

إجابات مراجعة الدرس الثالث

الزخم الزاويّ

السؤال الأول:

الفكرة الرئيسية: ما الزخم الزاوي؟ وعلام ينصّ قانون حفظ الزخم الزاوي؟ علام تعتمد الطاقة الحركية الدورانية لجسم يدور حول محور ثابت؟

الزخم الزاوي: ناتج ضرب عزم القصور الذاتي للجسم أو النظام في سرعته الزاوية، وهو كمية متجهة، رمزه (L).

ينصّ قانون حفظ الزخم الزاويّ على أنّ: "الزخم الزاويّ لنظام معزول يظلّ ثابتاً في المقدار والاتجاه"، إذ يكون العزم المحصل المؤثر في النظام المعزول صفراً.

تعتمد الطاقة الحركية الدورانية لجسم يدور حول محور ثابت على عزم قصوره الذاتي وسرعته الزاوية.

السؤال الثاني:

أفسر: أنبوب مجوّف وأسطوانة مصمّته، متماثلان في الكتلة والأبعاد، ويدور كلّ منهما حول محور تماثله بالسرعة الزاوية نفسها. هل لهما الطاقة الحركية الدورانية نفسها أم لا؟ أوضّح إجابتي.

بما أنّ الإطارات تدور بسرعة زاوية ثابتة، فإن تسارعها الزاوي يساوي صفراً.

الأنبوب المجوّف يمتلك عزم قصور ذاتي أكبر؛ أن كتلته موزعة على سطح الأنبوب بعيداً عن محور الدوران مقارنة بالأنبوب المسمط. وبالرجوع إلى العلاقة:

$$KER = I\omega^2$$

فإن الطاقة الحركية الدورانية تتناسب طردياً مع عزم القصور الذاتي، بثبوت السرعة الزاوية. فيكون للأسطوانة المجوّفة طاقة حركية دورانية أكبر.

السؤال الثالث:

أحل وأستنتج: بين الشكل المجاور وأسطوانتين إحداهما مصممة والأخرى مجوّفة، متماثلتين في الكتلة والأبعاد والسرعة الزاوية، وتدوران حول محور ثابت يمرّ في المركز الهندسي لكلّ منهما. مستعيناً بالشكل المجاور؛ أجب عن السؤالين الآتيين:

أ- **أقارن** بين مقدارَي الزخم الزاويّ للأسطوانتين، هل هما متساويتان أم لا؟ أفسّر إجابتي.

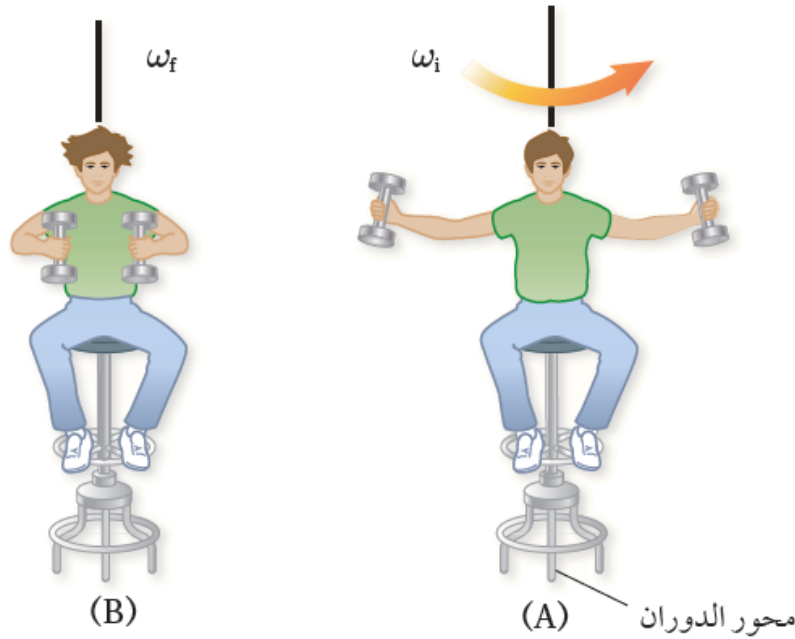
مقدار الزخم الزاويّ للأسطوانة المجوفة أكبر منه للأسطوانة المصممة؛ لأن الزخم الزاويّ يعتمد على عزم القصور الذاتي والسرعة الزاوية، وهما تدوران بمقدار السرعة الزاوية نفسه، وعزم القصور الذاتي للأسطوانة المجوّفة أكبر منه للأسطوانة المصممة.

ب- **أقارن** بين مقدارَي الطاقة الحركية للأسطوانتين، هل هما متساويان أم لا؟ أفسّر إجابتي.

مقدار الطاقة الحركية الدورانية للأسطوانة المجوفة أكبر منه للأسطوانة المصممة؛ لأن الطاقة الحركية الدورانية تعتمد على عزم القصور الذاتي ومربع مقدار السرعة الزاوية، وهما تدوران بمقدار السرعة الزاوية نفسه، وعزم القصور الذاتي للأسطوانة المجوّفة أكبر منه للأسطوانة المصممة.

السؤال الرابع:

التفكير الناقد: يجلس طالب على كرسيّ قابل للدوران حول محورٍ رأسيّ ويُمسك ثقلاً بكلّ يد. بدايةً؛ يدور الطالب والكرسيّ بسرعة زاوية (ω) ويداه ممدودتان، كما هو موضّح في الشكل A. إذا طلب المعلم من الطالب ضمّ ذراعيه؛ كما في الشكل B؛ فماذا يحدث لكلّ من:



أ- عزم قصوره الذاتي؟

يؤدي ضمّ الطالب لذراعيه إلى تقليل مقدار عزم القصور الذاتي له حول محور الدوران الرأسي من المقدار (I_i) إلى المقدار (I_f)؛ لأنه حرّك جزء من كتلته وحرّك الثقيلين قريباً من محور الدوران.

ب- سرعته الزاويّة النهائيّة؟

لا يوجد عزم محصّل مؤثر في النظام الذي يتكوّن من الطالب والكرسي والثقلين، لذا يكون الزخم الزاويّ محفوظاً لهذا النظام حول محور الدوران. ألاحظ أن عزم القصور الذاتي للطالب في الشكل (A) أقل منه في الشكل (B)؛ أي أن:

($I_i > I_f$)، لذا يجب أن يكون مقدار سرعته الزاويّة النهائيّة (ω_f) في الشكل (B) أكبر مقارنة بمقدار سرعته الزاوية الابتدائية (ω_i)، بحسب قانون حفظ الزخم الزاويّ. أيّ يزداد مقدار سرعته الزاوية، ويتغير من (ω_i) إلى (ω_f). ويمكن للطالب تقليل مقدار سرعته الزاويّة عن طريق مدّ ذراعيه مرّة أخرى على استقامتهما، وتحريك الثقيلين إلى الخارج.