

إجابات تمارين ومسائل الدرس

الاشتقاق الضمني - إجابات دليل المعلم

(١) جد $\frac{ص}{س}$ لكل مما يأتي :

(أ) $١٦ = ٢ص + ٢س$

(ج) $٢س + ٢ص = ٢س$

الحل

(أ) $\frac{١-ص}{٤} \times \frac{س}{ص}$

(ج) $\frac{ص - ٢س}{٣ - ٢س}$

(ب) $\sqrt{٢س + ٣} = ٢ص$

(د) $٢س = (ص)$

(ب) $\frac{٢س + ٣}{٢س + ٣} = \frac{٢ص}{٢ص}$

(د) $\frac{٢}{ص} - \frac{٢}{ص}$

(٢) جد $\frac{ص}{س}$ لكل مما يأتي :

(أ) $١٦ = ٢ص + ٢س$

(ج) $ص = ٢س$

الحل

منهاجي

(أ) $\frac{٤}{٣} \times \frac{٢س + ٣}{٢ص} - \frac{س - ص}{٢س}$

(ج) $\frac{ص(ص + ٢س)}{(١ + ٢ص)}$

(ب) $١٦ = ٢ص + ٢س$

(د) $٢ = \sqrt{ص}$

(ب) $\frac{٤}{٣} - \frac{ص - ٢س}{٢ص}$

(د) $\frac{٢ - \sqrt{ص}}{\sqrt{ص}} + \frac{ص}{ص}$

(٣) جد قيمة $\frac{ص}{وس}$ لكل من العلاقات الآتية عند النقط المبيّنة إزاء كل منها :

أ) $٨س = ص + جتا ص = ٢\pi$ ، $(\frac{\pi}{٢}, \frac{\pi}{٤})$ منهاجي

ب) $س^٢ - ٢س + ص = ٢$ ، $(١, ١)$ منهاجي

ج) $٣ = \frac{٢}{ص} + \frac{٤}{س}$ ، $(١, ٤)$ منهاجي

أ) $\frac{\pi ٤}{\pi ٢ - ١}$ الحل
ب) $٥ -$
ج) $\frac{١}{٨}$

(٤) إذا كان $جا(س + ص) = ص^٢ جتا س$ ، فجد $ص$.

الحل
منهاجي $\frac{جتا(س + ص) + ص^٢ جتا س}{ص جتا س - جتا(س + ص)}$

(٥) جد النقطة على منحنى العلاقة $\sqrt{ص} + \sqrt{س} = ٣$ التي يصنع عندها المماس زاوية مقدارها ١٣٥° مع الاتجاه الموجب لمحور السينات.

الحل
منهاجي $(\frac{٩}{٤}, \frac{٩}{٤})$

(٦) جد $\frac{ص}{وس}$ لكل مما يأتي:

ب) $\sqrt{ص} + ٢\sqrt{س} = ٣$

أ) $\sqrt{ص(١ + ٢س)} = ٢$

ب) $\frac{٤س\sqrt{٣س} + ٣}{٤\sqrt{٣س} \times \sqrt{٢س} + ٣}$

الحل
منهاجي أ) $\frac{٤}{١ + ٢\sqrt{٣س}}$

٧ (إذا كان $s = جا ص$ ، فأثبت أن $ص^2 = ظاص قا^2 ص$.
الحل
اشتق ضمناً مرتين ثم عوض عن $ص$ في المشتقة الثانية.

٨ (إذا كان $ص$ جتا $s = س جا^2 ص$ ، فجد $\frac{كص}{كس}$ عند النقطة $(\frac{\pi}{4}, -\frac{\pi}{2})$.
الحل
٢
منهاجي

٩ (إذا كان $س ص = جاس$ ، فأثبت أن: $س ص^2 + ص^2 س + ص = ٠$.
الحل
اشتق ضمناً مرتين ثم ضع $س ص$ مكان $جاس$ في المشتقة الثانية.

١٠ (إذا كان $ص = ن^3 + ٢ن$ ، $\frac{كس}{كس} = ٤ن$ ، فجد $\frac{كص}{كس}$ عند $ن = ١$.
الحل
١
١٦
منهاجي

١١ (إذا كان $س + ص = جا ص$ ، فأثبت أن: $(ص)^2 = ص^2 (ظنا ص - قناص)$.
الحل
اشتق ضمناً مرتين ولاحظ أن $(ص)^2 = ص \times ص$

١٢ (إذا كان $ص = جاس + س ص$ ، فأثبت أن: $ص + ص = \frac{ص^2}{س-١}$.
الحل
اشتق ضمناً مرتين ثم استخدم العلاقة الأصلية في التعويض.