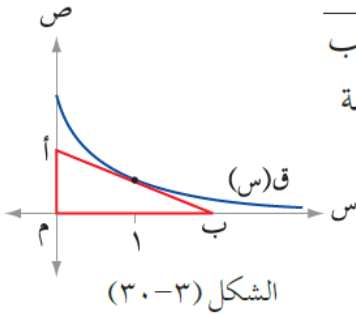


إجابات أسئلة الوحدة

تطبيقات القيم القصوى - إجابات دليل المعلم



(١) معتمداً الشكل (٣٠-٣)، الذي فيه المثلث أم ب الذي ضلعه أب يمس منحنى الاقتران ق(س) = $\frac{ج}{١+س}$ عند (١، ق(١))، جد قيمة الثابت ج التي تجعل مساحة المثلث تساوي $\frac{٩}{٤}$ وحدة مربعة.

منهاجي

الحل
ج = ٢

(٢) يتحرك جسيم على خط مستقيم بحيث إن بُعده عن نقطة الأصل بالأمتار بعد ن ثانية معطى بالعلاقة $ف(ن) = \frac{ن}{٢} - جا٢ن$ ، $ن \in [٠, \pi]$ ، جد تسارع الجسيم في اللحظة التي تنعدم فيها سرعته.

منهاجي

الحل
ت = $\sqrt{٣}$ م/ث^٢

(٣) إذا كان ق(س) = $\sqrt{٢٧ - ٣س}$ ، $س \in ح$ ، فجد كلاً مما يأتي:

أ) قيم س التي يكون عندها للاقتران ق نقط حرجة.
ب) فترات التزايد وفترات التناقص للاقتران ق.
ج) قيم س التي يكون عندها للاقتران قيم قصوى مبيناً نوعها.

منهاجي

الحل
أ) $س = ٣ \pm ٣\sqrt{٣}$
ب) الاقتران ق متزايد في الفترتين $(-\infty, ٣-]$ ، $[٣, \infty)$
الاقتران ق متناقص في الفترة $[٣, ٣-]$
ج) للاقتران ق قيمة عظمى محلية عند $س = ٣-$
للاقتران ق قيمة صغرى محلية عند $س = ٣$
للاقتران ق قيمة صغرى مطلقة عند $س = -\sqrt{٣}$

٤) عيّن قاعدة الاقتران ق(س) = أس^٣ + ب س^٢ + ج س + د ، حيث :

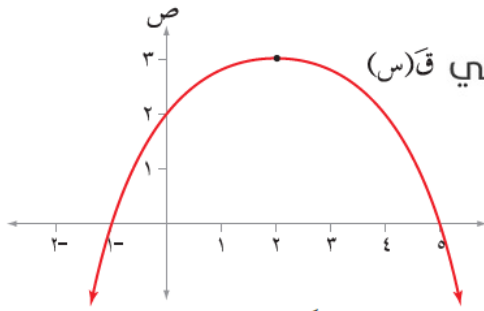
أ ، ب ، ج ، د أعداد حقيقية ثابتة ، ويمر منحنى الاقتران ق بالنقطة (٥ ، ٠) ومعادلة المماس لمنحناه عند النقطة (١ ، ق(١)) هي : ٩س + ص - ٩ = ٠ ، ولمنحناه نقطة انعطاف هي (٢ ، -١١) .

منهاجي

الحل

$$ق(س) = أس^٣ + ب س^٢ + ج س + د = س^٣ - ٦س^٢ + ٥$$

٥) يمثل الشكل (٣-٣١) منحنى المشتقة الأولى لكثير الحدود ق(س) جد :



الشكل (٣-٣١)

أ) (النقط الحرجة للاقتران ق .

ب) فترات التزايد وفترات التناقص للاقتران ق .

ج) قيم س التي يكون عندها للاقتران قيم قصوى محلية .

د) فترات التقعر لمنحنى ق .

هـ) قيم س التي يكون عندها للاقتران نقطة انعطاف .

