s \leftarrow 0 = 5 - 0 = 5$

نهـاق (س) $s \leftarrow 0 = 1 + 0 = 1$

نهـاق (س) غير موجودة. $s \leftarrow 0$

$$(6) \left. \begin{array}{l} 1 + s^2, \quad s \neq 3 \\ 8, \quad s = 3 \end{array} \right\} = (s) \text{ إذا كان هـ (س) : فجد قيمة كل مما يأتي:}$$

(أ) نهـاهـ (س) $s \leftarrow 5$ (ب) نهـاهـ (س) $s \leftarrow 3$ (ج) هـ (3)

الحل:

$$٢٦ = ١ + ٢٥ = (س) \text{ نهاه} \quad ٥ \leftarrow س$$

$$١٠ = ١ + ٢٣ = (س) \text{ نهاه} \quad ٣ \leftarrow س$$

$$٨ = (٣) \text{ هه}$$

$$(٧) \text{ إذا كان ق(س) = } \left. \begin{array}{l} أس + ٤, \quad س > ٢ \\ ٥س + ٢, \quad س \leq ٢ \end{array} \right\}$$

وكانت نها ق(س) موجودة، فما قيمة الثابت أ؟
٢ ← س

الحل:

نها ق(س) موجودة،
٢ ← س

$$\text{نها} ٥س + ٢ = \text{نها} أس + ٤ \quad ٢ \leftarrow س \quad ٢ \leftarrow س$$

$$٤ + ٢٠ = أ + ٢٠$$

$$٤ - ٢٠ = أ - ٢٠$$

$$١٦ = أ$$

$$(٨) \text{ إذا كان ق(س) = } \left. \begin{array}{l} ١ + ٢س \\ ٥س \\ ٦ - ٢س \end{array} \right\} \begin{array}{l} ، س > ٢ \\ ، ٢ \leq س \leq ٦ \\ ، س < ٦ \end{array}$$

فجد قيمة كل من النهايات الآتية (إن وجدت):

أ) نهـاق(س) (ب) نهـاق(س)
س ← ٠ س ← ٢

جـ) نهـاق(س) د) نهـاق(س)
س ← ٤ س ← ٦

الحل:

أ) نهـاق(س) = ١ + ٢٠ = ١
س ← ٠

ب) نهـاق(س) = ٢ × ٥ = ١٠
س ← ٢

نهـاق(س) = غير موجودة.
س ← ٢

نهـاق(س) = ١ + ٢٢ = ٥
س ← ٢

جـ) نهـاق(س) = ٤ × ٥ = ٢٠
س ← ٤

د) نهـاق(س) = ٦ - ٣٦ = ٦ - ٢٦ = ٣٠
س ← ٦

نهـاق(س) = ٦ × ٥ = ٣٠
س ← ٦

نهـاق(س) = ٣٠
س ← ٦

$$(٩) \text{ إذا كان ق(س) = } \left. \begin{array}{l} ٣س - ١ \\ ١٠ \end{array} \right\} \begin{array}{l} ، س > ٢ \\ ، س < ٢ \end{array}$$

وكانت نهـاق(س) موجودة، فجد قيمة الثابت أ؟
س ← ٢

الحل:

نهاية (س) موجودة $\leftarrow$
س $\leftarrow$ ٢

نهاية (س) = نهاية (س)
س $\leftarrow$ ٢ $\leftarrow$ ٢

١٠ = نهاية (٣س - أ)
س $\leftarrow$ ٢

١٠ = ٣ - ٢أ

١٠ = ٦ - أ

أ = ٤