

المتغير العشوائي المنفصل وتوزيع ذي الحدين

تدريب (٣):

إذا كان S متغيراً عشوائياً ذا حدين، ومعاملاته: $n = 7$ ، $p = 0.7$ ، فجد كلاً مما يأتي:

- (١) $P(S = 5)$ (٢) $P(S \leq 4)$ (٣) $P(S \geq 2)$.

الحل:

$$(1) P(S = 5) = \binom{7}{5} (0.7)^5 (0.3)^2 =$$

$$= \frac{7!}{5!2!} (0.7)^5 (0.3)^2 = 0.3 \times 0.16807 \times 6 = 0.3 \times 0.16807 \times \frac{6}{11 \cdot 10} =$$

$$(2) P(S \leq 4) = P(S = 4) + P(S = 5) + P(S = 6) =$$

$$P(S = 4) = \binom{7}{4} (0.7)^4 (0.3)^3 =$$

$$= \frac{7!}{4!3!} (0.7)^4 (0.3)^3 = 0.09 \times 0.2401 \times \frac{6}{12 \cdot 14} =$$

$$= 0.324135 = 0.21609 \times \frac{14 \times 5 \times 7}{2 \times 14} =$$

$$P(S = 6) = \binom{7}{6} (0.7)^6 (0.3)^1 = 1 \times 0.117649 \times 1 = 0.117649 = 1 \times 0.117649 \times 1 =$$

$$P(S = 5) = 0.302526 \text{ (من الفرع (١))}$$

$$P(S \leq 4) = 0.302526 + 0.117649 + 0.324135 = 0.744310$$

$$(3) P(S \geq 2) = P(S = 1) + P(S = 2) =$$

$$P(S = 0) = \binom{7}{0} (0.7)^0 (0.3)^7 = 1 \times 1 \times 0.0002187 = 0.0002187$$

$$P(S = 1) = \binom{7}{1} (0.7)^1 (0.3)^6 = 7 \times 0.7 \times 0.0002187 = 0.00107271$$

$$P(S = 2) = \binom{7}{2} (0.7)^2 (0.3)^5 =$$

$$= \frac{7!}{2!5!} (0.7)^2 (0.3)^5 = 0.0081 \times 0.49 \times \frac{6}{14 \cdot 12} =$$

$$= 0.050335 = 0.003969 \times 10 = 0.003969 \times \frac{14 \times 5 \times 7}{14 \cdot 12} =$$

$$P(S \geq 2) = 0.050335 + 0.00107271 + 0.0002187 = 0.05162641$$

تدريب (٤):

غرس مزارع ٧ شتلات، وكانت نسبة احتمال نجاح غرس الشتلة الواحدة هي ٦٠%. ما احتمال نجاح غرس ٣ شتلات على الأقل؟

الحل:

$$n = 7, \quad p = 0.6$$

المطلوب: $L = P(X \leq 3) = P(X = 3) + P(X = 2) + P(X = 1) + P(X = 0)$

$$P(X = 0) = \binom{7}{0} (0.6)^0 (0.4)^7 = 0.0016384$$

$$P(X = 1) = \binom{7}{1} (0.6)^1 (0.4)^6 = 0.0193344$$

$$P(X = 2) = \binom{7}{2} (0.6)^2 (0.4)^5 = 0.099456$$

$$P(X = 3) = \binom{7}{3} (0.6)^3 (0.4)^4 = 0.27648$$

$$L = P(X \leq 3) = P(X = 3) + P(X = 2) + P(X = 1) + P(X = 0)$$

$$L = 0.27648 + 0.099456 + 0.0193344 + 0.0016384 = 0.3969088$$