

أتحقق من فهمي

التكامل المحدود

التكامل المحدود

أتحقق من فهمي صفحة (23):

أجد قيمة كل من التكاملين الآتيين:

(a) $\int_{14} 14(8x-x)dx$

$$\int_{14} 14(8x-x)dx = \int_{14} 14(8x-x^2)dx = (4x^2 - 23x^3) \Big|_{14} = (4x^2 - 23x^3) \Big|_4 = (4(4)^2 - 23(4)^3) - (4(1)^2 - 23(1)^3) = 1663$$

(b) $\int -12(1-x)(1+3x)dx$

$$\int -12(1-x)(1+3x)dx = \int -12(1+3x-x-3x^2)dx = \int -12(1+2x-3x^2)dx = (x+x^2-x^3) \Big|_{-12} = (2+2^2-2^3) - (-1+(-1)^2-(-1)^3) = -3$$

أتحقق من فهمي صفحة (24):

إذا كان: $\int_0^k 6x^2 dx = 2$ ، فأجد قيمة الثابت .

$$\int_0^k 6x^2 dx = 2 \Rightarrow 2x^3 \Big|_0^k = 2 \Rightarrow 2k^3 - 2(0)^3 = 2 \Rightarrow 2k^3 = 2 \Rightarrow k^3 = 1 \Rightarrow k = 1$$

خصائص التكامل المحدود

أتحقق من فهمي صفحة (26):

إذا كان: $\int -11h(x)dx = 7 - \int$ ، $\int 41f(x)dx = 2$ ، $\int 11f(x)dx = 5$ ، فأجد قيمة كل مما يأتي:

(a) $\int -11(f(x)+3h(x))dx$

$$\int -11(f(x)+3h(x))dx = \int -11f(x)dx + \int -11(3h(x))dx = \int -11f(x)dx + 3 \int -11h(x)dx = 5 + 3(7) = 26$$

$$(b) \int -14f(x)dx$$

$$\int -14f(x)dx = \int -11f(x)dx + \int 14f(x)dx = \int -11f(x)dx - \int 41f(x)dx = 5 - 2 = 3$$

$$(c) \int 1-14h(x)dx$$

$$\int 1-14h(x)dx = -\int -114h(x)dx = -4\int -11h(x)dx = -4(7) = -28$$

تكاملات الاقترانات المتشعبة

أتحقق من فهمي صفحة (27):

(a) إذا كان: $f(x) = \begin{cases} 1+x, & x < 2 \\ 2x, & x \geq 2 \end{cases}$ ، فأجد قيمة: $\int -22f(x)dx - \int$

بما أن الاقتران تشعب عند 2 ، فإنني أجزئ التكامل عنده:

$$\int -22f(x)dx = \int -21(1+x)dx + \int 122xdx = (x+12x^2)|_{-2}^{12} - 21|x^2|_{-2}^{12} = (1+12(1)^2) - (-2+12(-2)^2) + (22-12) = 92$$

(b) إذا كان: $|f(x)| = |x-3|$ ، فأجد قيمة: $\int 14f(x)dx - \int$

أعيد تعريف اقتران القيمة المطلقة:

$$f(x) = |x-3| = \begin{cases} 3-x, & x < 3 \\ x-3, & x \geq 3 \end{cases}$$

بما أن الاقتران تشعب عند 3 ، فإنني أجزئ التكامل عنده:

$$\int -14f(x)dx = \int -13(3-x)dx + \int 34(x-3)dx = (3x-12x^2)|_{-3}^{13} + (12x^2-3x)|_{3}^{14} = (3(3)-12(3)^2) - (3(-1)-12(-1)^2) + (12(4)^2-3(4)) - (12(3)^2-3(3)) = 172$$

التكامل المحدود، ومقدار التغير

أتحقق من فهمي صفحة (29):

معتمداً المعلومات الوارد ذكرها في المثال 5 ، أجد مقدار التغير الشهري في أرباح

الشركة عند زيادة مبيعاتها الشهرية إلى 1500 جهاز، علماً بأن عدد الأجهزة المباعة الآن هو 1400 جهاز.

$$P'(x) = 165 - 0.1x$$

مقدار التغير الشهري في أرباح الشركة عند زيادة مبيعاتها الشهرية من 1400 جهاز إلى 1500 جهاز هو:

$$f(b) - f(a) = \int_a^b C'(x) dx \quad f(1500) - f(1400) = \int_{1400}^{1500} (165 - 0.1x) dx = (165x - 0.05x^2) \Big|_{1400}^{1500} = (165(1500) - 0.05(1500)^2) - (165(1400) - 0.05(1400)^2) = 2000$$

إذن، عند زيادة مبيعات الشركة من 1400 جهاز إلى 1500 جهاز، فإن أرباح الشركة ستزيد شهرياً بمقدار 2000 دينار.