الحل

أ) للاقتران ق نقطة حرجة عند س = ١ ، س = ٥

ب) الاقتران ق متزايد في الفترة [١- ، ٥]

الاقتران ق متناقص في الفترتين (- ، ١-] ، [٥ ، ∞)

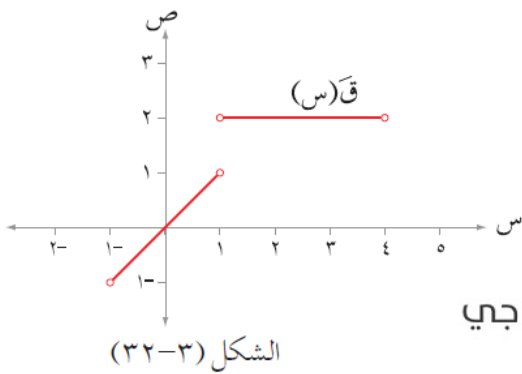
ج) للاقتران ق قيمة عظمى محلية عند س = ٥

للاقتران ق قيمة صغرى محلية عند س = ١-

د) الاقتران ق مقعر للأعلى في الفترة (- ، ∞)

الاقتران ق مقعر للأسفل في الفترة [٢ ، ∞)

هـ) للاقتران ق نقطة انعطاف عند س = ٢



منهاجي

٦) إذا كان الاقتران $ق(س)$ متصل على $[١-، ٤]$ ،

$$\left. \begin{array}{l} ج س^2 + و س + هـ ، ١- \geq س > ١ \\ أس + ب ، ٤ \geq س \geq ١ \end{array} \right\} = ق(س)$$

وُمثَّلَ منحنى المشتقة الأولى للاقتران $ق$ كما في

الشكل (٣-٣٢)، فجد كلاً مما يلي:

أ) مجموعة قيم $س$ الحرجة للاقتران $ق$.

ب) فترات التزايد، وفترات التناقص للاقتران $ق$.

ج) قيم $س$ التي يكون عندها للاقتران $ق$ قيم قصوى محلية.

د) قيم كلٍّ من الثوابت أ، ب، ج، د، هـ، علمًا بأن $ق(١-) = ٢$ ، $ق(٤) = ٨$

الحل

أ) للاقتران $ق$ نقط حرجة عند $س = ١-$ ، $س = ٠$ ، $س = ١$ ، $س = ٤$

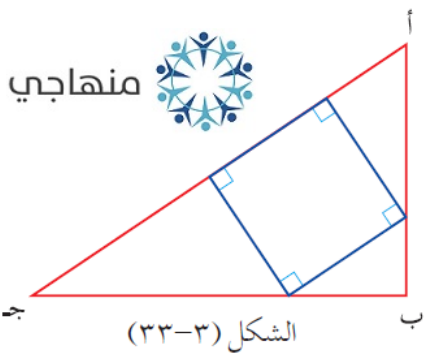
ب) الاقتران $ق$ متزايد في الفترة $[٤، ٠]$

الاقتران $ق$ متناقص في الفترة $[٠، ١-]$

منهاجي

ج) للاقتران $ق$ قيمة صغرى محلية عند $س = ٠$.

د) $أ = ٢$ ، $ب = ٠$ ، $ج = \frac{١}{٢}$ ، $د = ٠$ ، $هـ = \frac{٣}{٢}$



منهاجي

منهاجي



٧) يمثل الشكل (٣-٣٣) مثلث $أ ب ج$ قائم الزاوية في $ب$ فيه

$أ ب = ٦$ سم، $ب ج = ٨$ سم، وبداخله مستطيل يقع رأسان من

من رؤوسه على وتر المثلث والرأسان الآخران يقع كلٌّ منهما على

ضلعي القائمة. جد أبعاد المستطيل التي تجعل مساحته أكبر ما يمكن.

