

## إجابات تمارين ومسائل الدرس

### الاقتران الأسّي الطبيعي - إجابات دليل المعلم

(١) جد  $\frac{ص}{وس}$  لكل من الاقترانات الآتية:

(ب)  $ص = س^٣ + هـ^{-٦} س^٤$

(أ)  $ص = س + هـ^٩$

(د)  $ص = \sqrt[١٧]{هـ^٢ س}$

(ج)  $ص = جا هـ^٢$

(و)  $ص = هـ^٥ + لو س$

(هـ)  $ص = هـ^{\frac{١}{س}} + لو س$

(ح)  $ص = \frac{هـ^٢ س + ١}{هـ^٥ س}$

منهاجي

(ز)  $ص = هـ^٤ لو س^{٢+٢}$

(ط)  $ص = هـ^٢ + س^٢ هـ جا س$

الحل

(ب)  $\frac{ص}{وس} = \frac{س^٣ - ٢ س^٢٠ - هـ^{-٦} س^٤}{وس}$

منهاجي

(أ)  $\frac{ص}{وس} = \frac{٩ + ١ + هـ^٩}{وس}$

(د)  $\frac{ص}{وس} = \frac{هـ^٢ س}{وس \sqrt[١٧]{هـ^٢ س}}$

(ج)  $\frac{ص}{وس} = \frac{٢ هـ^٢ س جا هـ^٢ س}{وس}$

(و)  $\frac{ص}{وس} = ظا س$

(هـ)  $\frac{ص}{وس} = \frac{١ - هـ^{\frac{١}{س}} + \frac{١}{س^٢}}{وس}$

(ح)  $\frac{ص}{وس} = \frac{- هـ^٥ س^٥ - هـ^٣ س^٣ - هـ^{-٦} س^٤}{وس}$

(ز)  $\frac{ص}{وس} = \frac{١٢ س^٢ (س + ٢)^٢}{وس}$

(ي)  $\frac{ص}{وس} = \frac{هـ^{٢٤} س^{٢٤} + ٣٠}{وس}$

(ط)  $\frac{ص}{وس} = \frac{س^٢ هـ جا س (س جا س + ٣)}{وس}$

(٢) إذا كان  $ص = هـ ظا س + أ لو س جا س$  وكان  $\frac{ص}{وس} = \frac{١ + هـ^٢}{س^{\frac{\pi}{٤}}}$ ، فجد قيمة الثابت أ.

منهاجي

الحل

أ = ١ -

(٣) إذا كان  $ق (س) = جا س + هـ^٢ س$ ،  $ق (٠) = \frac{١}{٤}$ ،  $ق (٠) = \frac{١}{٢}$ ، فجد قاعدة الاقتران ق.

منهاجي

الحل

ق (س) = - جا س +  $\frac{هـ^٢ س}{٤} + س$

(٤) إذا كان  $هـ = ص - س$ ، فأثبت أن  $\frac{ص - ٢ص + ١}{ص + ١} = \frac{كص}{كس}$

الحل

ملاحظة: الحل غير موجود في الدليل

منهاجي

$$هـ = ص - س \quad \cdot \quad \text{نشتق الطرفين}$$

$$هـ - ١ = (ص - س) - ١$$

$$ص - س - ١ = ص - س - ١$$

$$ص - س - ١ = ص - س - ١$$

منهاجي

$$ص - س - ١ = (ص - س) - ١$$

$$\frac{ص - س - ١}{ص + ١} = \frac{ص - س - ١}{ص + ١}$$

منهاجي

$$\frac{ص(ص - س) - ١}{ص + (ص - س)} =$$

$$\frac{ص - ١}{ص + ص - س} =$$

(٥) إذا كان  $ص = هـ - س$ ، فجد قيمة (قيم) الثابت أ التي تحقق المعادلة الآتية:  $ص - ٥ص + ٦ص = صفرًا$

منهاجي

الحل

$$٢، ٣ = أ$$

٦) إذا كان  $q(s) = 3s^2 + 2s + 1$ ، حيث  $l(s)$  قابل للاشتقاق؛ فأثبت أن:  $q(s) = 3l(s) + 2l'(s) + l''(s)$

الحل

ملاحظة: الحل غير موجود في دليل المعلم

$$q(s) = 3s^2 + 2s + 1 \quad (\text{نأخذ اللوغاريتم})$$

$$l(s) = 3s^2 + 2s + 1$$

$$l'(s) = 6s + 2$$

$$l''(s) = 6$$

$$3l(s) + 2l'(s) + l''(s) = 3(3s^2 + 2s + 1) + 2(6s + 2) + 6$$

$$= 9s^2 + 6s + 3 + 12s + 4 + 6 = 9s^2 + 18s + 13$$

٧) إذا كان  $q(s) = 4s^2 + 2s + 1$ ،  $q(b) = -2b$ ،  $b \neq 0$  فجد قيمة (قيم) الثابت  $b$ .

الحل

$$q(b) = -2b$$

$$4b^2 + 2b + 1 = -2b$$

٨) جد كلاً من التكمالات الآتية:

(أ) $\left  \begin{matrix} ٧س \\ ٧س \end{matrix} \right $	منهاجي	(ب) $\left  \begin{matrix} ٣س \\ ٣س \end{matrix} \right $
(ج) $\left  \begin{matrix} ٢س \\ ٢س \end{matrix} \right $		(د) $\left  \begin{matrix} ٤س - ٣س \\ ٤س - ٣س \end{matrix} \right $
(هـ) $\left  \begin{matrix} ٢٧س \\ ٣س \end{matrix} \right $	منهاجي	(و) $\left  \begin{matrix} ٥س + ٥س \\ ٥س + ٥س \end{matrix} \right $
(ز) $\left  \begin{matrix} ١س \\ ١س \end{matrix} \right $		(ح) $\left  \begin{matrix} ٣س + ٢س \\ ٣س + ٢س \end{matrix} \right $
(ط) $\left  \begin{matrix} ٤س + ٣س + ٤س \\ ٤س + ٣س + ٤س \end{matrix} \right $		(ي) $\left  \begin{matrix} ٢س + ٥س \\ ٢س + ٥س \end{matrix} \right $

الحل

(أ) $\frac{٧س}{٧} + ج$	منهاجي	(ب) $١ - ٢س$
(ج) $٢س$		(د) $٥س + ٥س + ٣س + ٣س$
(هـ) $\frac{٢٧س}{٣} + ٣س + ٩س + ج$		(و) $٥س + ٥س + ج$
(ز) $١س + ١س$	منهاجي	(ح) $\frac{٣س + ٢س}{٤} + ج$
(ط) $\frac{٤س + ٣س + ٤س}{٥} + ج$		(ي) $\frac{٢س + ٥س}{٤} + ج$