الحل

أبعاد المستطيل هي $ل = ٥$ سم، $ع = ٢، ٣$ سم

٨) يتكون هذا السؤال من (١١) فقرة من نوع الاختيار من متعدد، يلي كل فقرة (٤) بدائل، واحد منها فقط صحيح، ضع دائرة حول رمز البديل الصحيح:

(١) تتحرك نقطة على خط مستقيم بحيث إن المسافة (ف) بالأمتار التي تقطعها في زمن قدره (ن) ثانية هي: ف(ن) = $6n^2 - 3n + 13$ ، المسافة ف عندما يصبح التسارع صفراً هي:

- أ) ١٤ م
ب) ١٨ م
ج) ٢٩ م ✓
د) ٣٤ م

(٢) معدل تغير حجم كرة بالنسبة إلى طول نصف قطرها عندما يكون طول نصف قطرها ٥ سم يساوي:

- أ) $100 \text{ سم}^3/\text{سم}$
ب) $4\pi \text{ سم}^3/\text{سم}$
ج) $20\pi \text{ سم}^3/\text{سم}$
د) $100\pi \text{ سم}^3/\text{سم}$ ✓

(٣) وعاء على شكل مخروط دائري قائم رأسه إلى أسفل، ارتفاعه ٦ سم، وطول نصف قطر قاعدته ٤ سم، صُبَّ الماء فيه بمعدل $2\pi \text{ سم}^3/\text{ث}$ ، فإن معدل تغير ارتفاع الماء فيه في اللحظة التي يكون ارتفاع الماء ٨ سم يساوي:

- أ) $\frac{1}{2} \text{ سم/ث}$ ✓
ب) 2 سم/ث
ج) $\frac{1}{8} \text{ سم/ث}$
د) $\frac{1}{\pi 2} \text{ سم/ث}$

(٤) إذا كان $Q(s) = 12s + 6(2-m)s^2$ فإن قيم m التي تجعل منحنى الاقتران Q مقعرًا للأسفل:

- (أ) $(-\infty, 2)$ (ب) $(-\infty, 2)$ منهاجي
(ج) $(2, \infty)$ (د) $(-\infty, 2)$ ✓

(٥) إذا كان لمنحنى الاقتران $Q(s) = 4s$ نقطة انعطاف عند $s = \frac{\pi}{4}$ فإن ميل المماس عندها يساوي:

- (أ) -4 ✓ (ب) 4 منهاجي
(ج) -2 (د) 1

(٦) إذا كان $Q(s) = \frac{1 + 2s^2 - 2s}{s^2}$ فإن منحنى الاقتران Q متناقص على الفترة:

- (أ) $(-\infty, 0)$ (ب) $(1, \infty)$ منهاجي
(ج) $[0, 1]$ (د) $(0, 1]$ ✓

(٧) الشكل (٣-٣٤) يمثل منحنى $Q(s)$ للاقتران Q كثير الحدود المعروف على H, C, S



(٨) إذا كان $Q(s) = \sqrt[3]{2s^2}$: $s \in [1, 1-]$ ، فإن للاقتران Q قيمة صغرى مطلقة عند النقطة:

- (أ) $(1, 1-)$ (ب) $(1, 1)$ منهاجي
(ج) $(0, 0)$ ✓ (د) $(1, 0)$

(٩) يُراد صنع علبة مفتوحة من الأعلى من قطعة كرتون مستطيلة الشكل أبعادها 16 سم، 30 سم وذلك بقص مربعات متساوية من زواياها الأربع طول كل منها (s) وحدة، ثم طي الجوانب للأعلى، ما قيمة s التي تجعل حجم العلبة أكبر ما يمكن؟

- (أ) 12 سم (ب) $\frac{10}{3}$ سم ✓ منهاجي
(ج) 10 سم (د) 8 سم

(١٠) إذا كان $Q(s) = \text{جتاس} - \text{جاس}$: $s \in [0, \pi]$ فإن قيمة s التي يكون للاقتران عندها قيمة صغرى مطلقة هي:

- (أ) 0 (ب) $\frac{\pi}{4}$ منهاجي
(ج) $\frac{\pi}{2}$ (د) $\frac{\pi^3}{4}$ ✓

(١١) أي المنحنيات في الشكل (٣-٣٥) يمثل رسم الاقتران q الذي فيه $q(0) < 0$ ، $q(1) > 0$ ، q سالبة دائماً:

